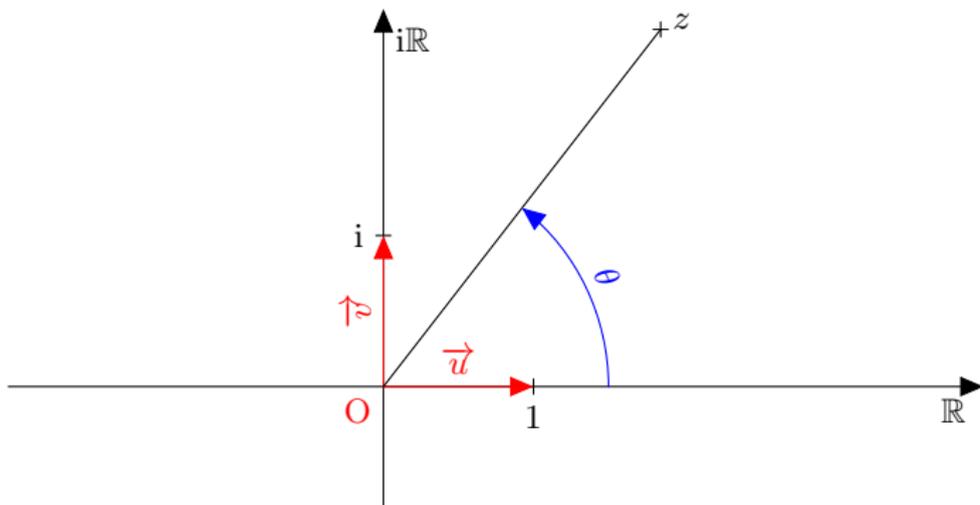


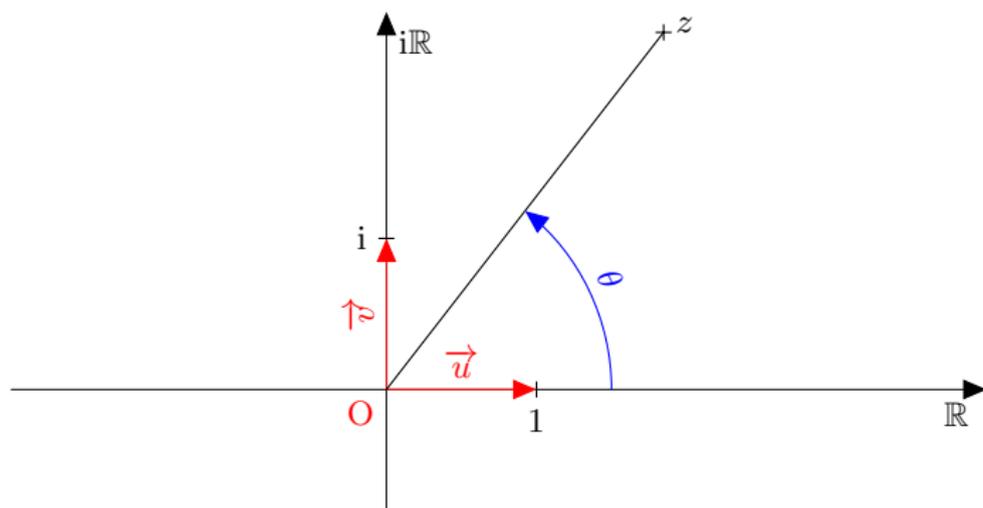


Définition:

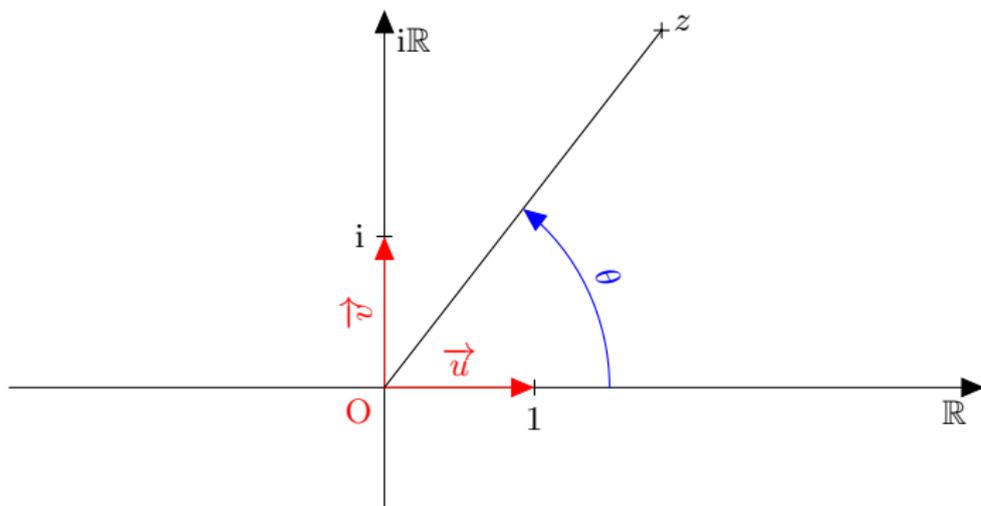
Dans un plan complexe muni d'un repère $(O, \vec{u}, \vec{v},)$, soit z un nombre complexe non nul, et M le point d'affixe z . On appelle **argument** de z tout nombre réel θ tel que $\theta = (\vec{u}, \overrightarrow{OM}) [2\pi]$. On note $\theta = \arg(z)$.



I. La forme trigonométrique.



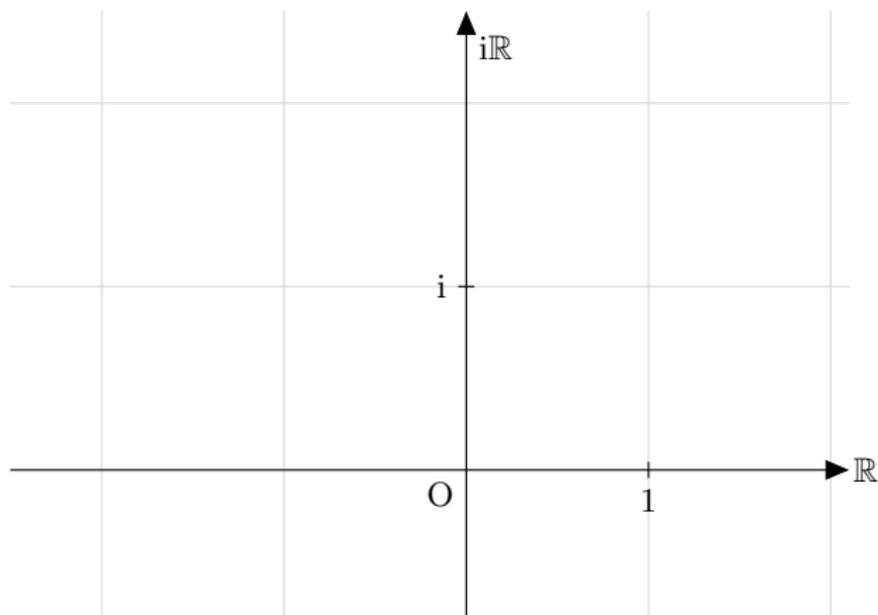
I. La forme trigonométrique.



Remarque : On donne toujours la mesure principale de l'angle, c'est-à-dire la mesure comprise dans l'intervalle $] -\pi, \pi]$.

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



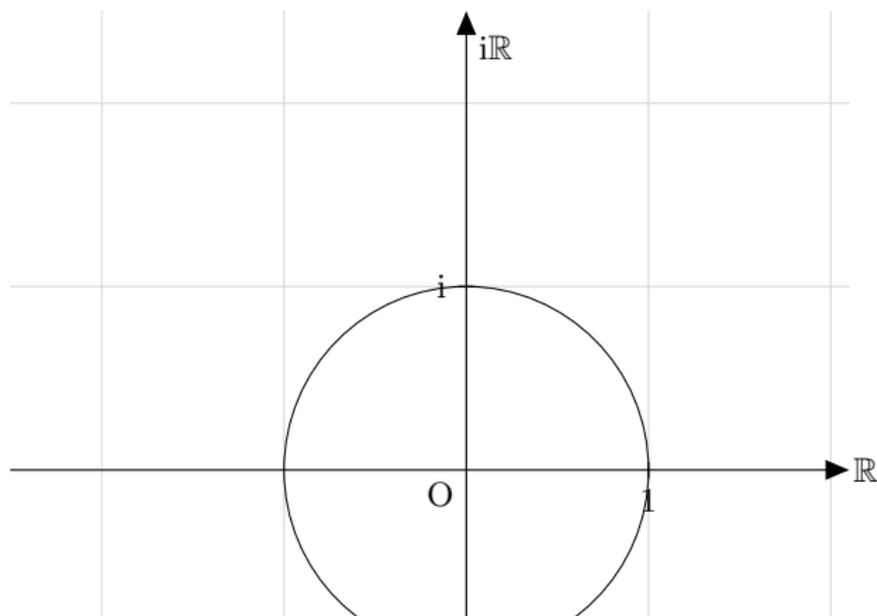
1 Un argument de z est

2 $z_0 =$

3 $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



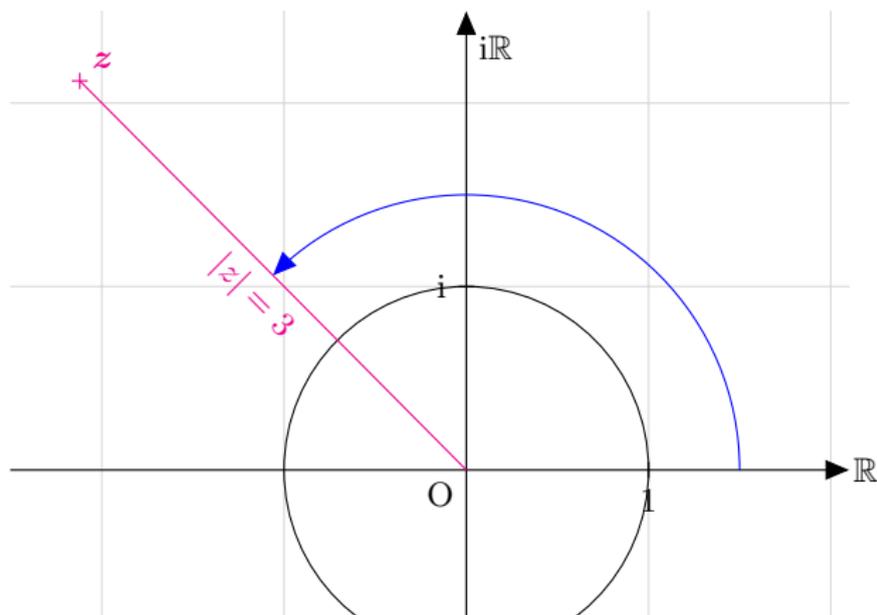
1 Un argument de z est

2 $z_0 =$

3 $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



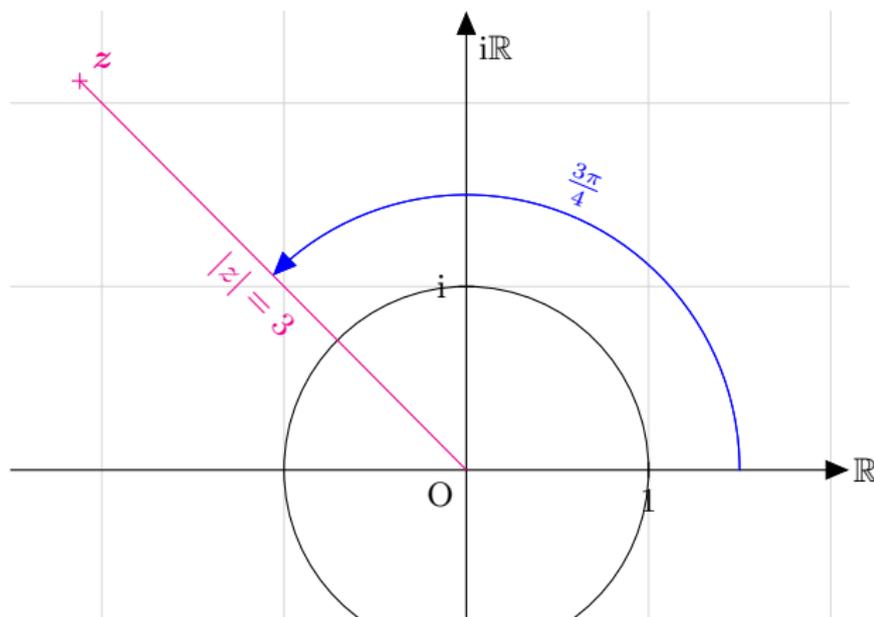
1 Un argument de z est

2 $z_0 =$

3 $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



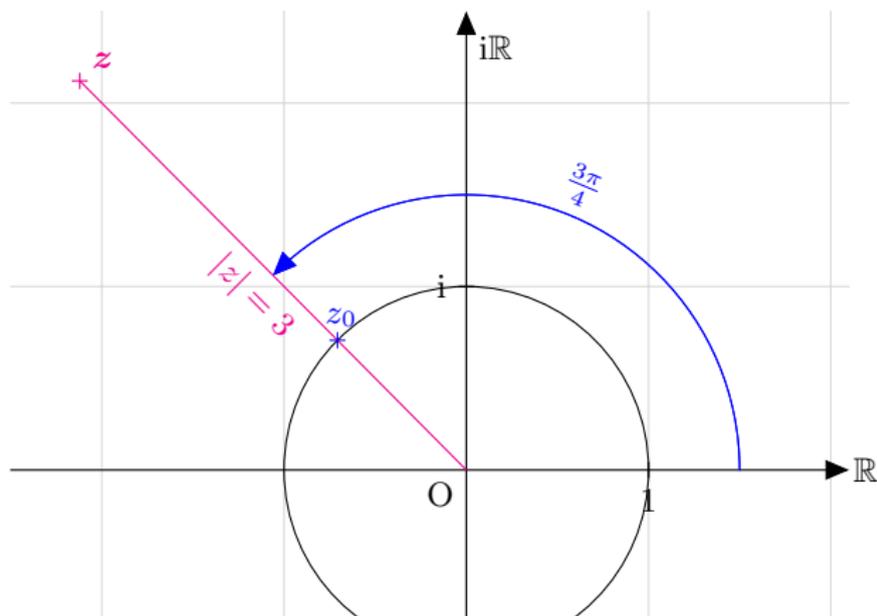
1 Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$

2 $z_0 =$

3 $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



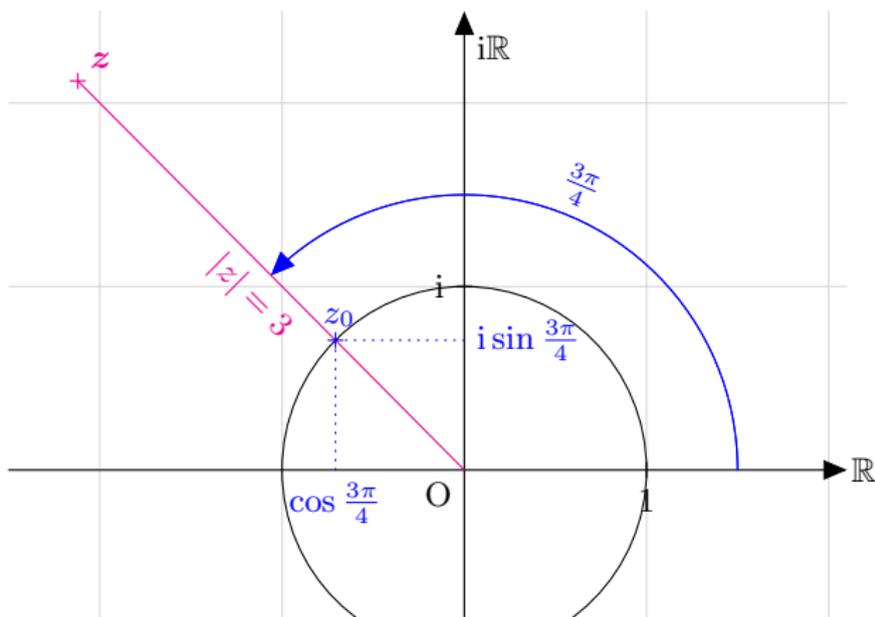
1 Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$

2 $z_0 =$

3 $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



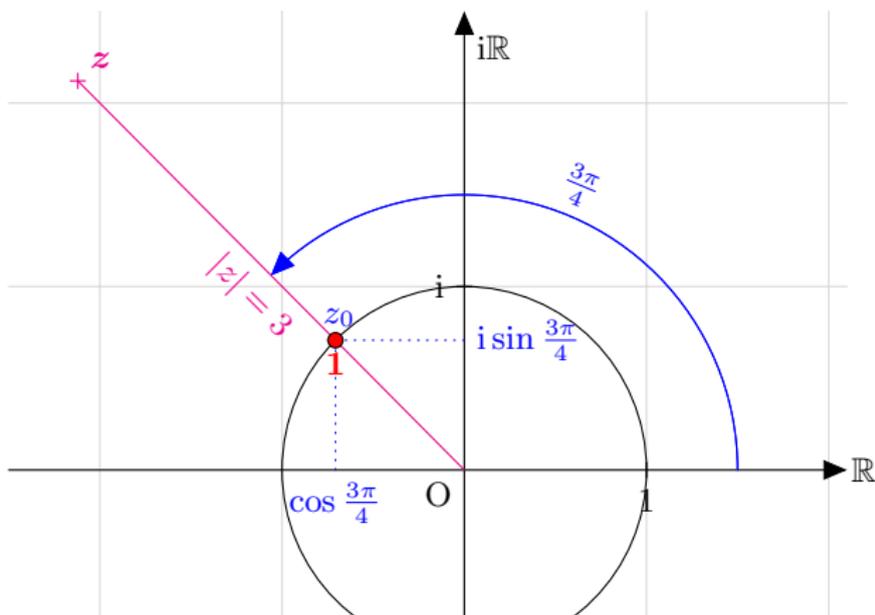
① Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$

② $z_0 = \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}$

③ $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



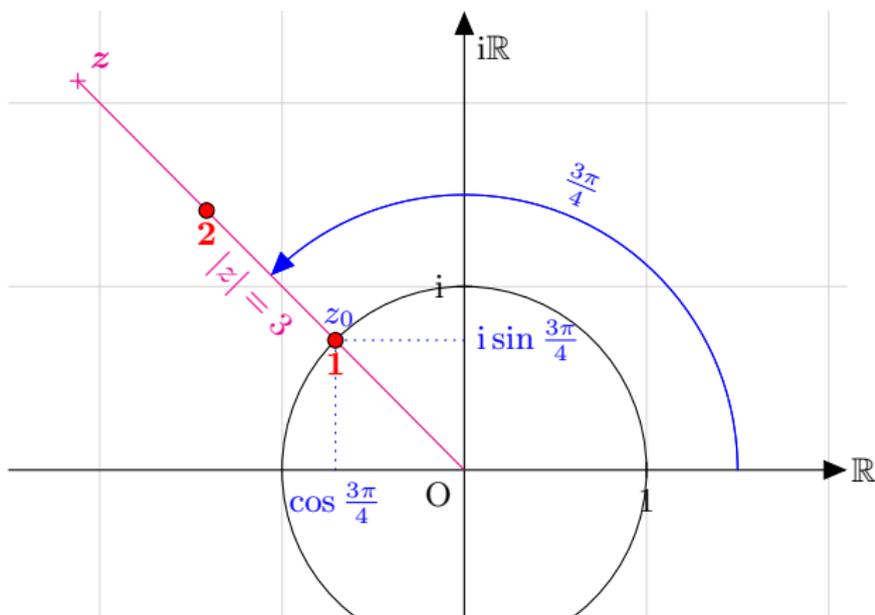
1 Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$

2 $z_0 = \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}$

3 $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



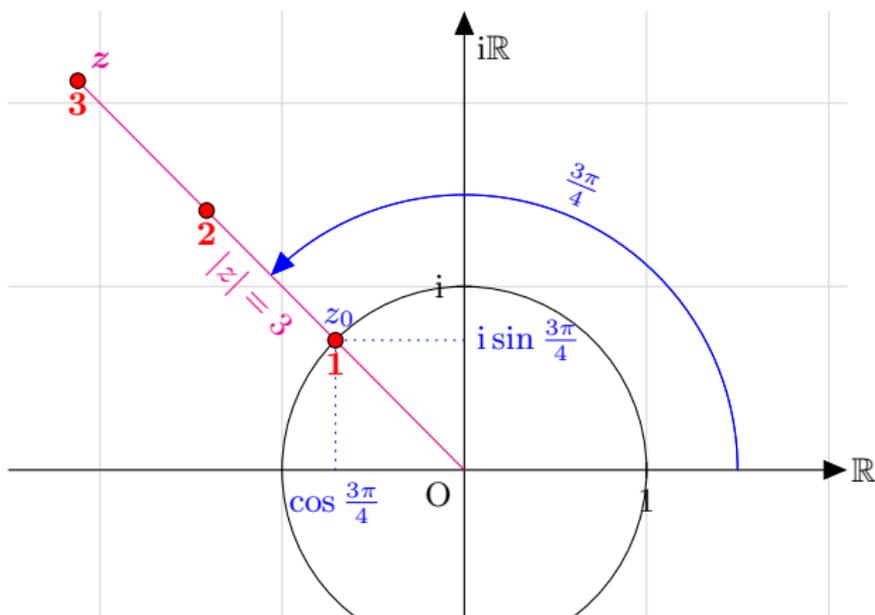
① Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$

② $z_0 = \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}$

③ $z =$

I. La forme trigonométrique.

Exemple :



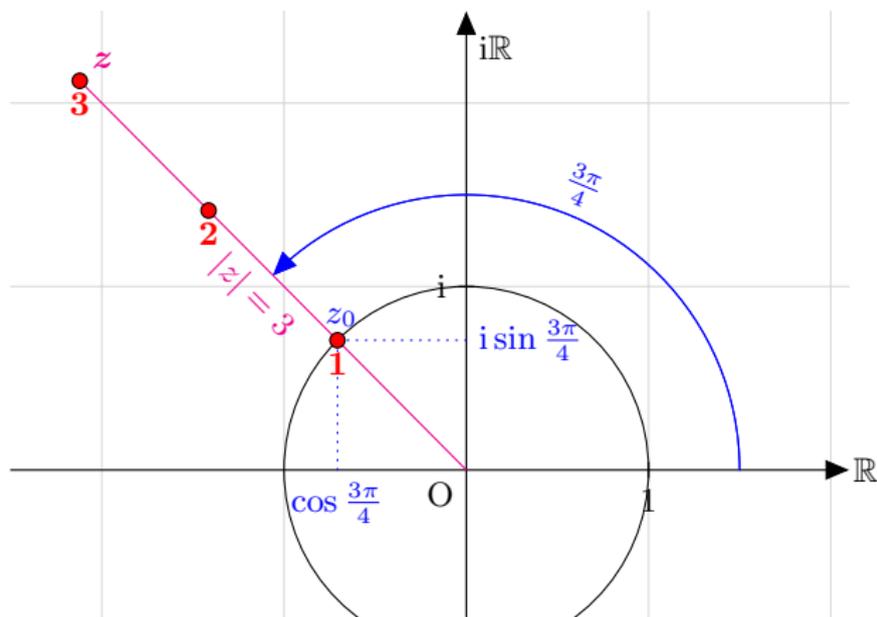
① Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$

② $z_0 = \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}$

③ $z =$

I. La forme trigonométrique.

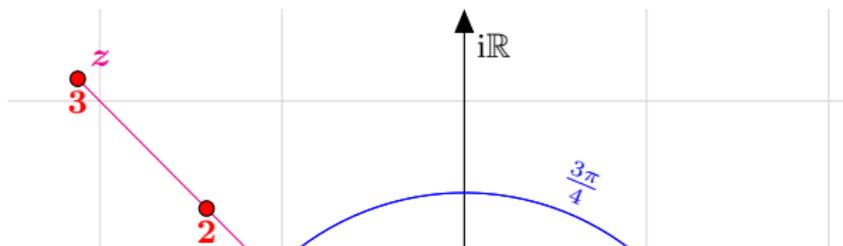
Exemple :



- 1 Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$
- 2 $z_0 = \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}$
- 3 $z = 3 \times \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

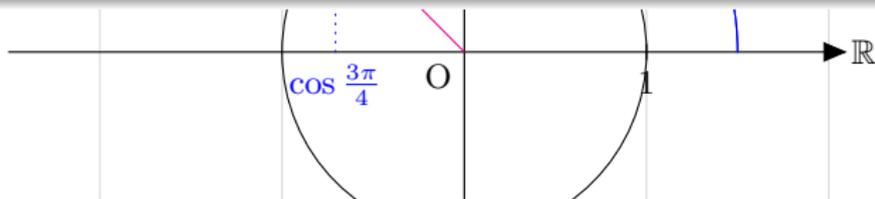
I. La forme trigonométrique.

Exemple :



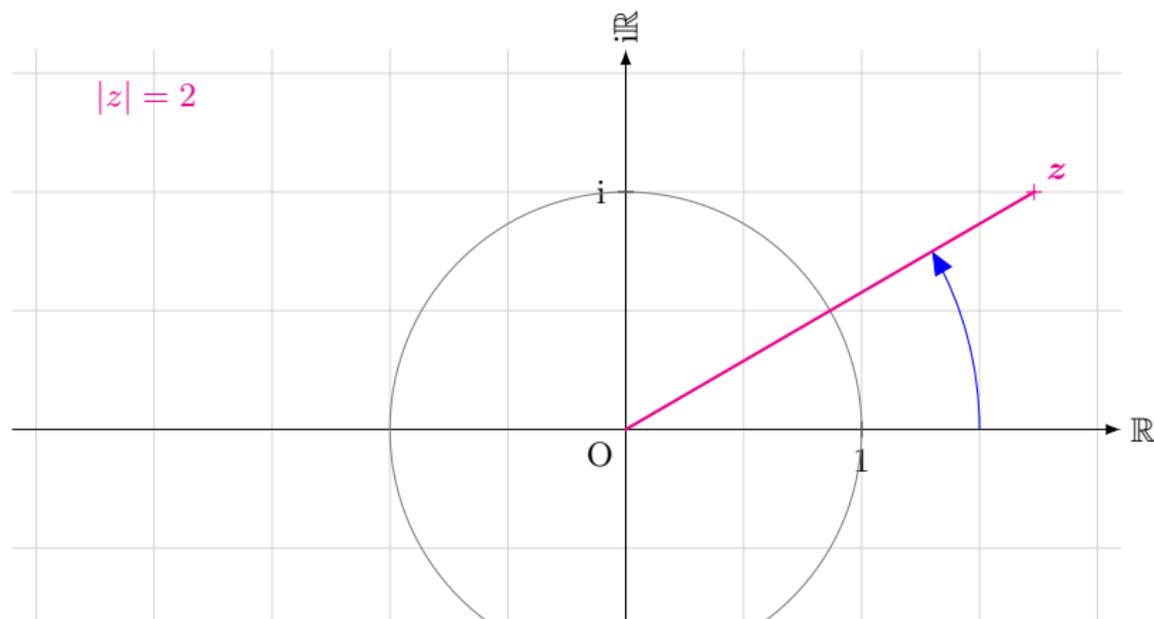
Forme trigonométrique

l'expression $3 \times \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ est appelée la forme trigonométrique de z .



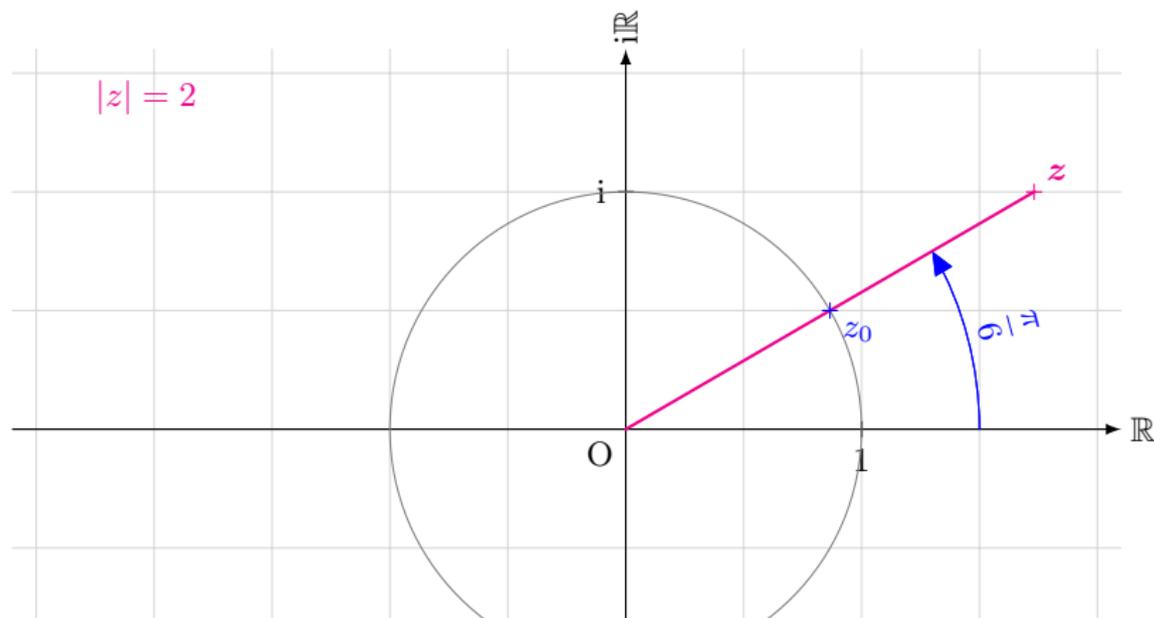
- 1 Un argument de z est $\frac{3\pi}{4}$
- 2 $z_0 = \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}$
- 3 $z = 3 \times \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

I. La forme trigonométrique.



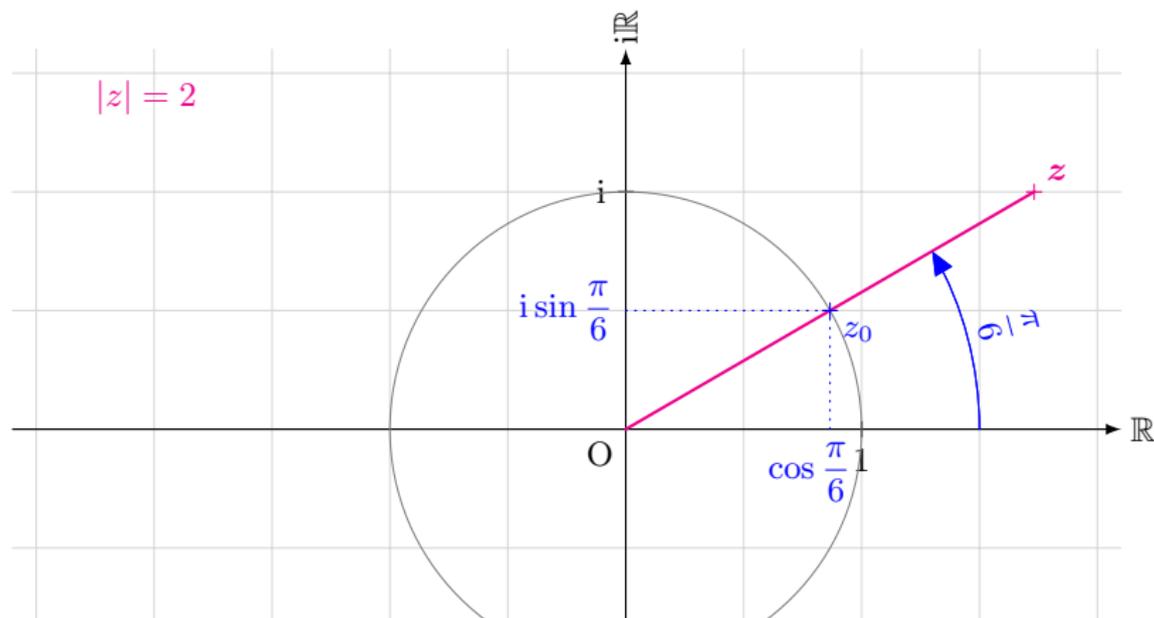
- 1 Un argument de z est
- 2 $z_0 =$
- 3 $z =$

I. La forme trigonométrique.



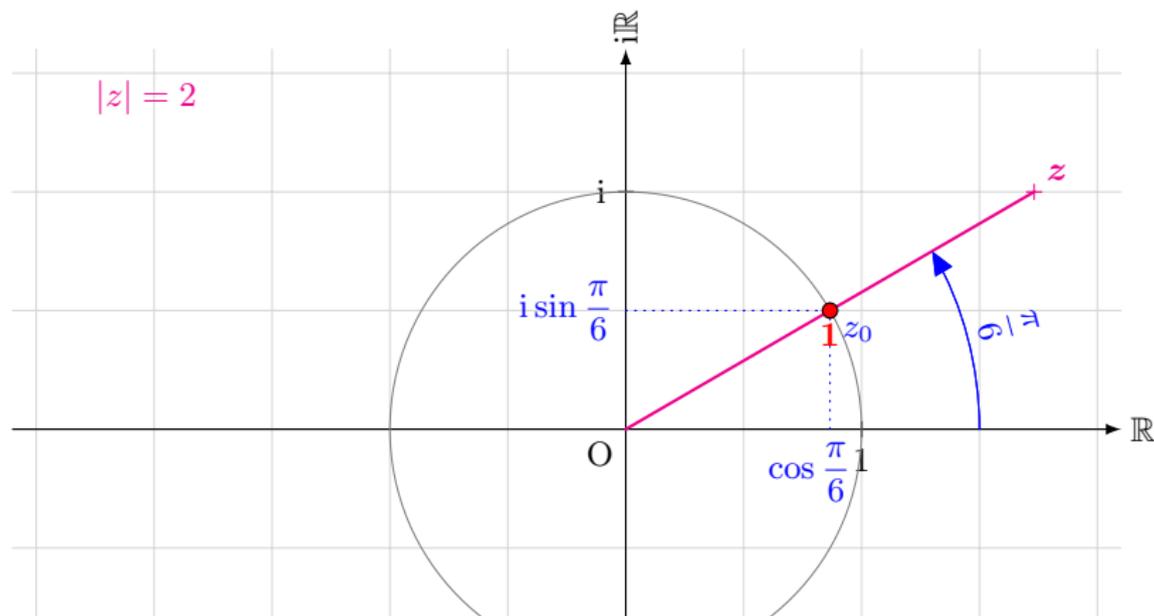
- 1 Un argument de z est $\frac{\pi}{6}$
- 2 $z_0 =$
- 3 $z =$

I. La forme trigonométrique.



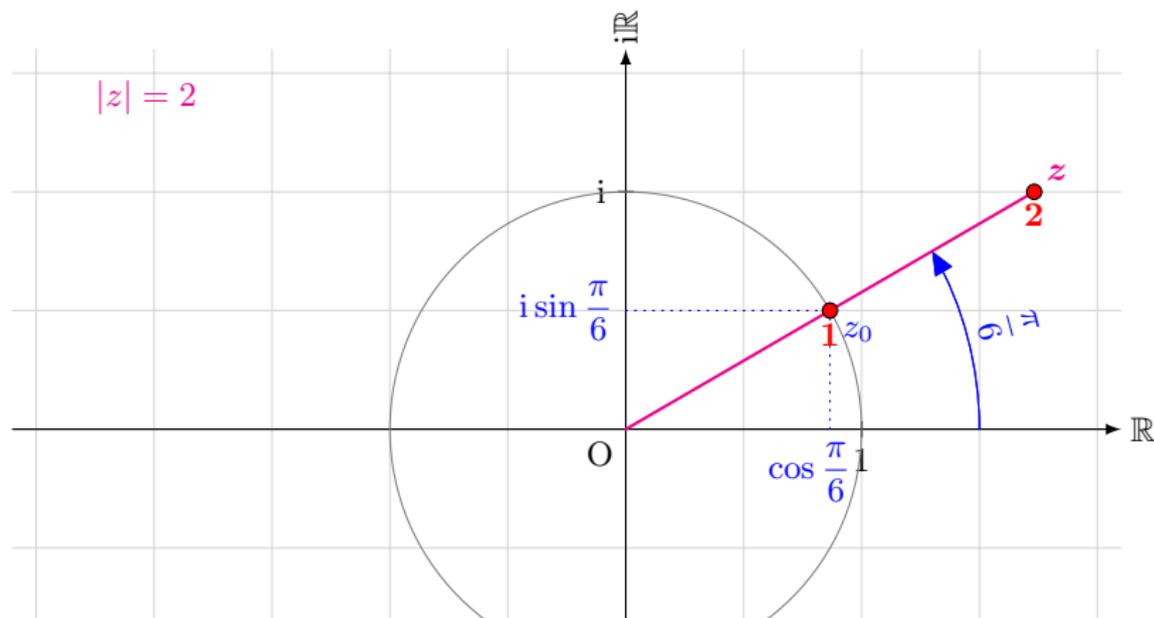
- 1 Un argument de z est $\frac{\pi}{6}$
- 2 $z_0 = \cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$
- 3 $z =$

I. La forme trigonométrique.



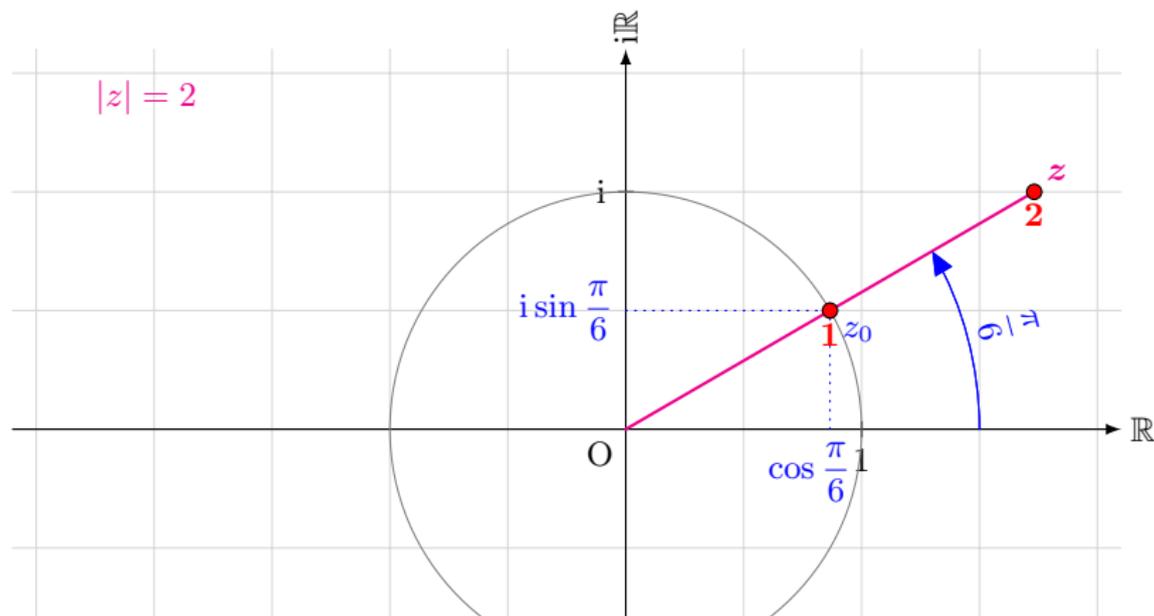
- 1 Un argument de z est $\frac{\pi}{6}$
- 2 $z_0 = \cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$
- 3 $z =$

I. La forme trigonométrique.



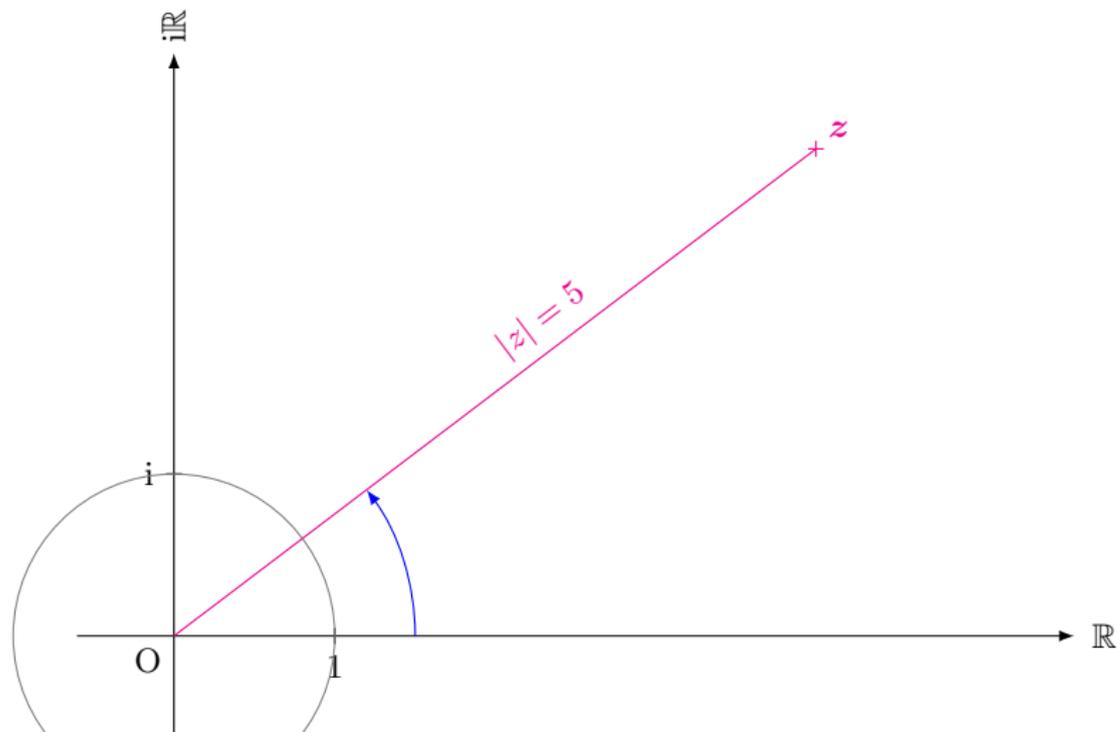
- 1 Un argument de z est $\frac{\pi}{6}$
- 2 $z_0 = \cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$
- 3 $z =$

I. La forme trigonométrique.

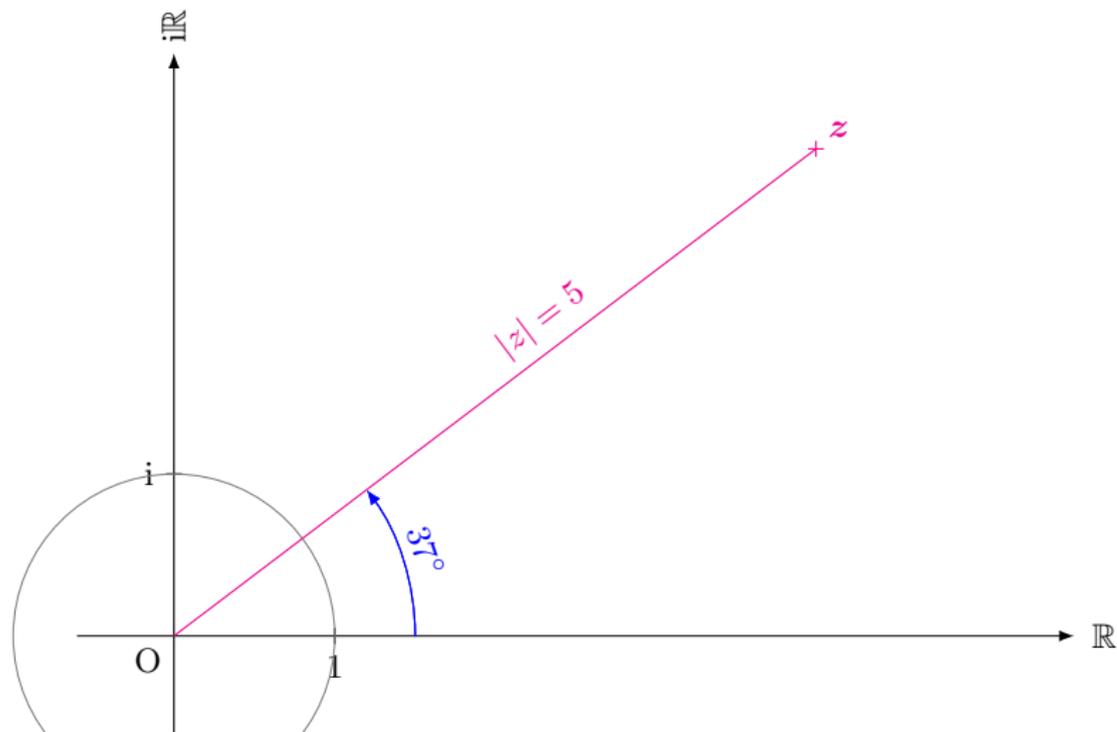


- 1 Un argument de z est $\frac{\pi}{6}$
- 2 $z_0 = \cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$
- 3 $z = 2 \times \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$

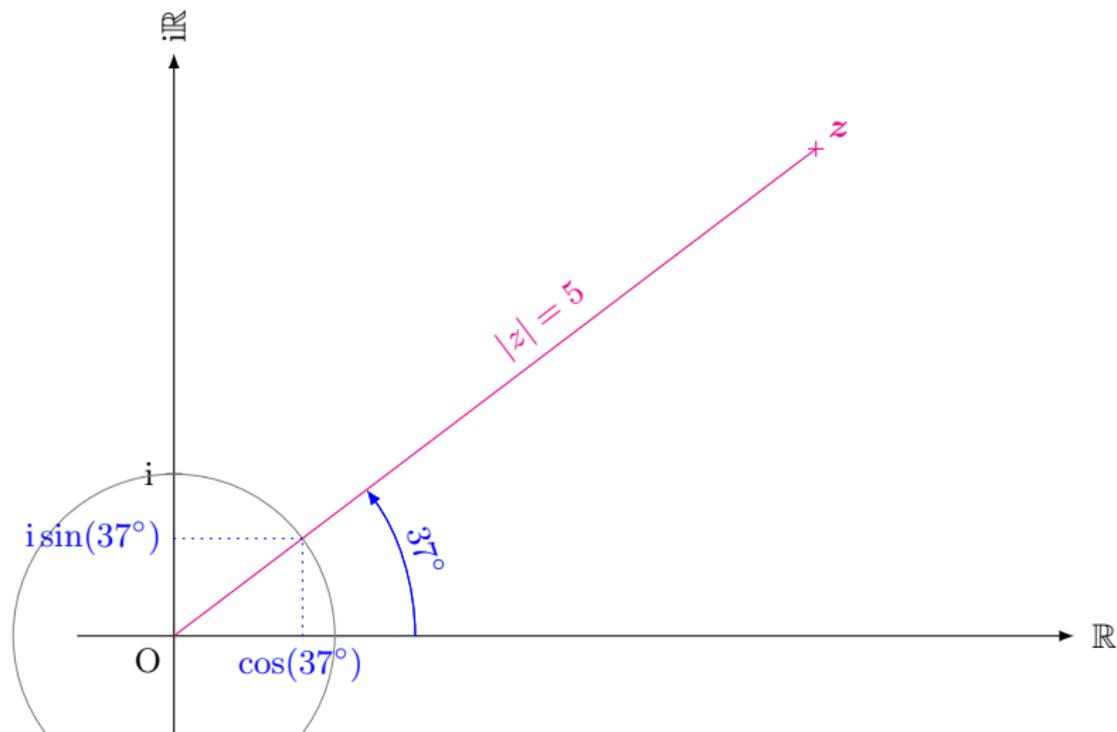
I. La forme trigonométrique.



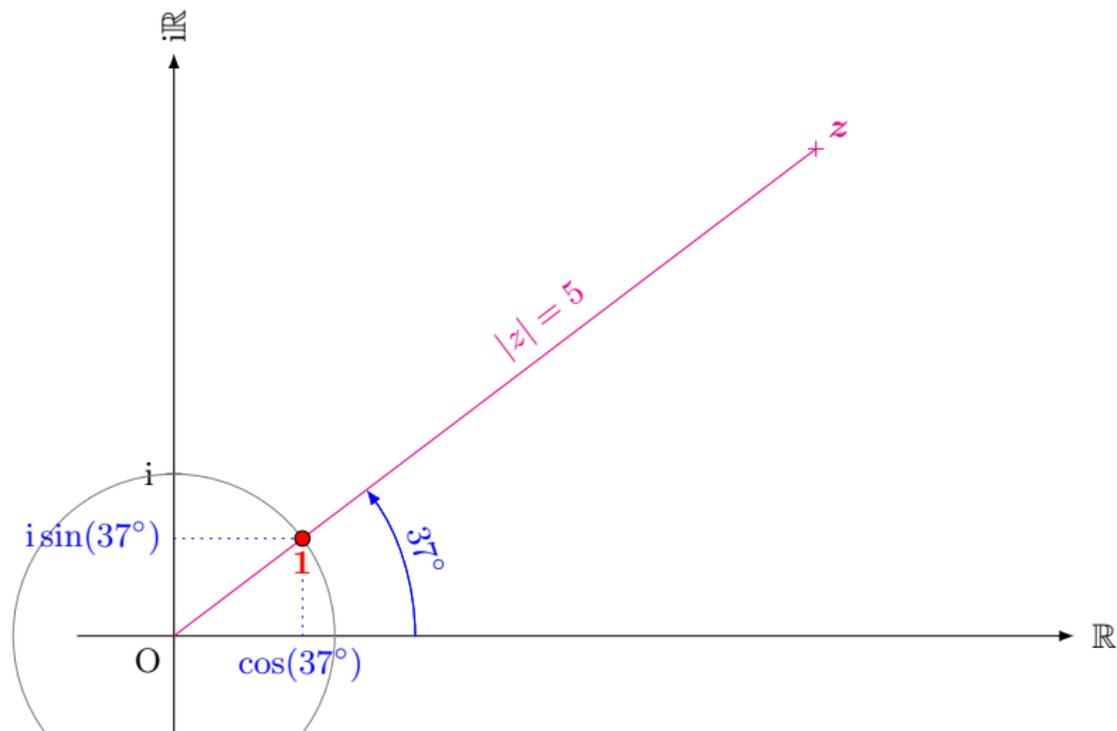
I. La forme trigonométrique.



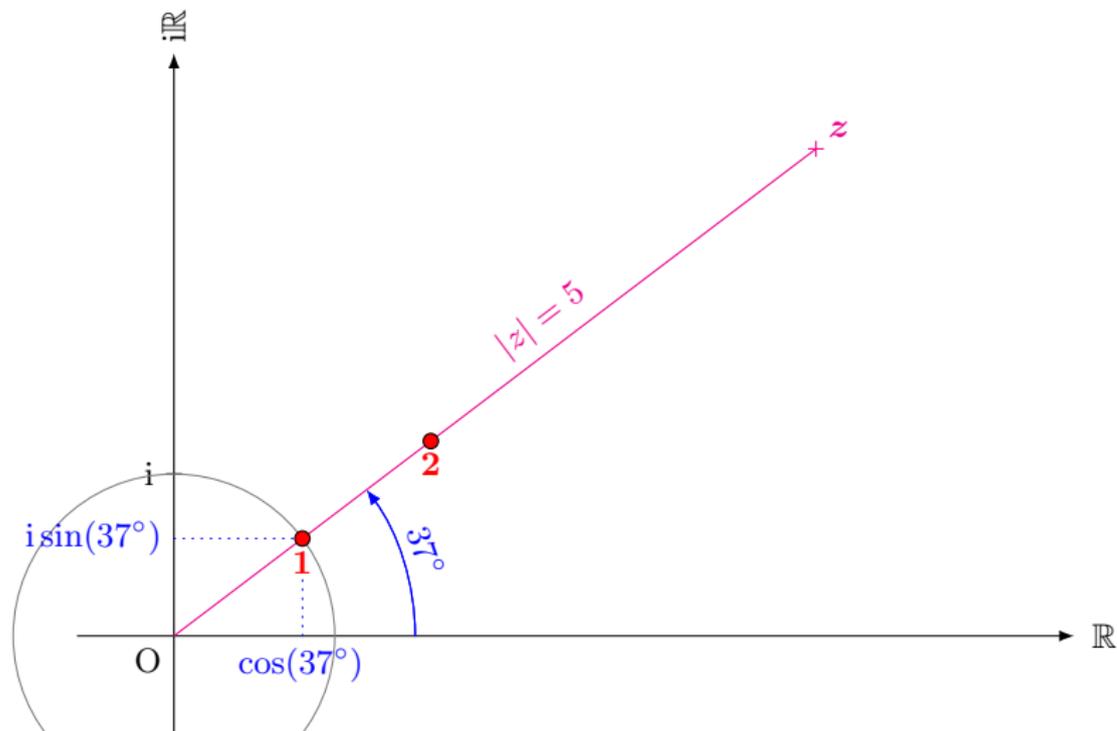
I. La forme trigonométrique.



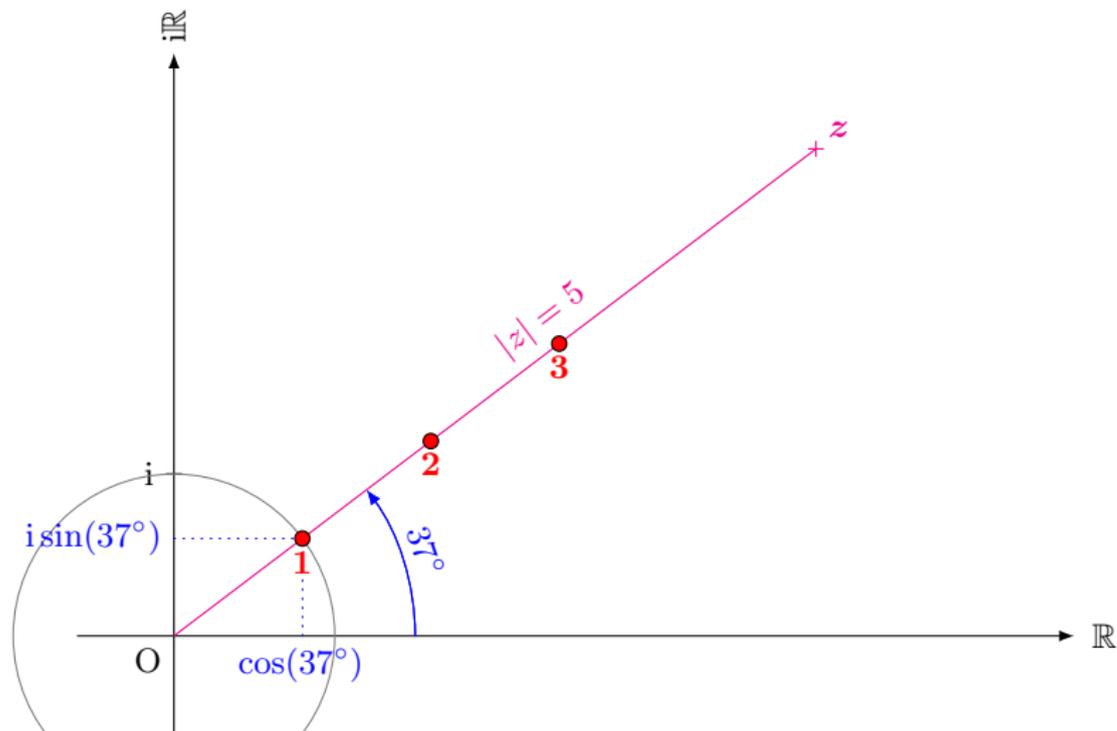
I. La forme trigonométrique.



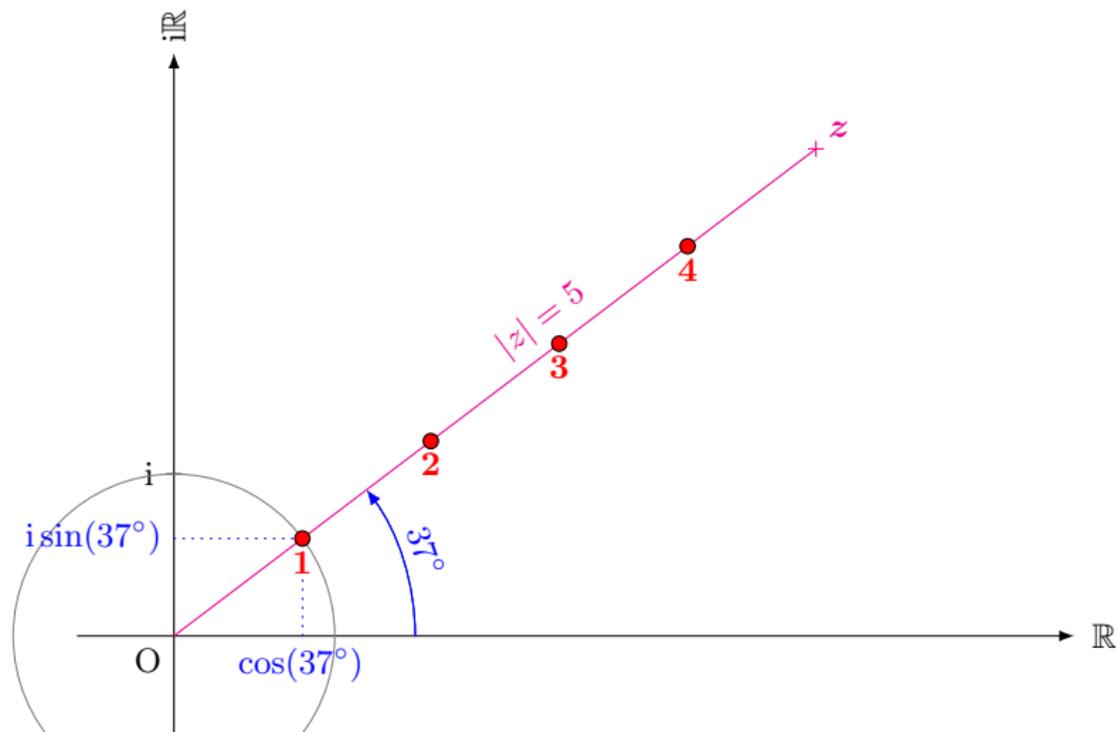
I. La forme trigonométrique.



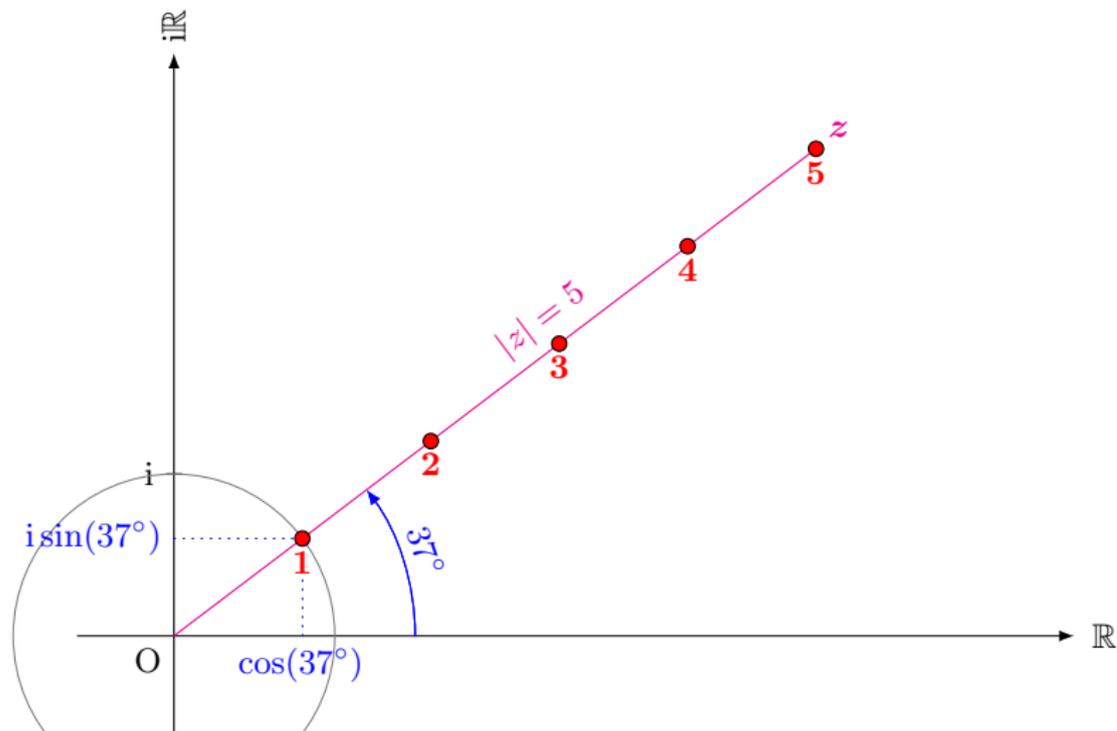
I. La forme trigonométrique.



I. La forme trigonométrique.

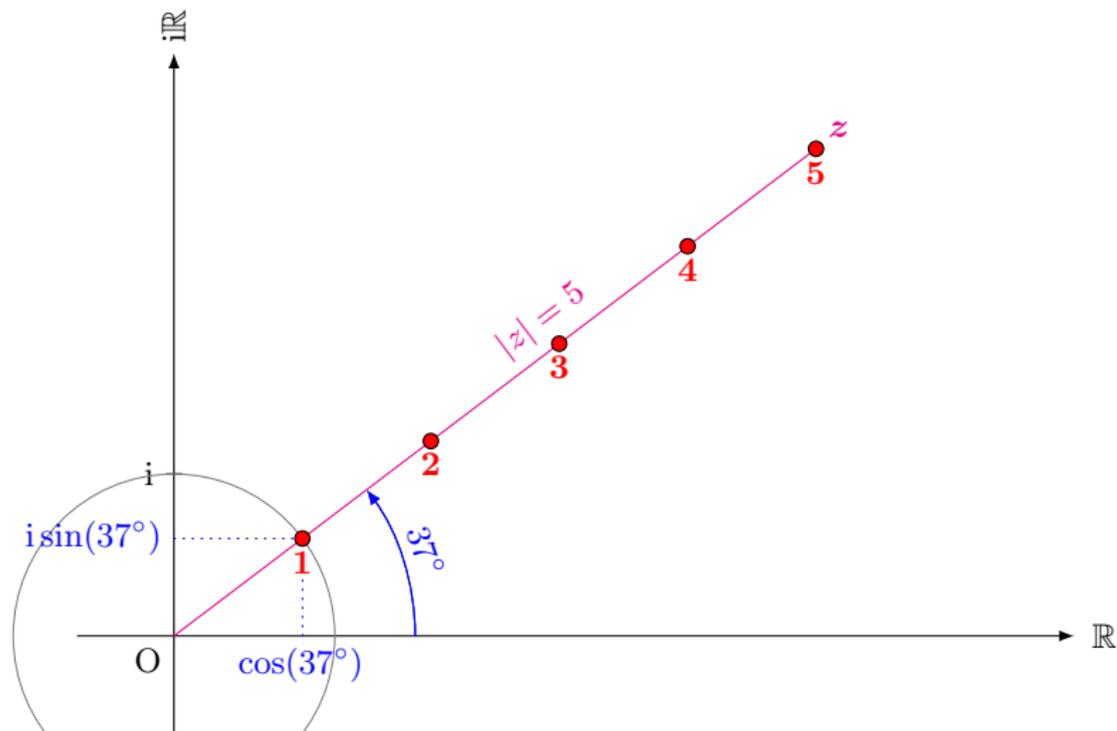


I. La forme trigonométrique.



La forme trigonométrique de z est

I. La forme trigonométrique.



La forme trigonométrique de z est $5 \times (\cos(37^\circ) + i \sin(37^\circ))$

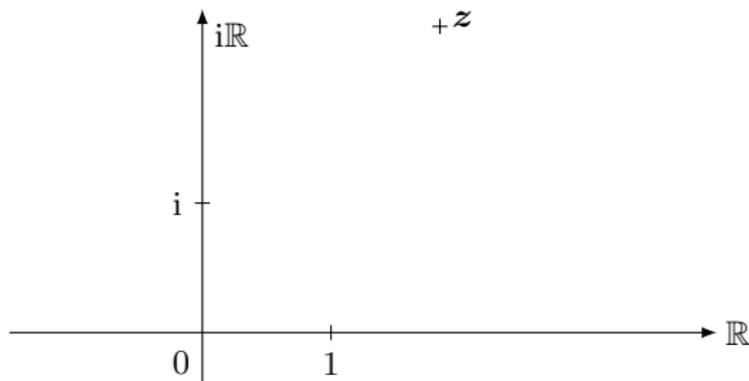


Définition:

Tout nombre complexe non nul z peut-être écrit sous la forme $z = r (\cos \theta + i \sin \theta)$ avec :

- $\arg(z) = \theta \in \mathbb{R}$ est l'argument de z ;
- $|z| = r \in \mathbb{R}_+^*$ est le module de z .

Cette écriture s'appelle la **forme trigonométrique** de z .



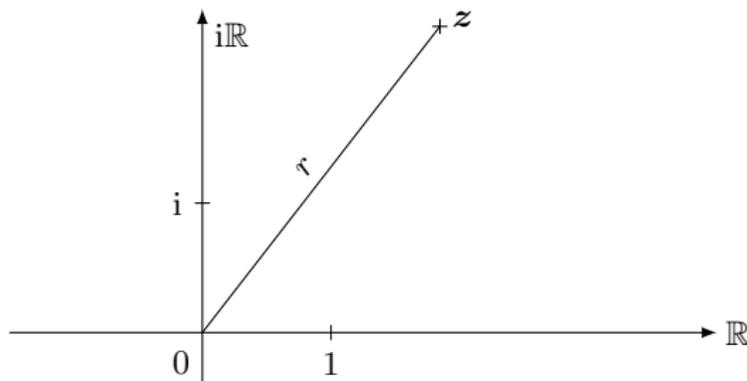


Définition:

Tout nombre complexe non nul z peut-être écrit sous la forme $z = r (\cos \theta + i \sin \theta)$ avec :

- $\arg(z) = \theta \in \mathbb{R}$ est l'argument de z ;
- $|z| = r \in \mathbb{R}_+^*$ est le module de z .

Cette écriture s'appelle la **forme trigonométrique** de z .



On commence par chercher le module de z

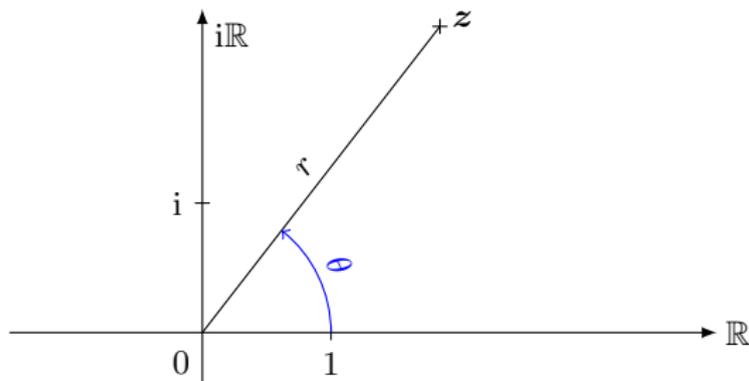


Définition:

Tout nombre complexe non nul z peut-être écrit sous la forme $z = r (\cos \theta + i \sin \theta)$ avec :

- $\arg(z) = \theta \in \mathbb{R}$ est l'argument de z ;
- $|z| = r \in \mathbb{R}_+^*$ est le module de z .

Cette écriture s'appelle la **forme trigonométrique** de z .



Puis un argument de z

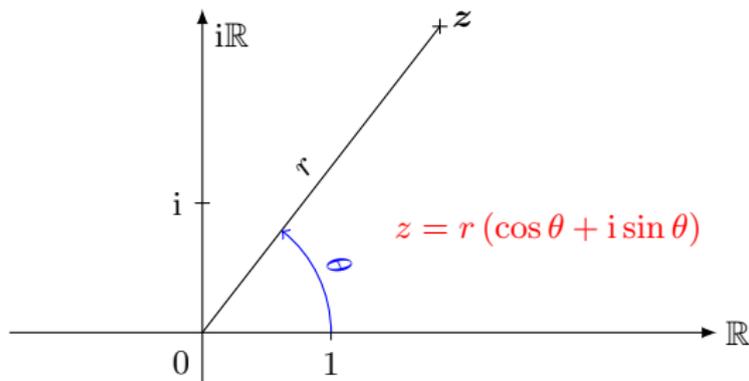


Définition:

Tout nombre complexe non nul z peut-être écrit sous la forme $z = r (\cos \theta + i \sin \theta)$ avec :

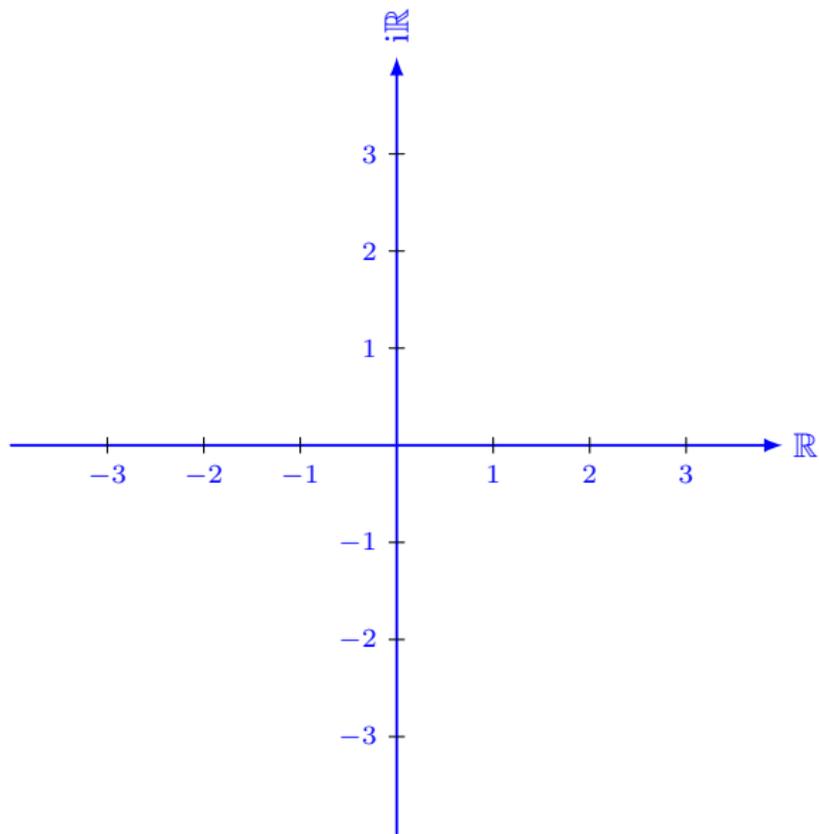
- $\arg(z) = \theta \in \mathbb{R}$ est l'argument de z ;
- $|z| = r \in \mathbb{R}_+^*$ est le module de z .

Cette écriture s'appelle la **forme trigonométrique** de z .

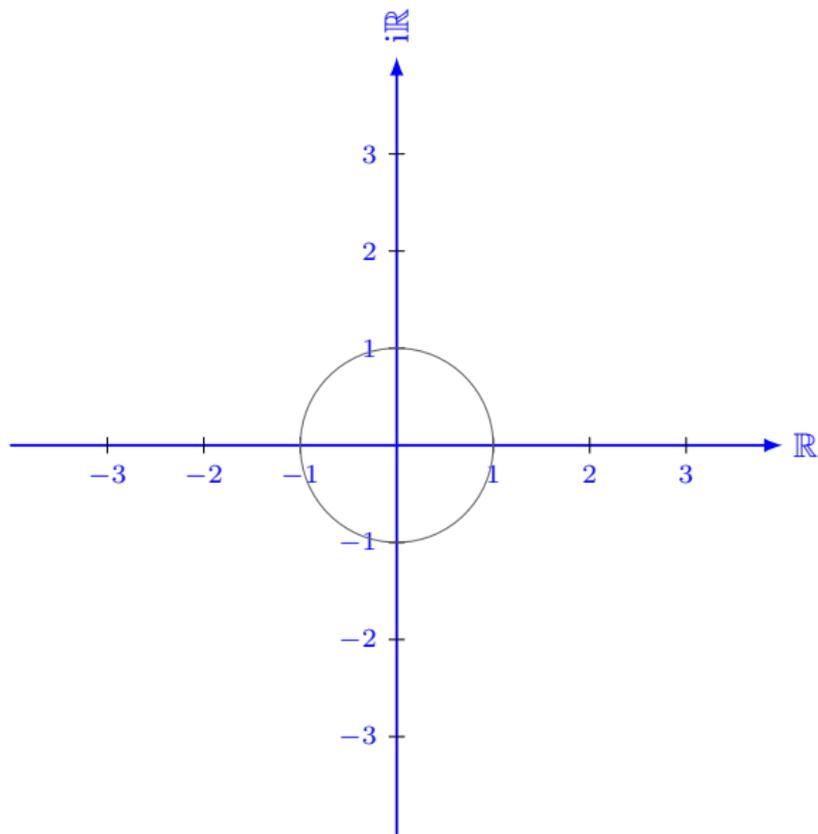


On en déduit la forme trigonométrique z

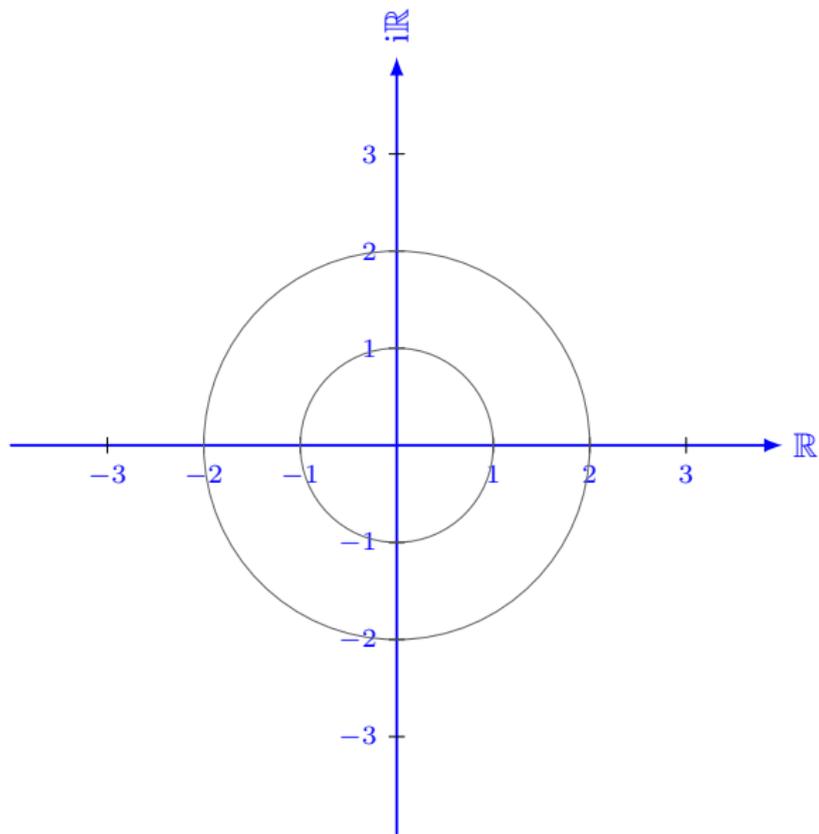
I. La forme trigonométrique.



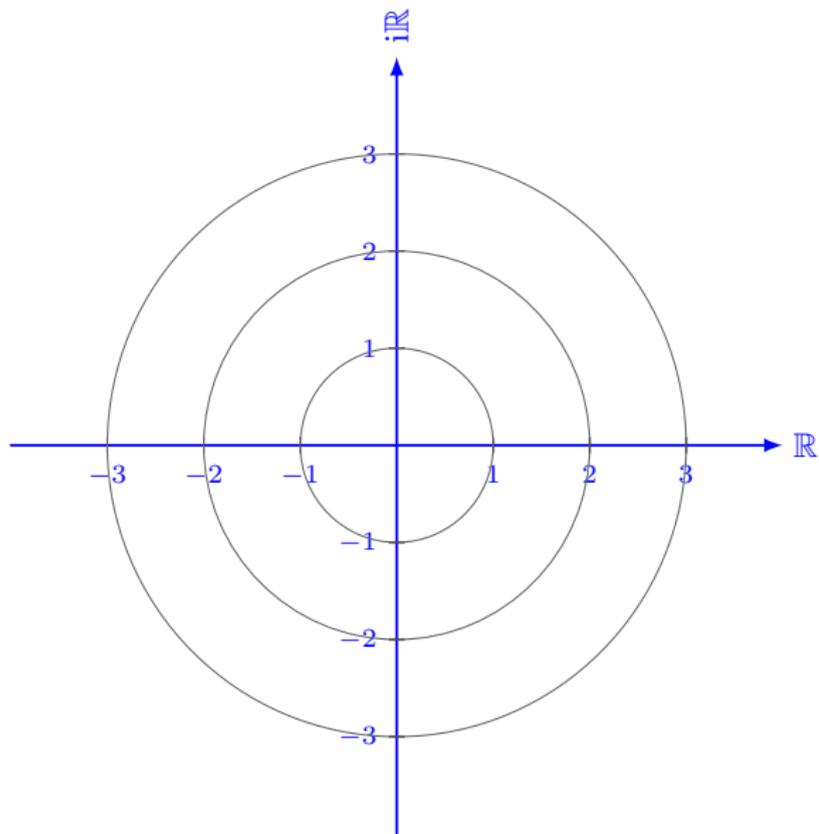
I. La forme trigonométrique.



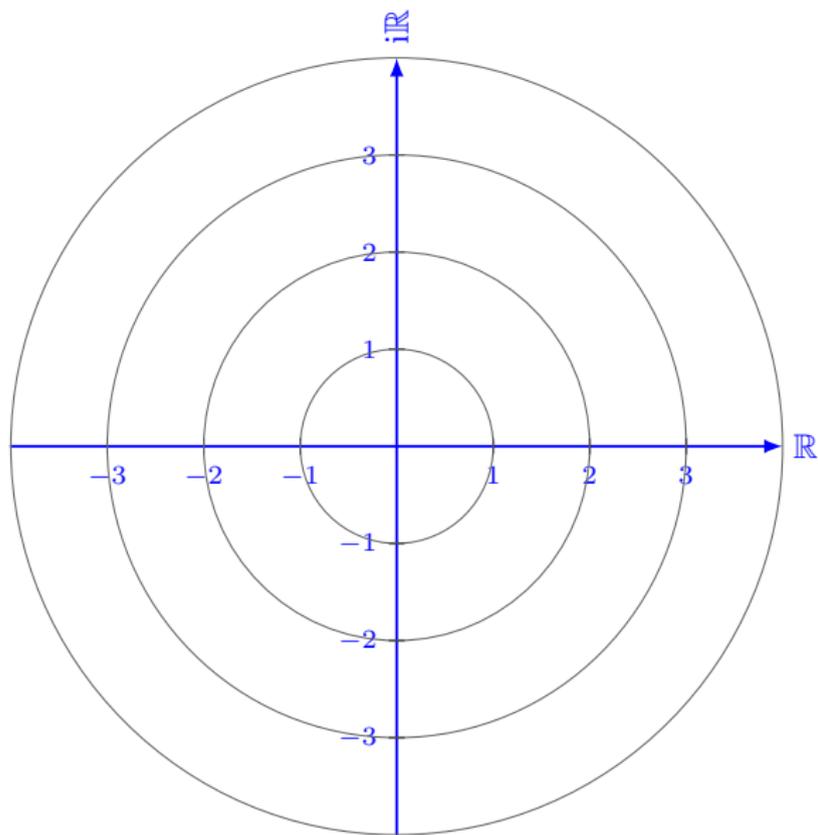
I. La forme trigonométrique.



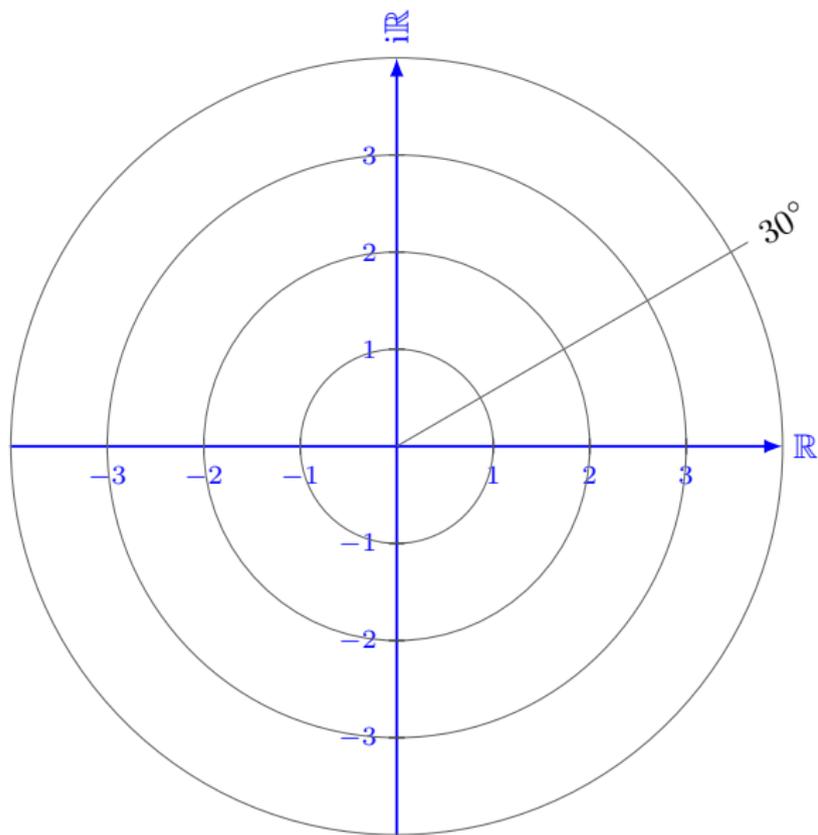
I. La forme trigonométrique.



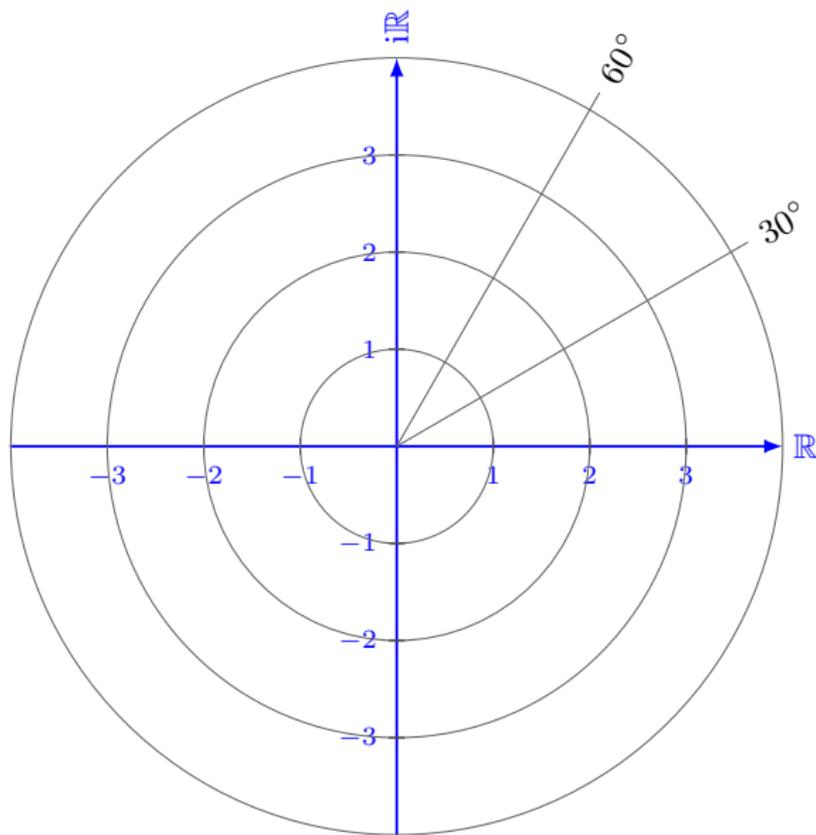
I. La forme trigonométrique.



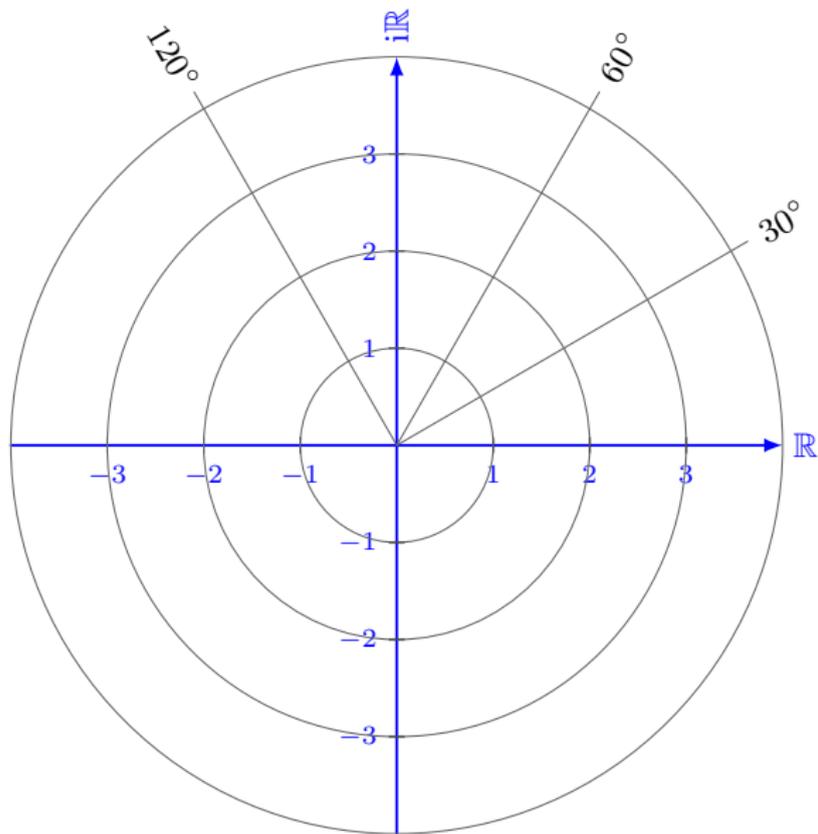
I. La forme trigonométrique.



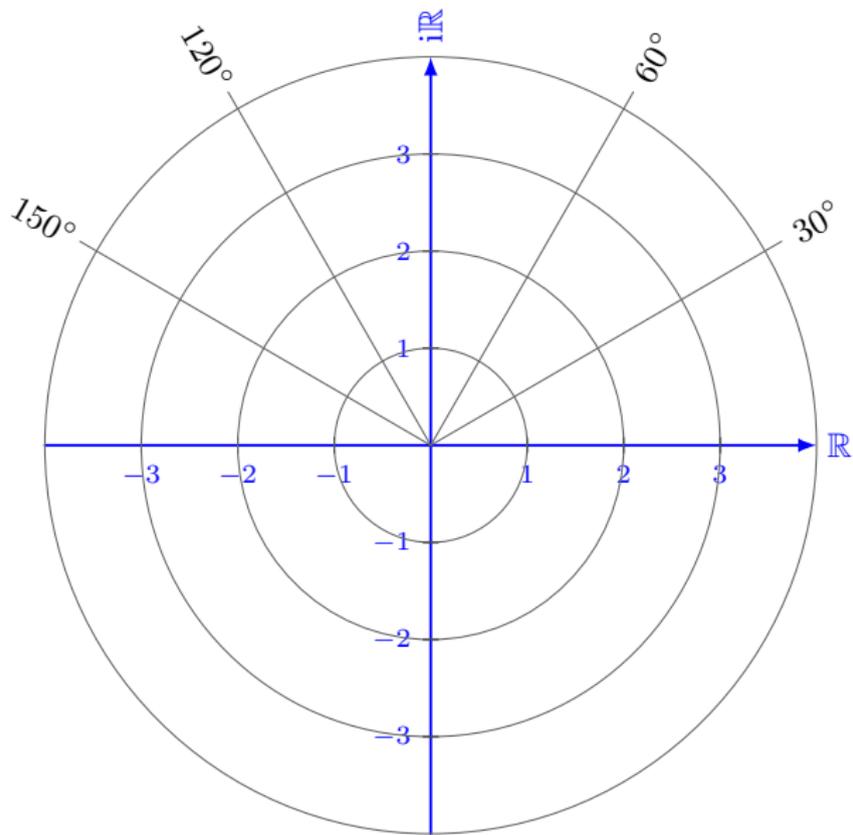
I. La forme trigonométrique.



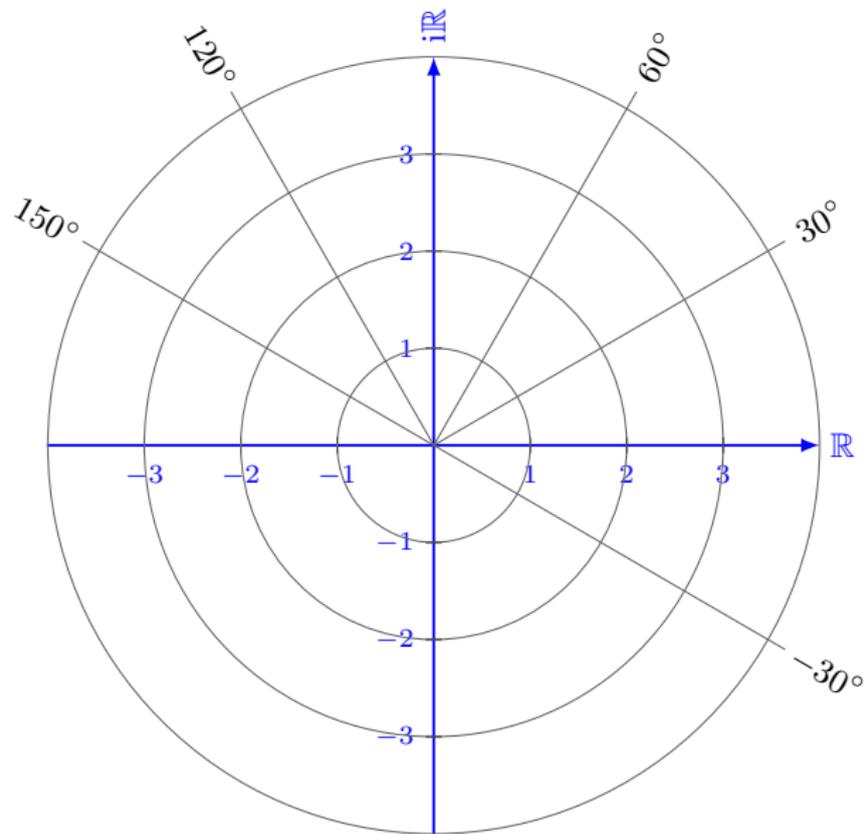
I. La forme trigonométrique.



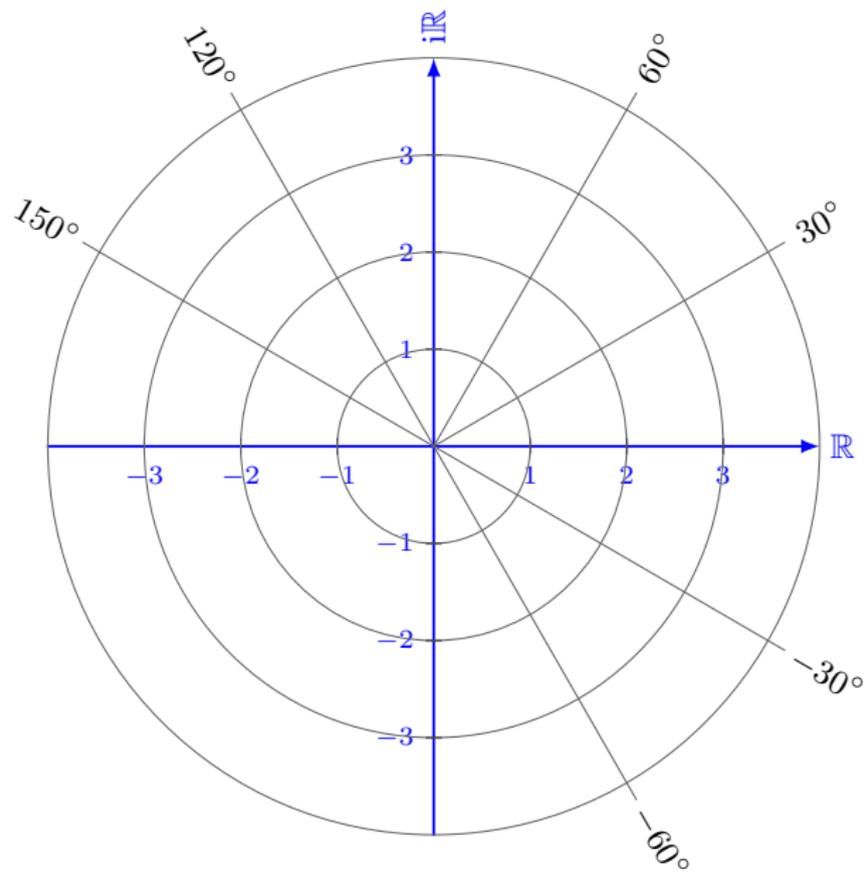
I. La forme trigonométrique.



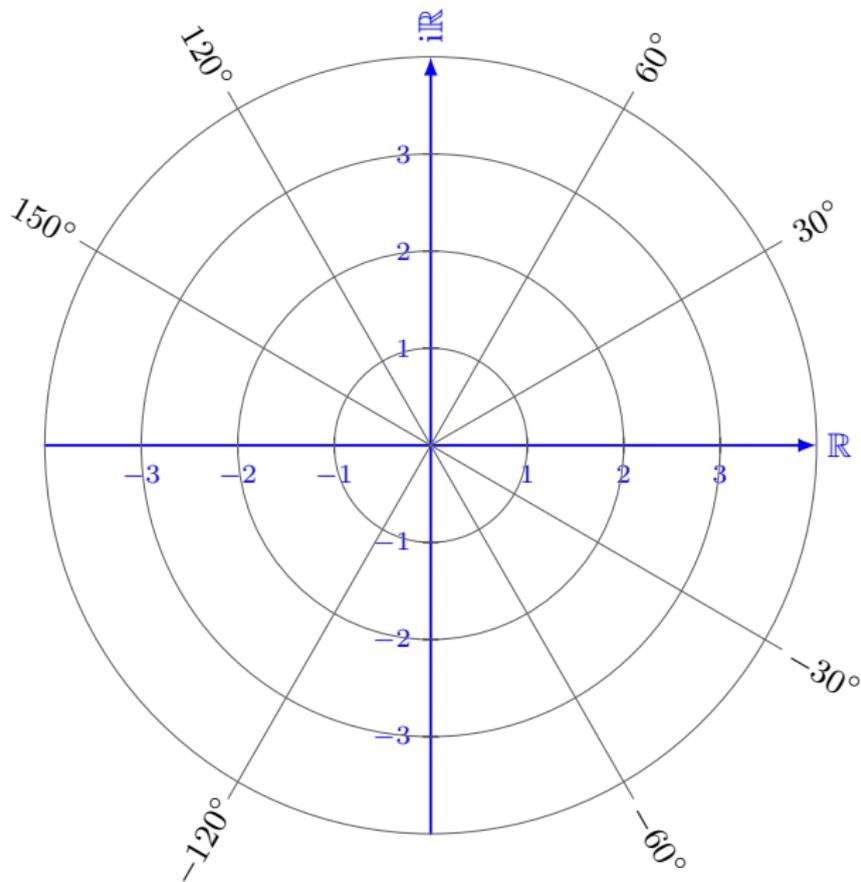
I. La forme trigonométrique.



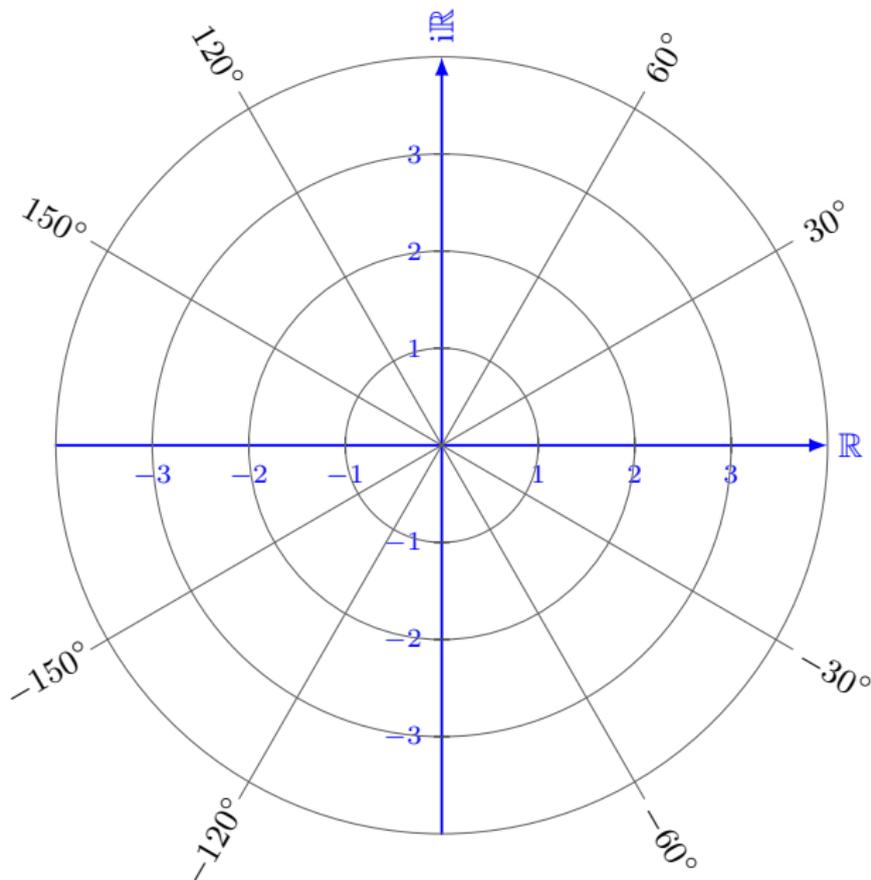
I. La forme trigonométrique.



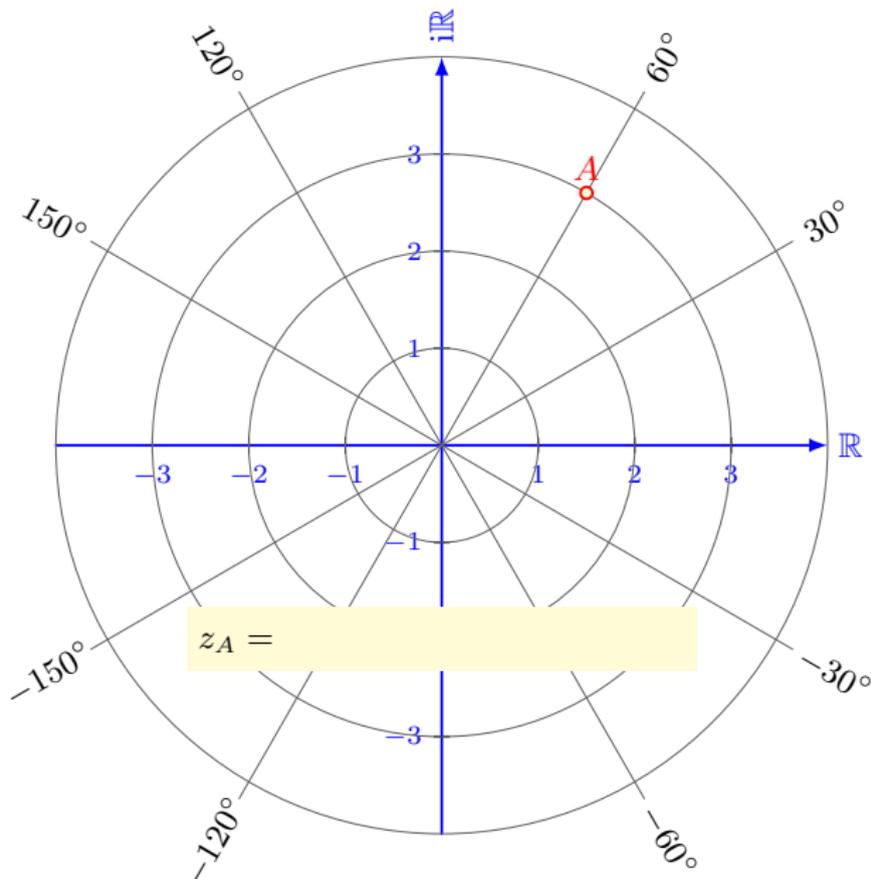
I. La forme trigonométrique.



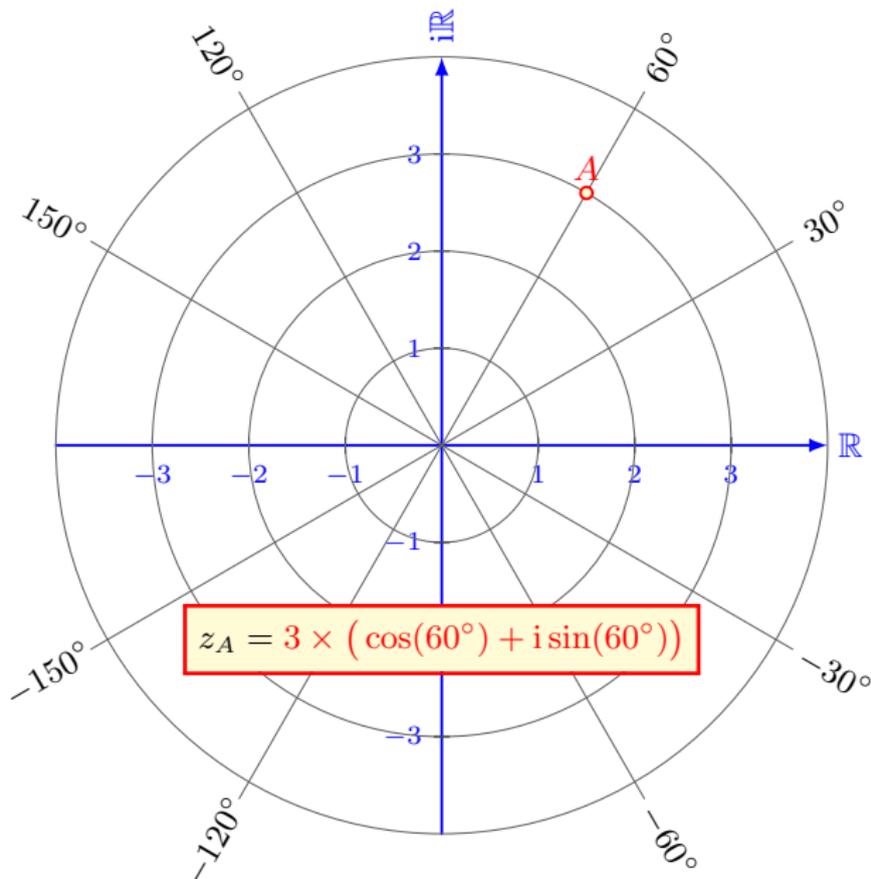
I. La forme trigonométrique.



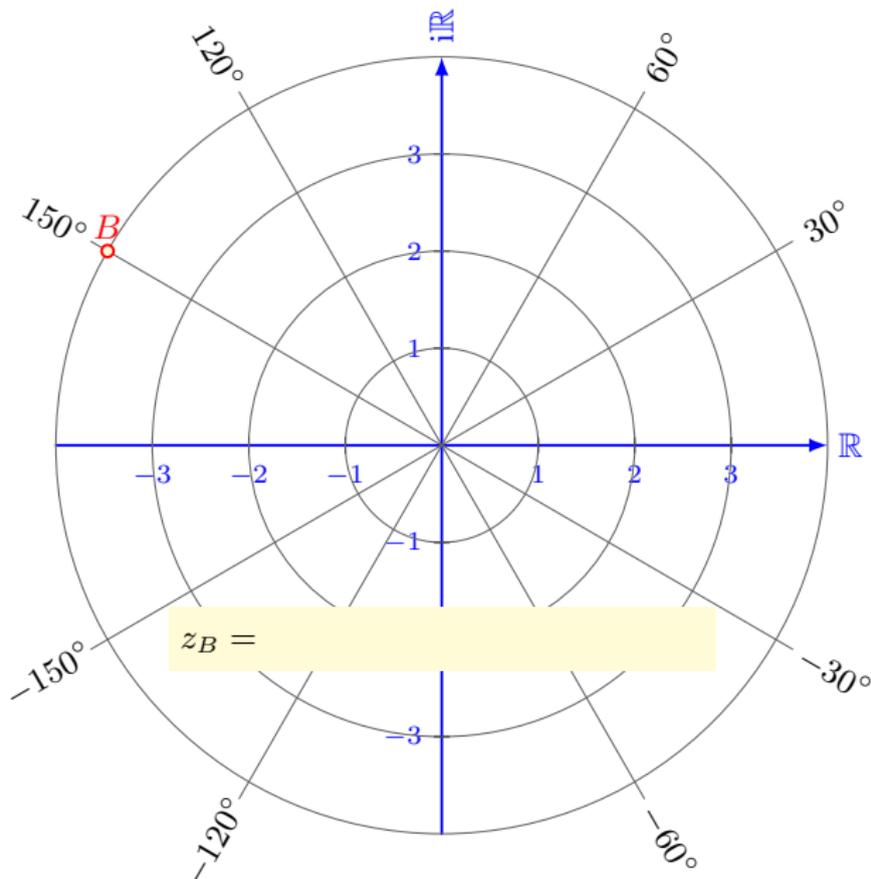
I. La forme trigonométrique.



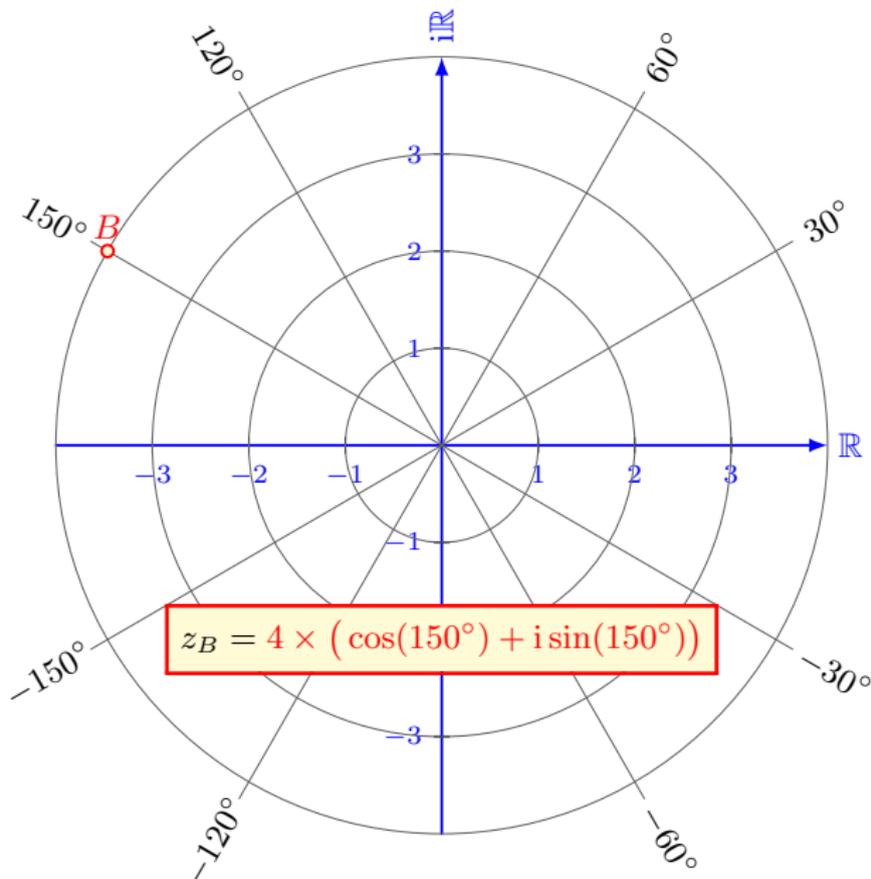
I. La forme trigonométrique.



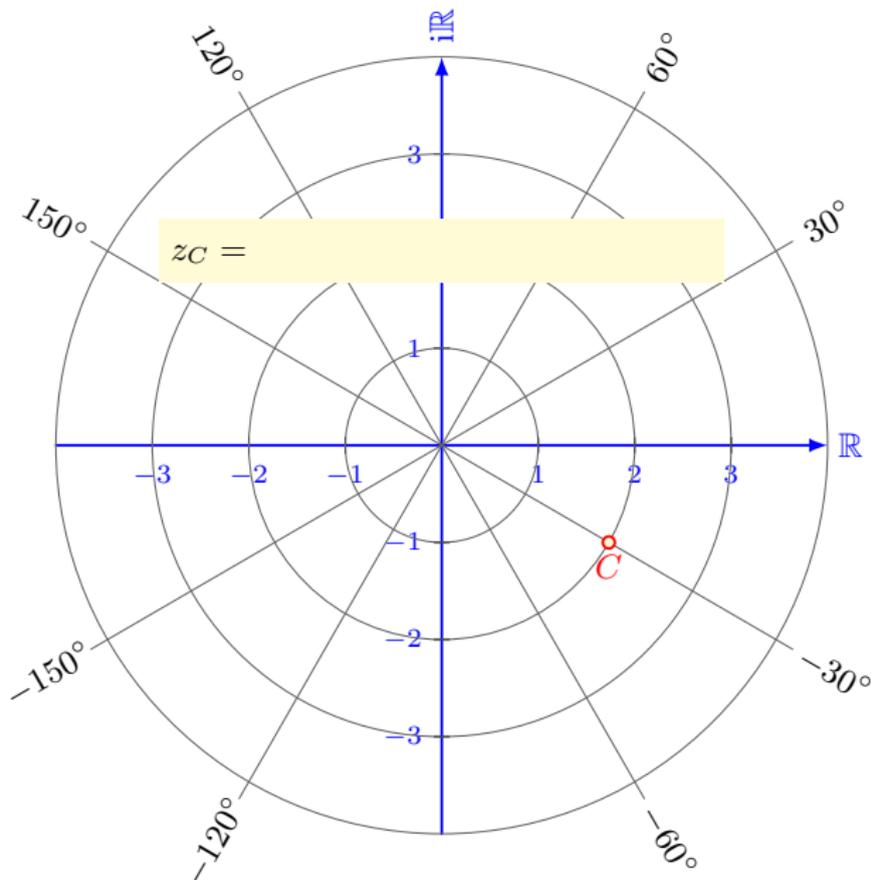
I. La forme trigonométrique.



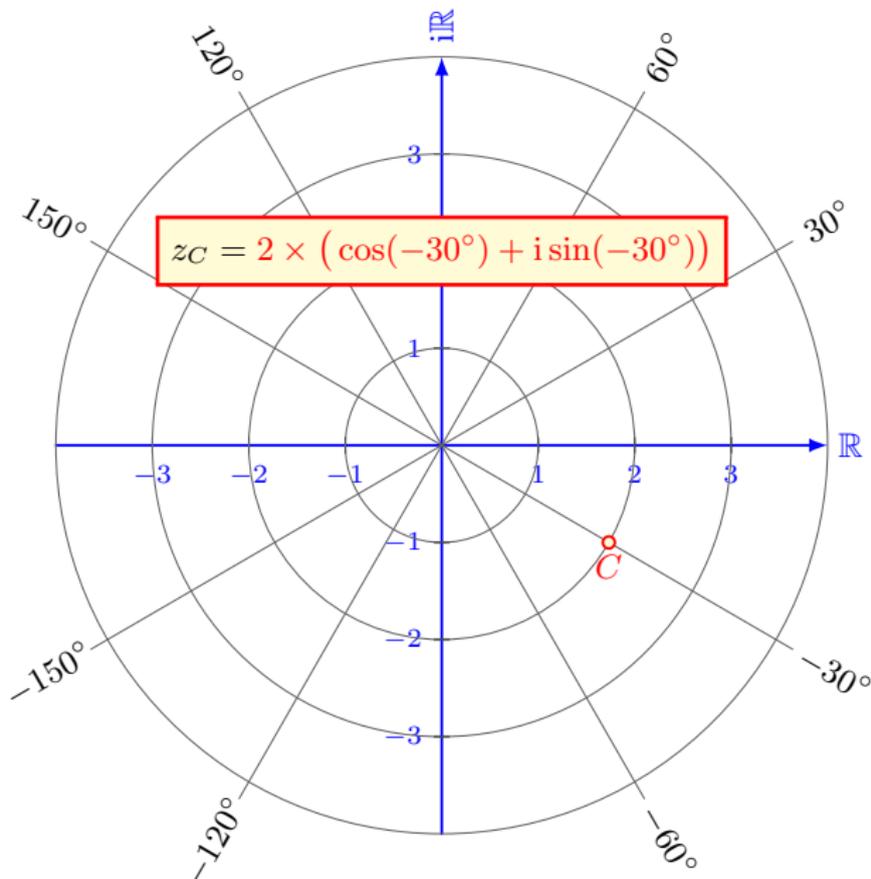
I. La forme trigonométrique.



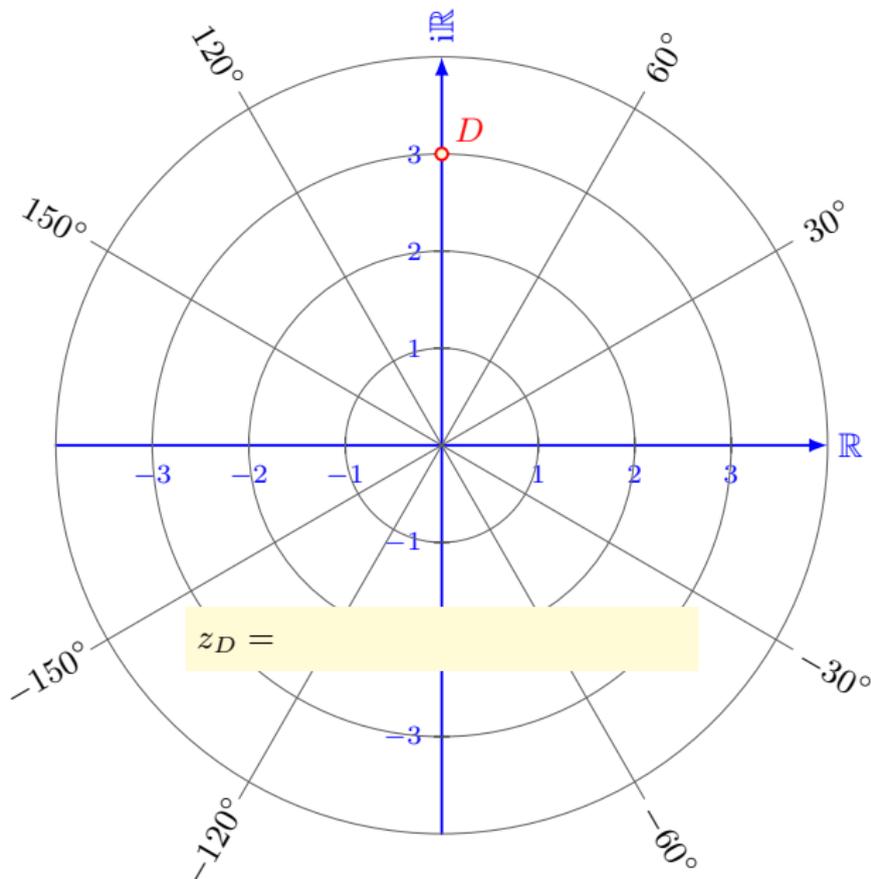
I. La forme trigonométrique.



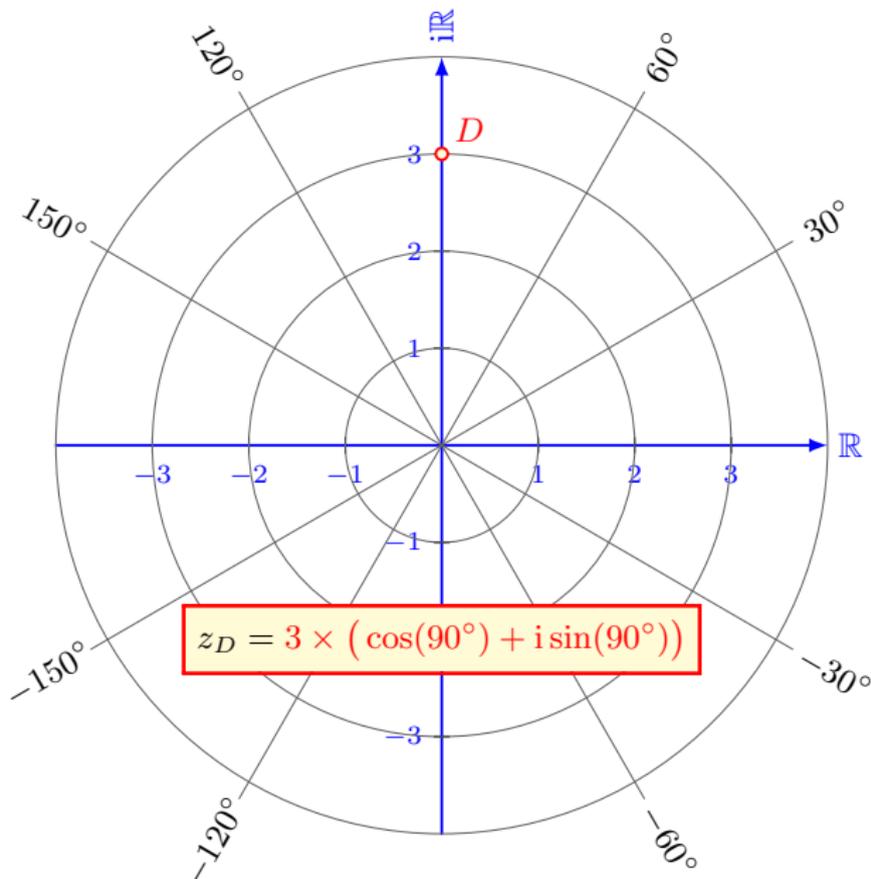
I. La forme trigonométrique.



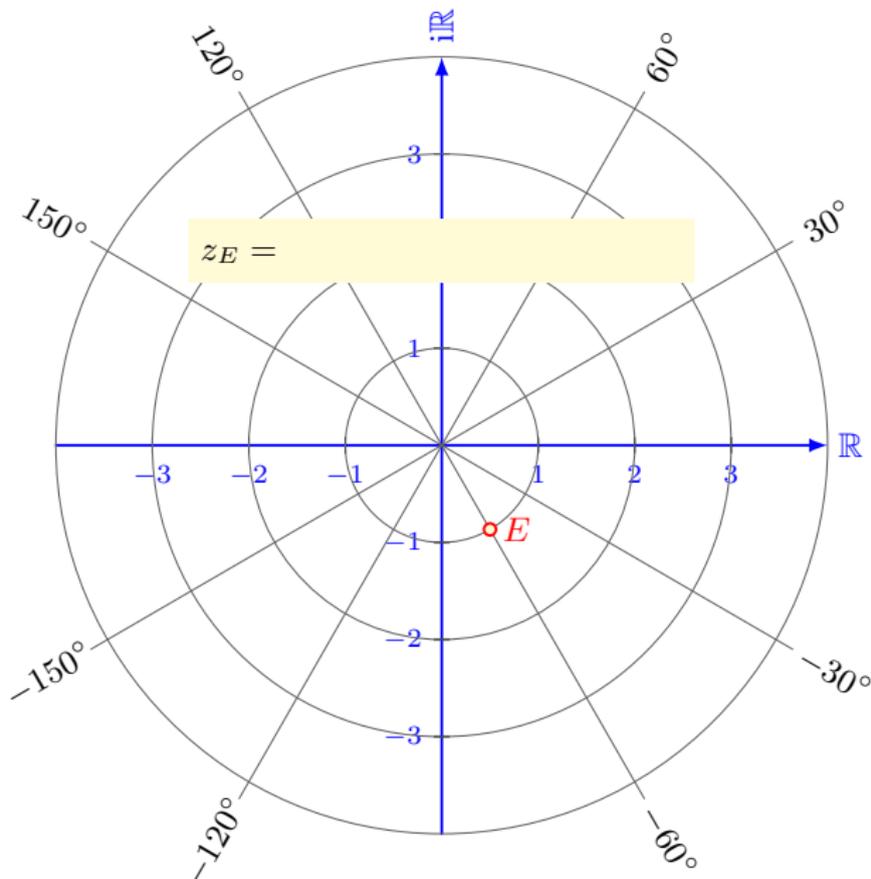
I. La forme trigonométrique.



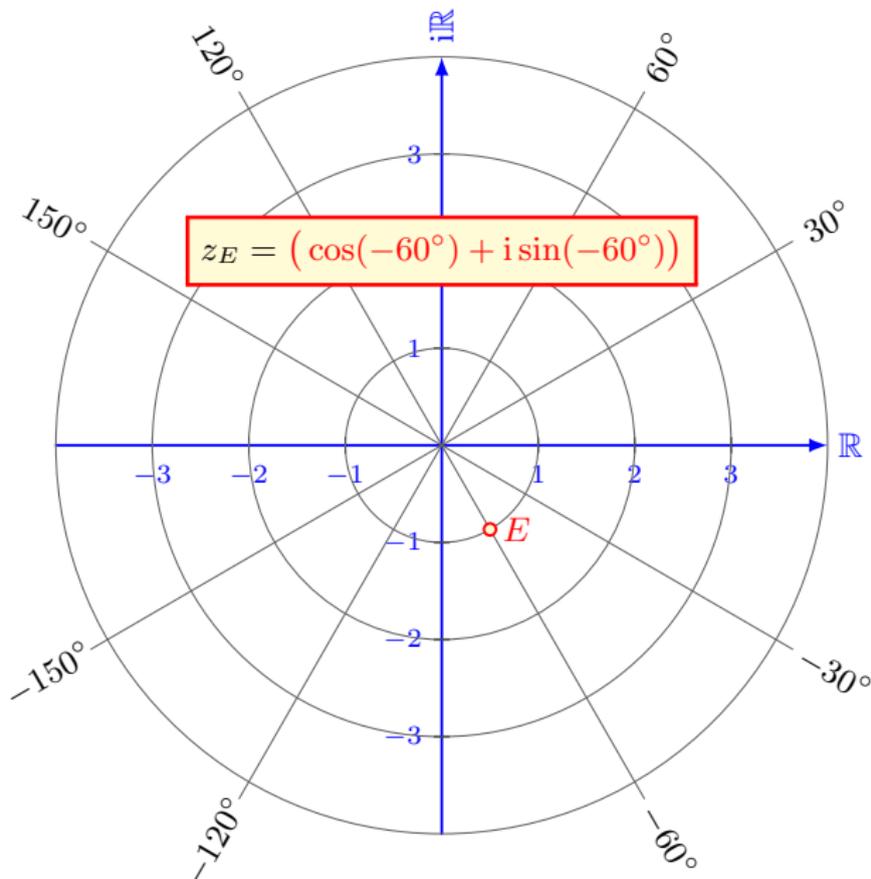
I. La forme trigonométrique.



I. La forme trigonométrique.



I. La forme trigonométrique.





Propriété

Si $z = a + ib$ et $z \neq 0$ alors $z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$ où

$$r = |z| = \sqrt{a^2 + b^2} \quad \cos \theta = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} \quad \sin \theta = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

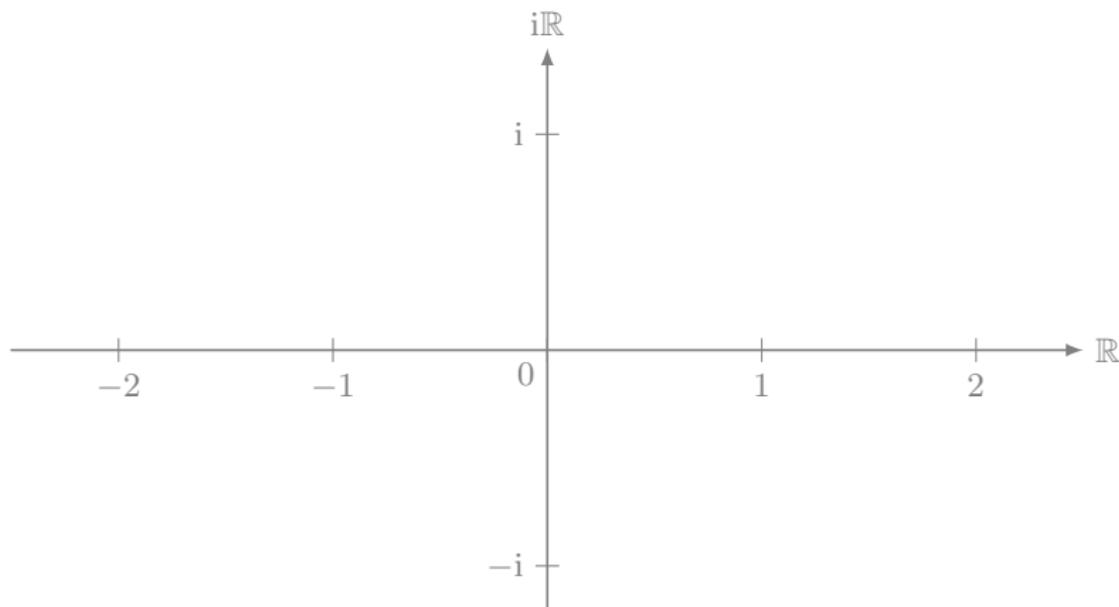


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

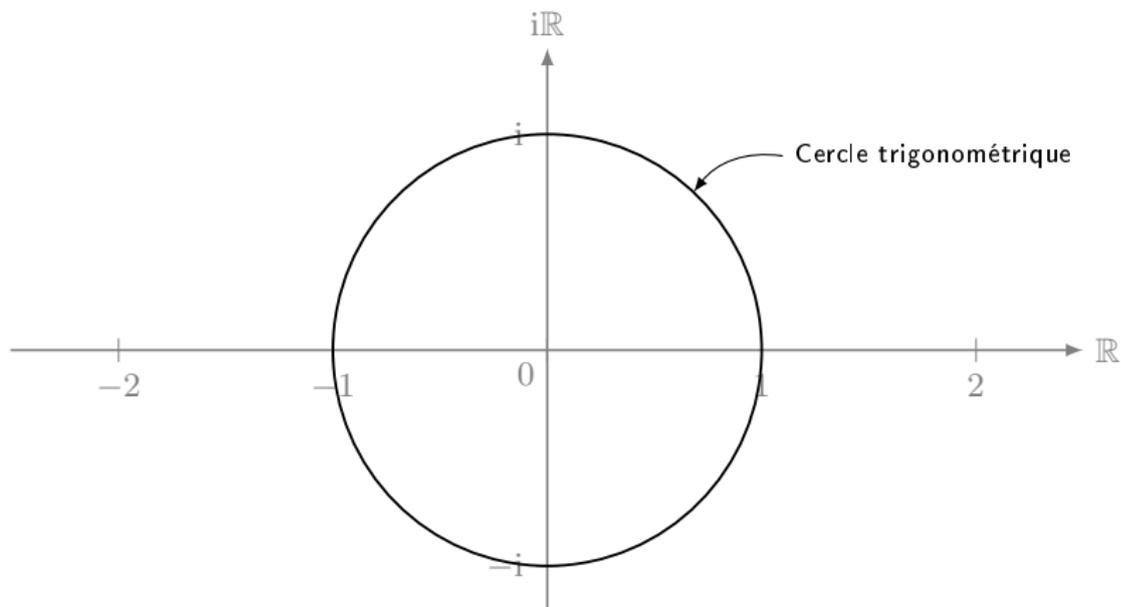


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

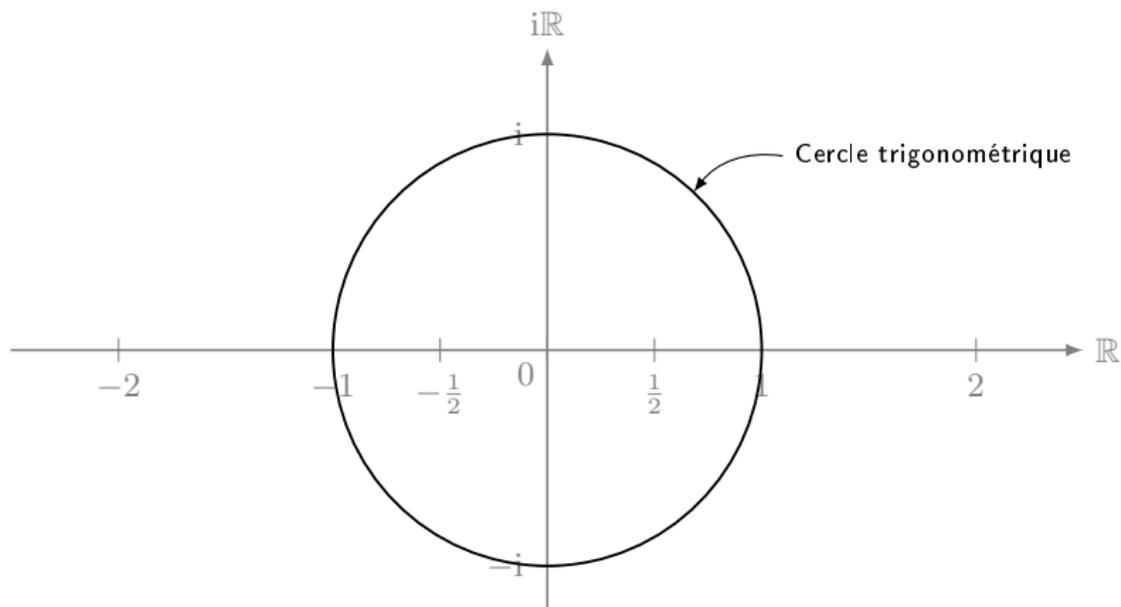


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

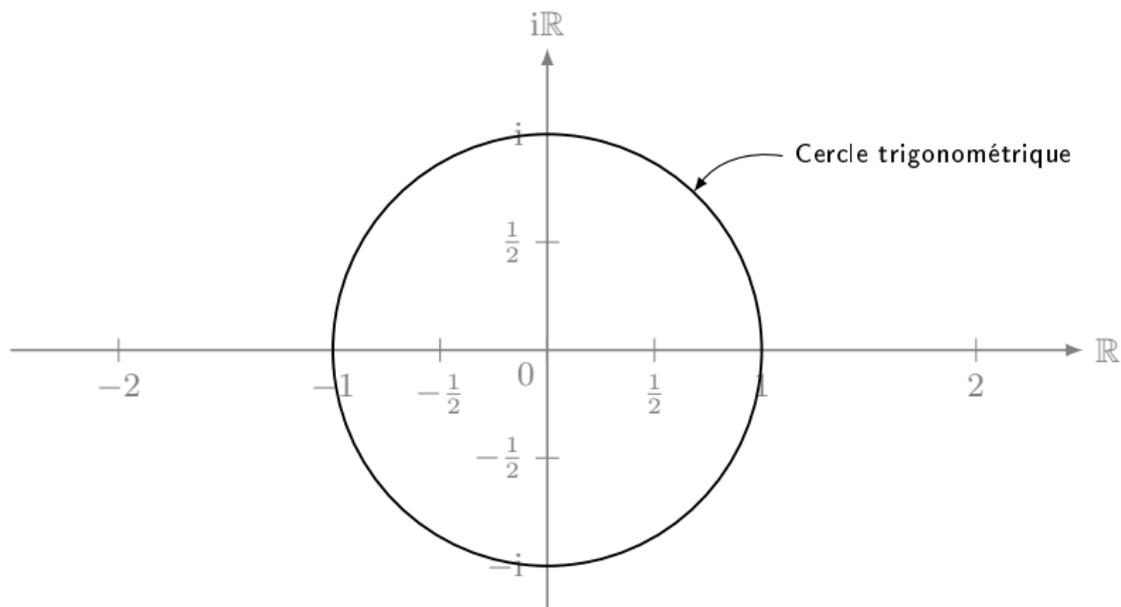


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

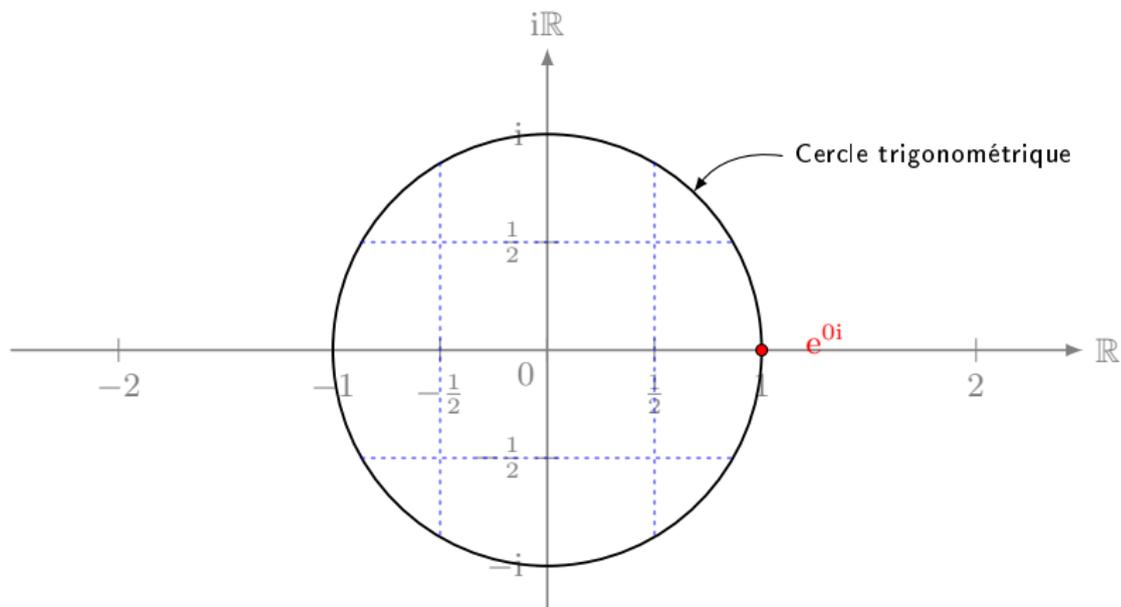


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

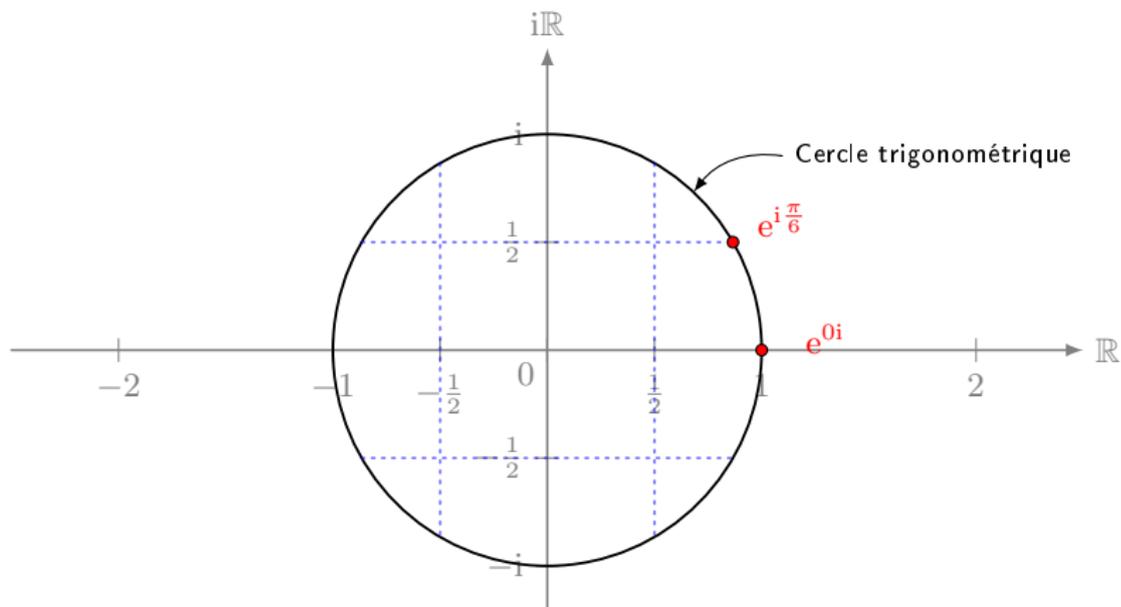


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

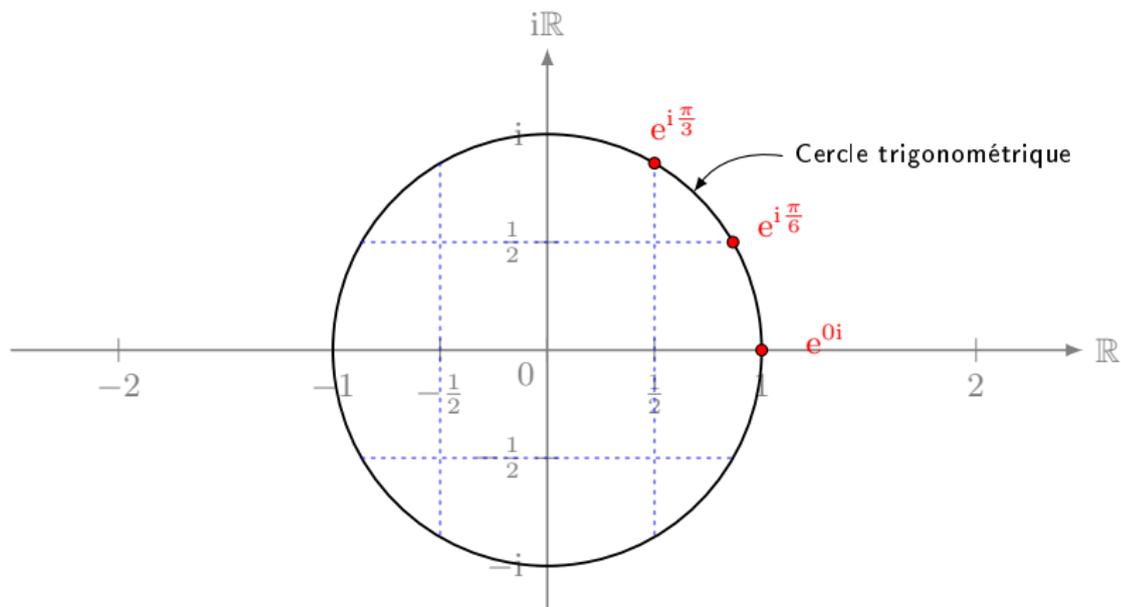


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

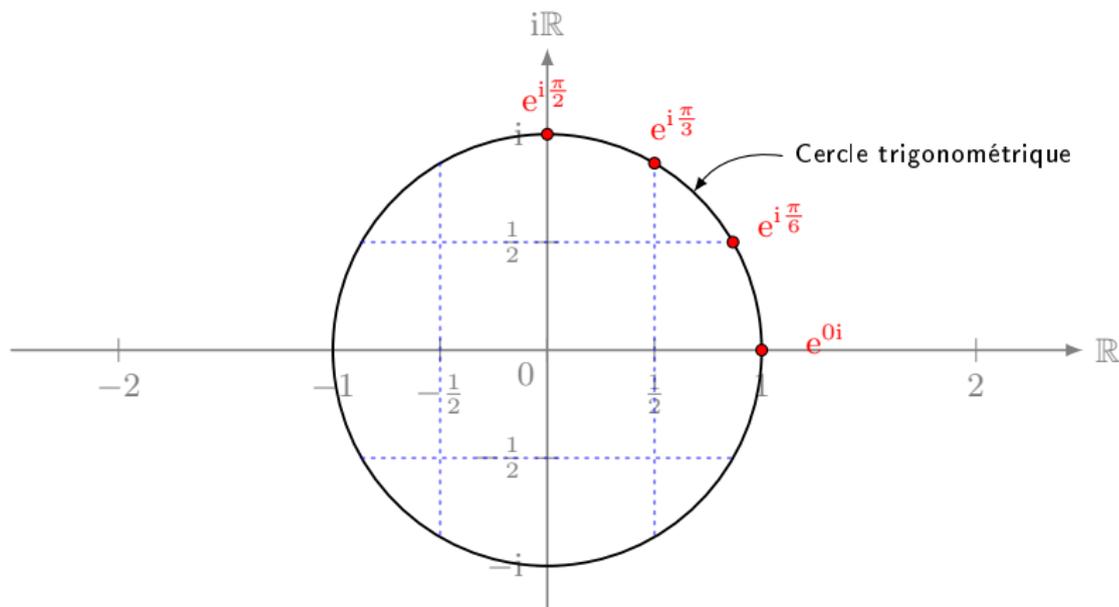


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

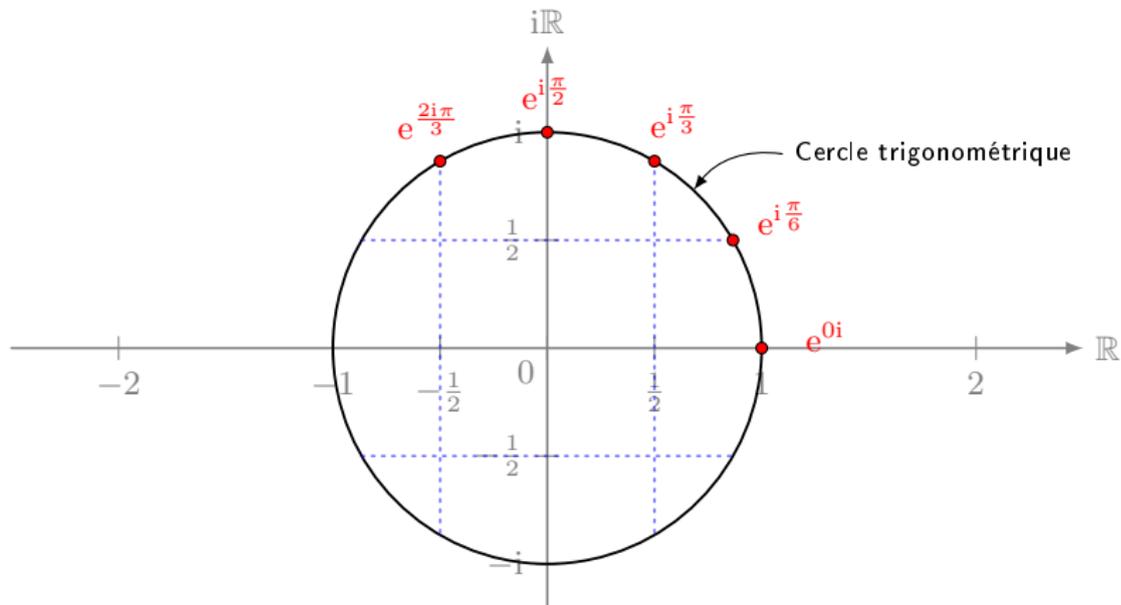


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

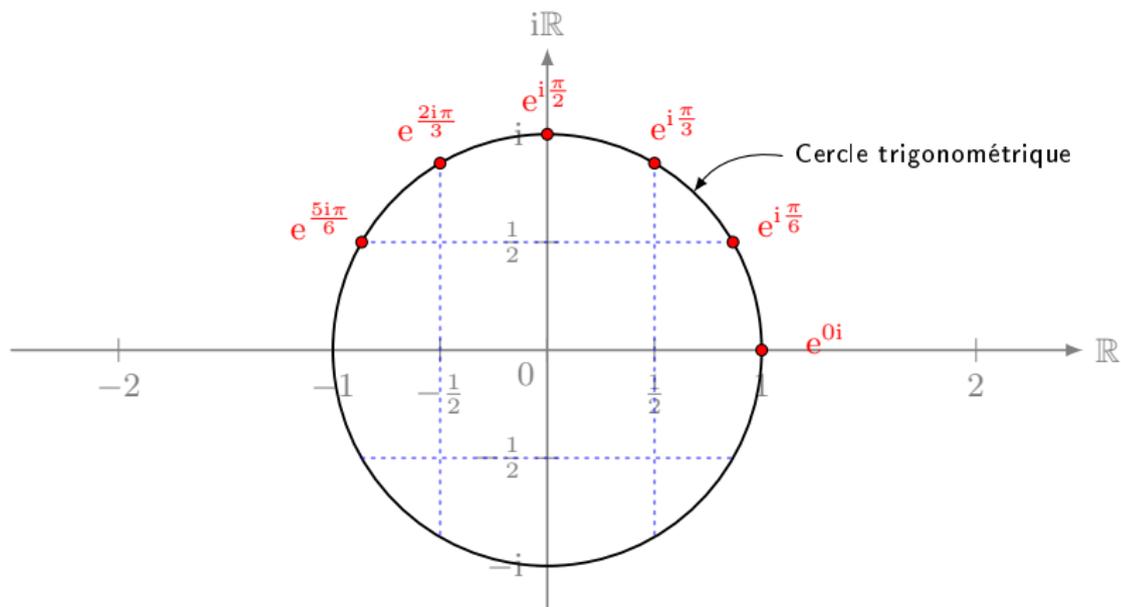


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

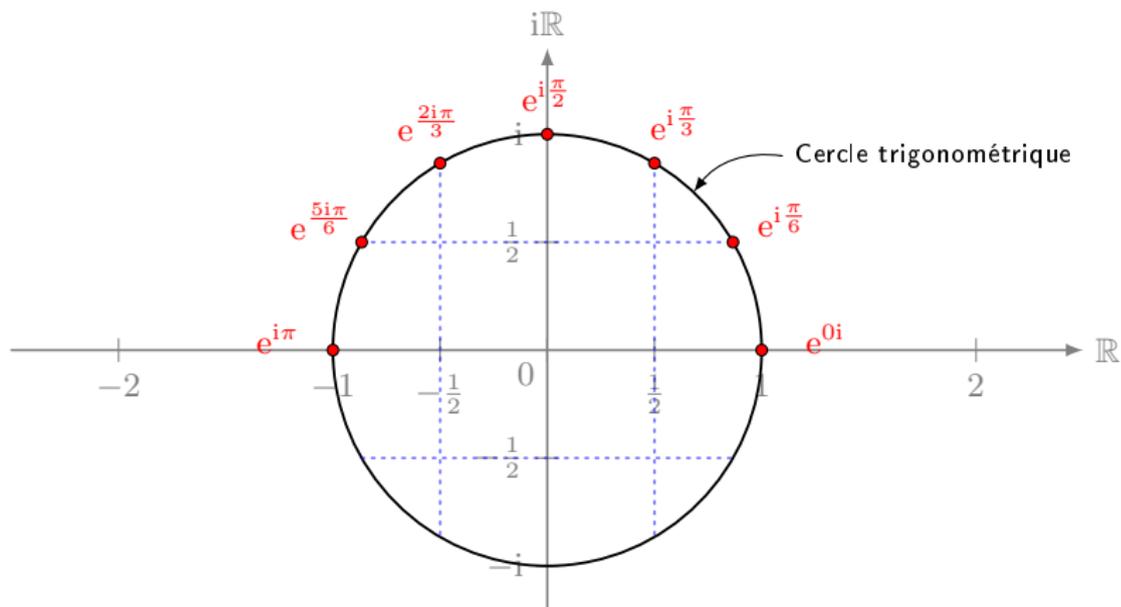


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

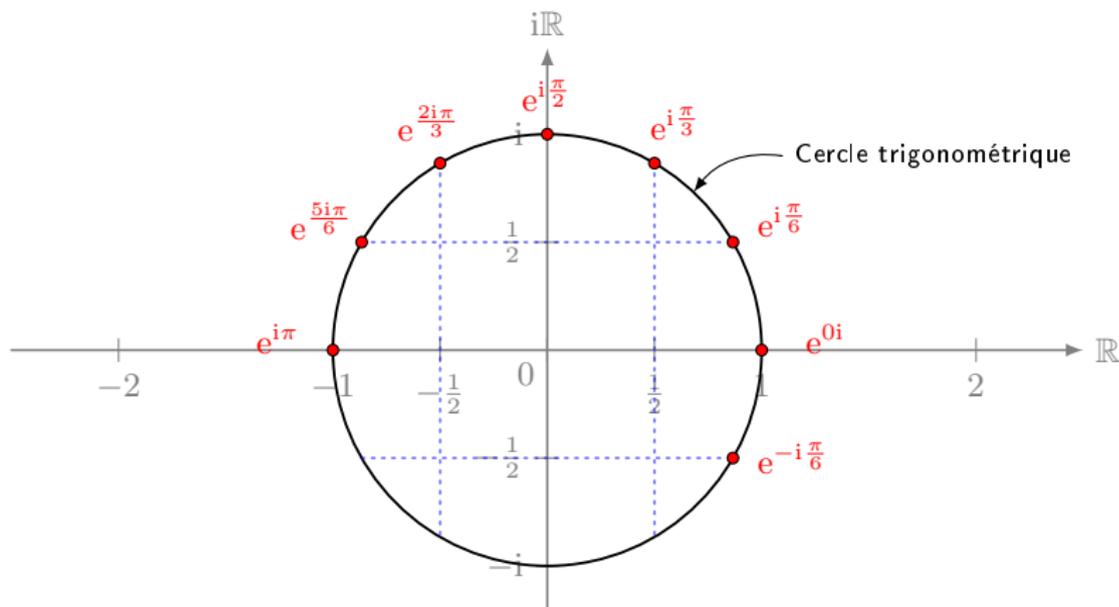


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

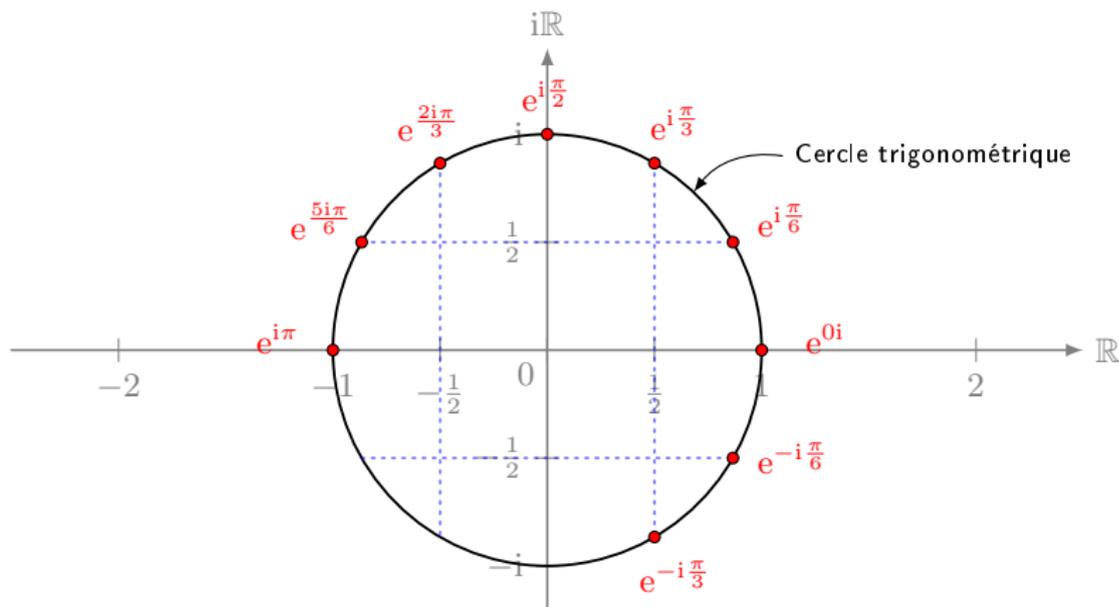


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

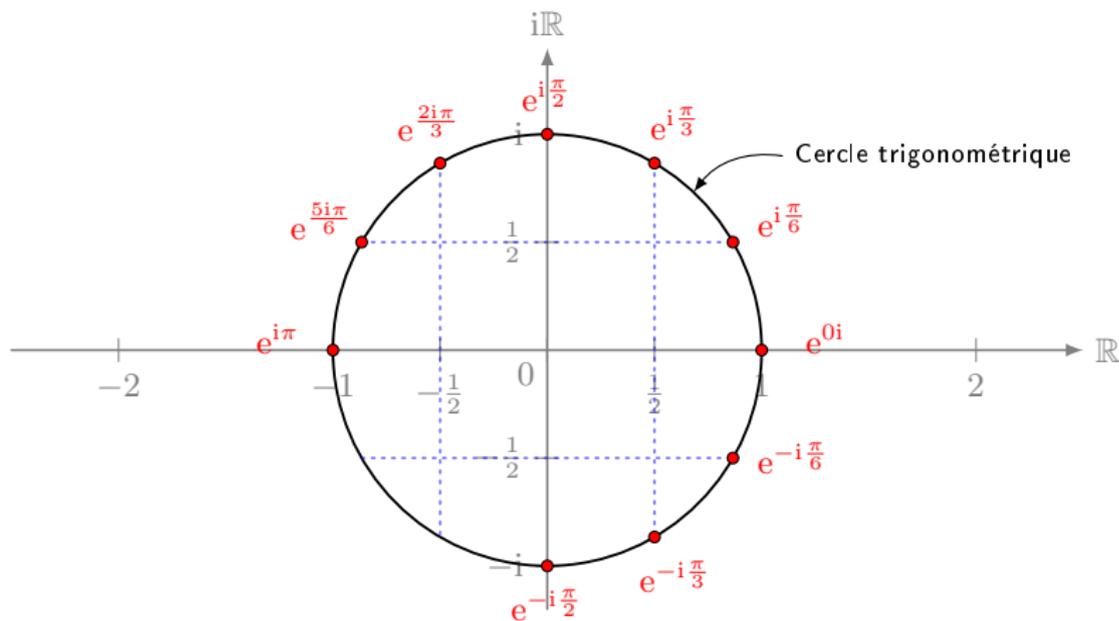


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

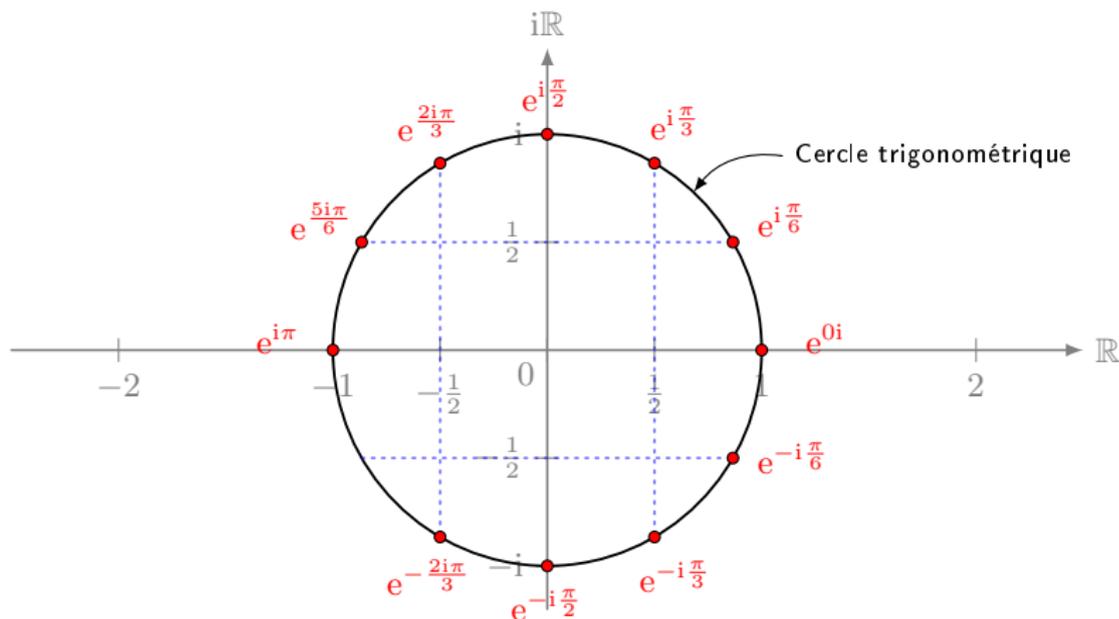


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

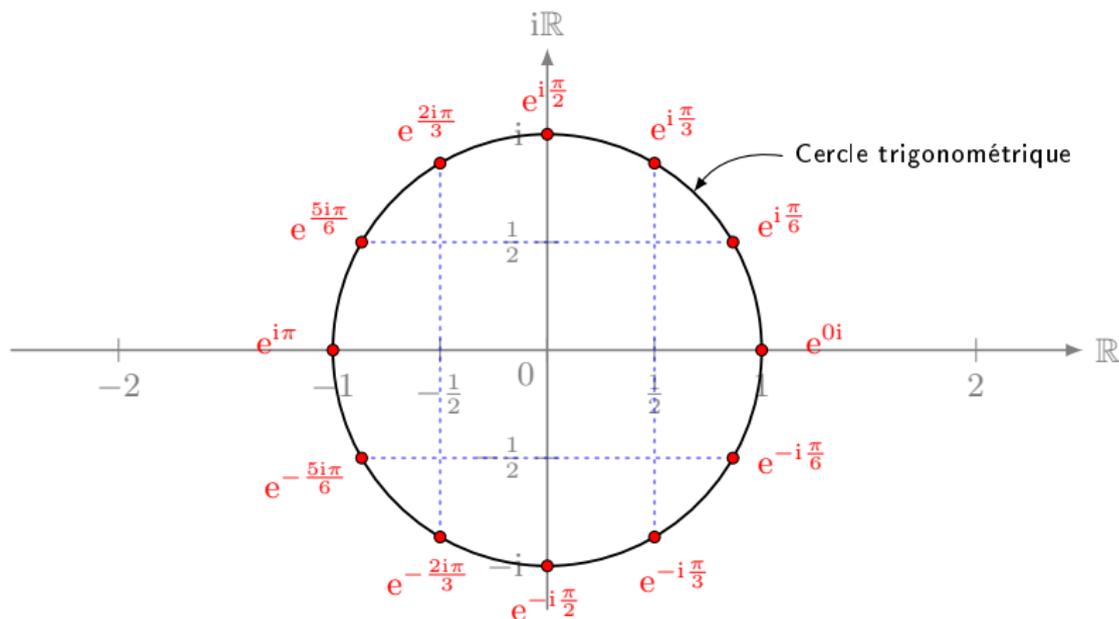


II. La forme exponentielle.



Définition:

Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.

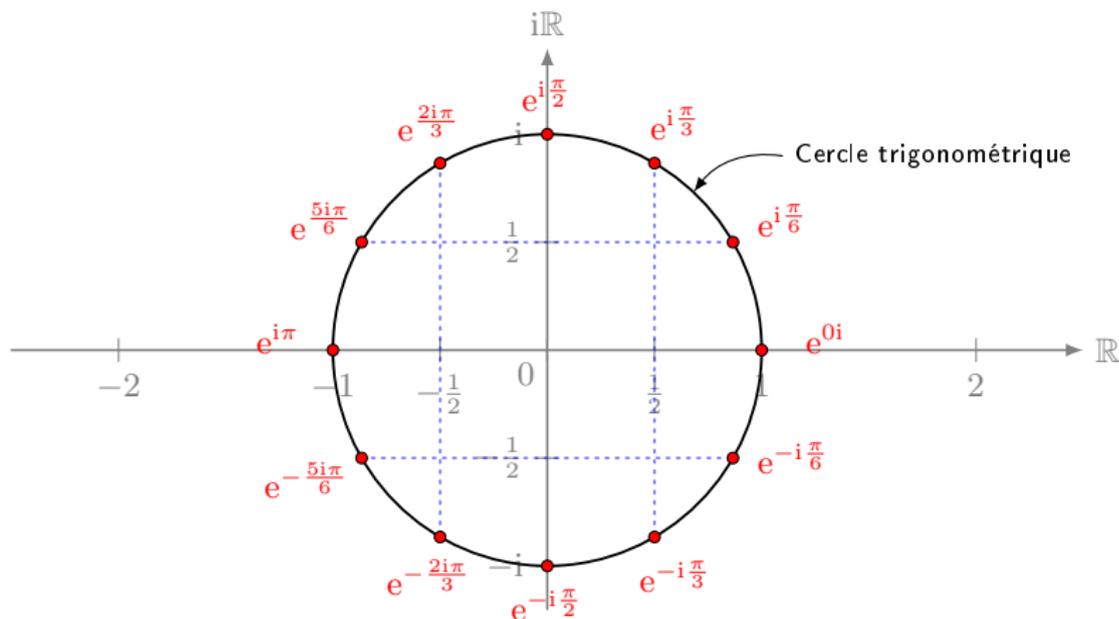


II. La forme exponentielle.



Définition:

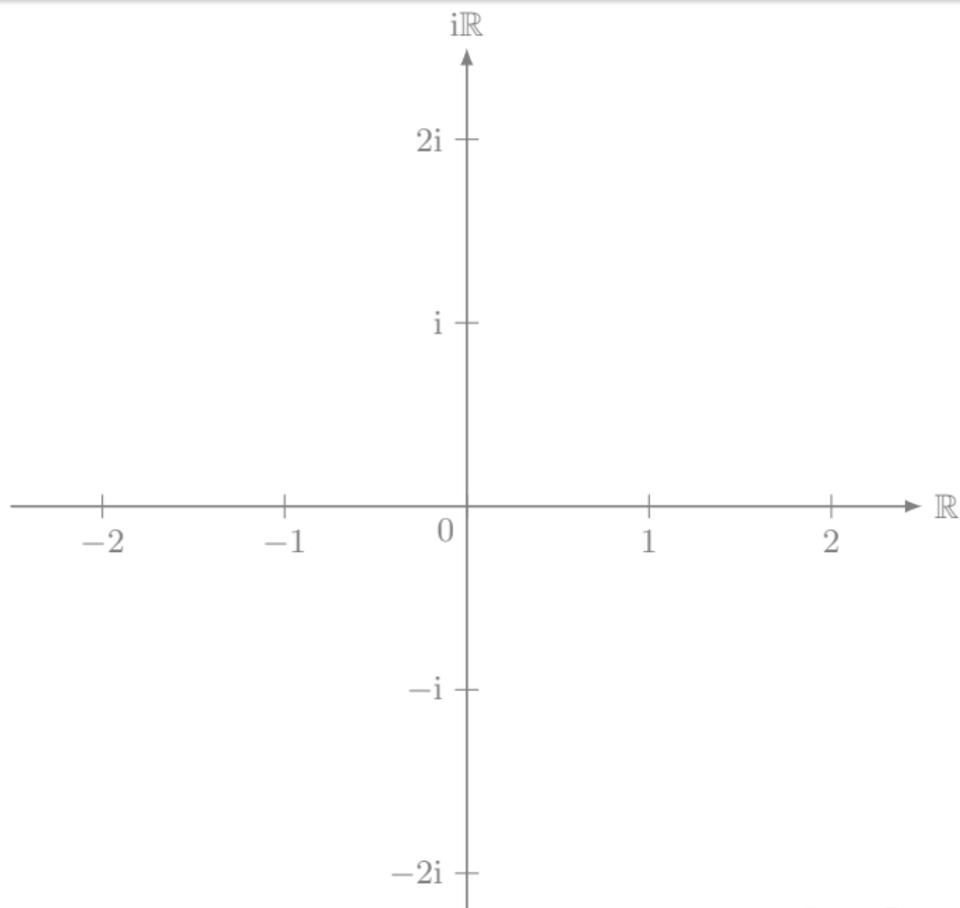
Etant donné un nombre réel θ , on note $e^{i\theta}$ le nombre complexe $\cos \theta + i \sin \theta$.



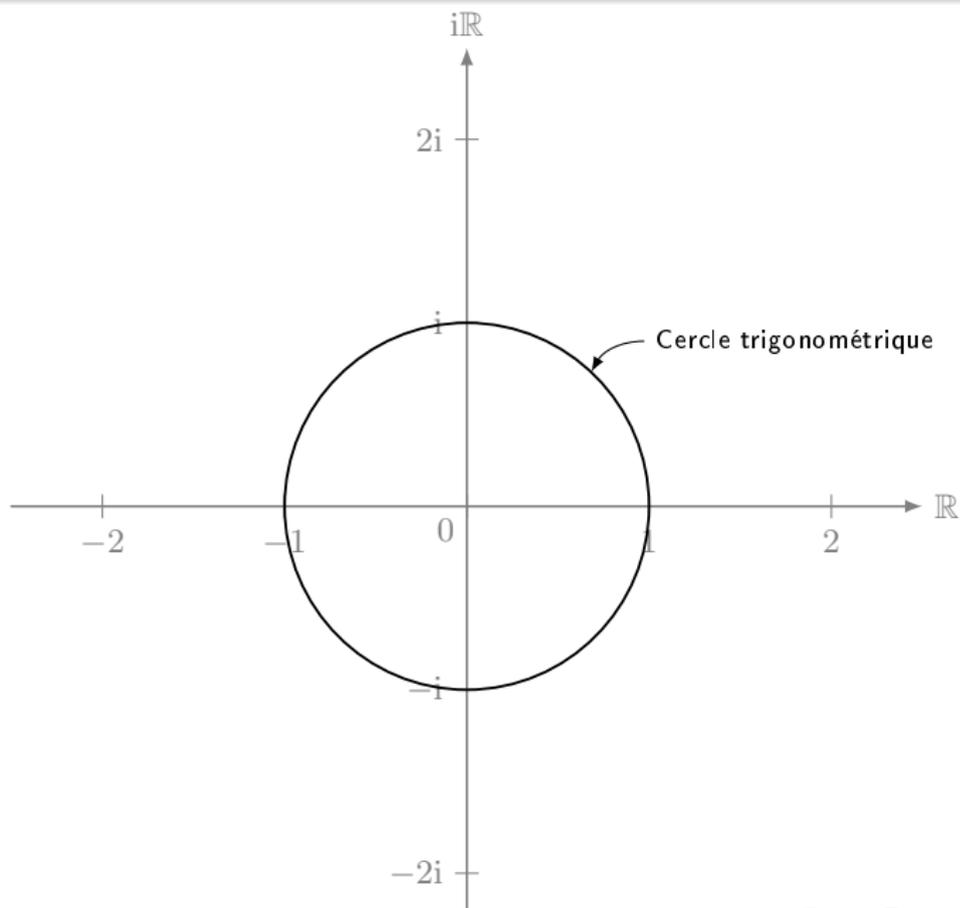
II. La forme exponentielle.



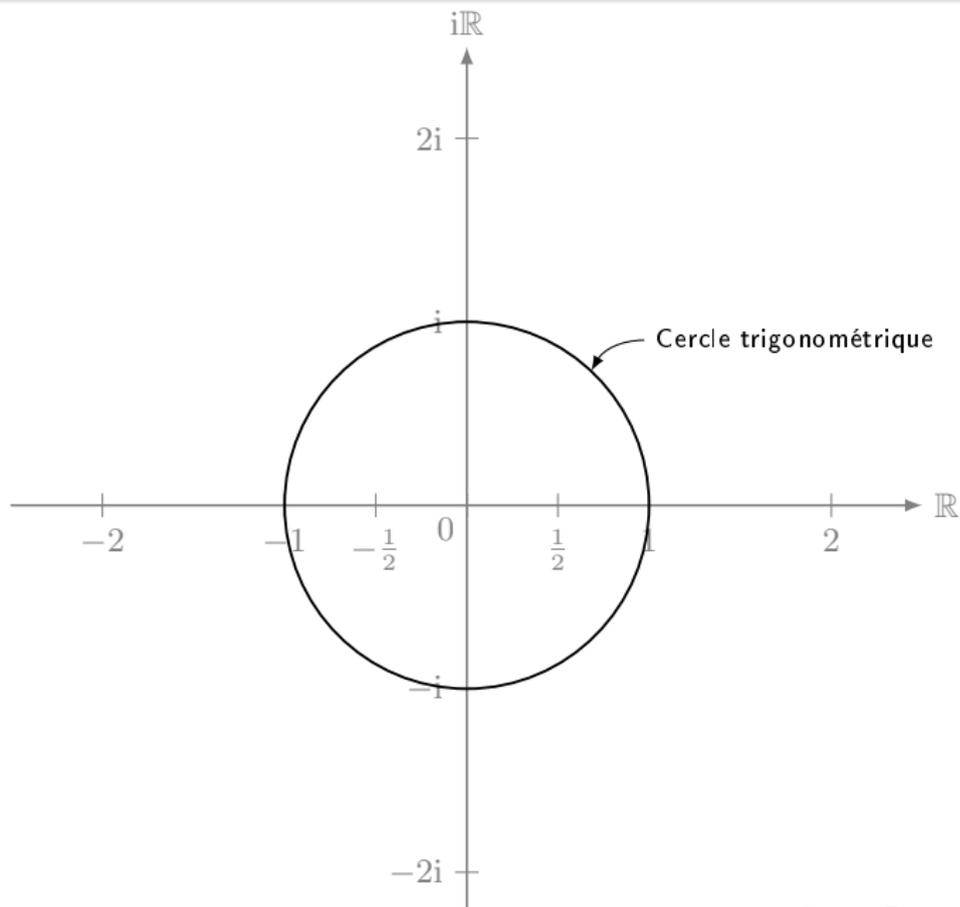
II. La forme exponentielle.



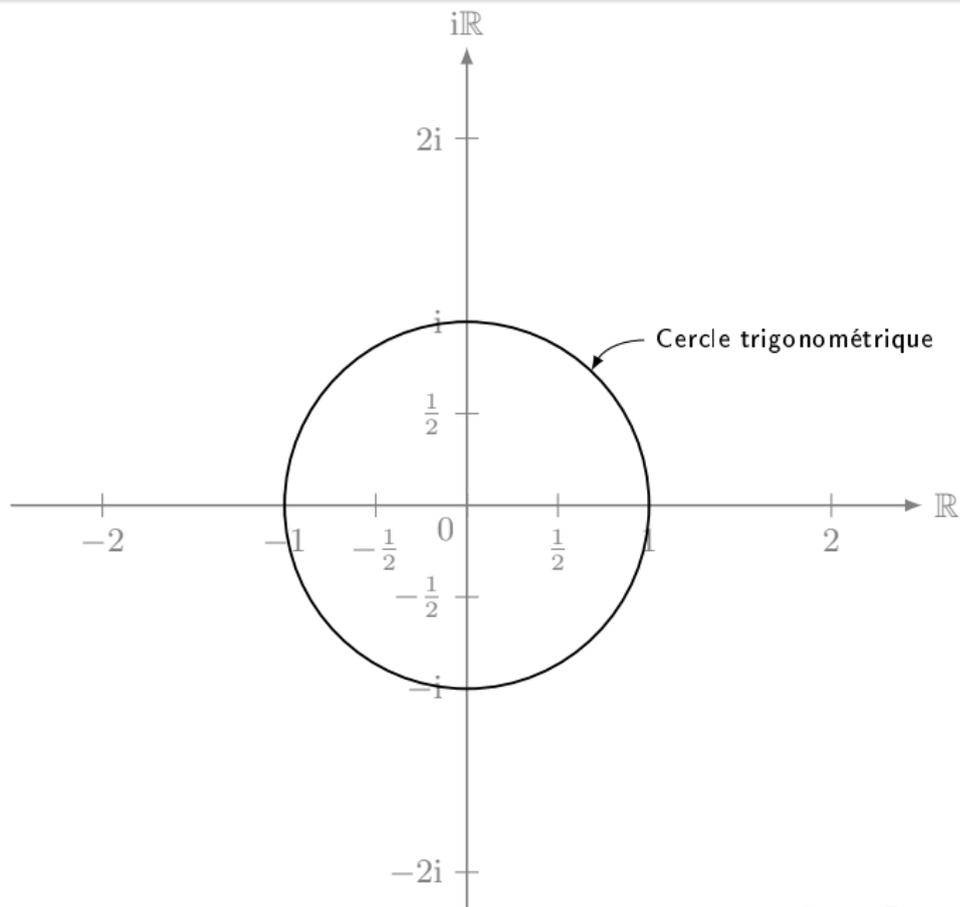
II. La forme exponentielle.



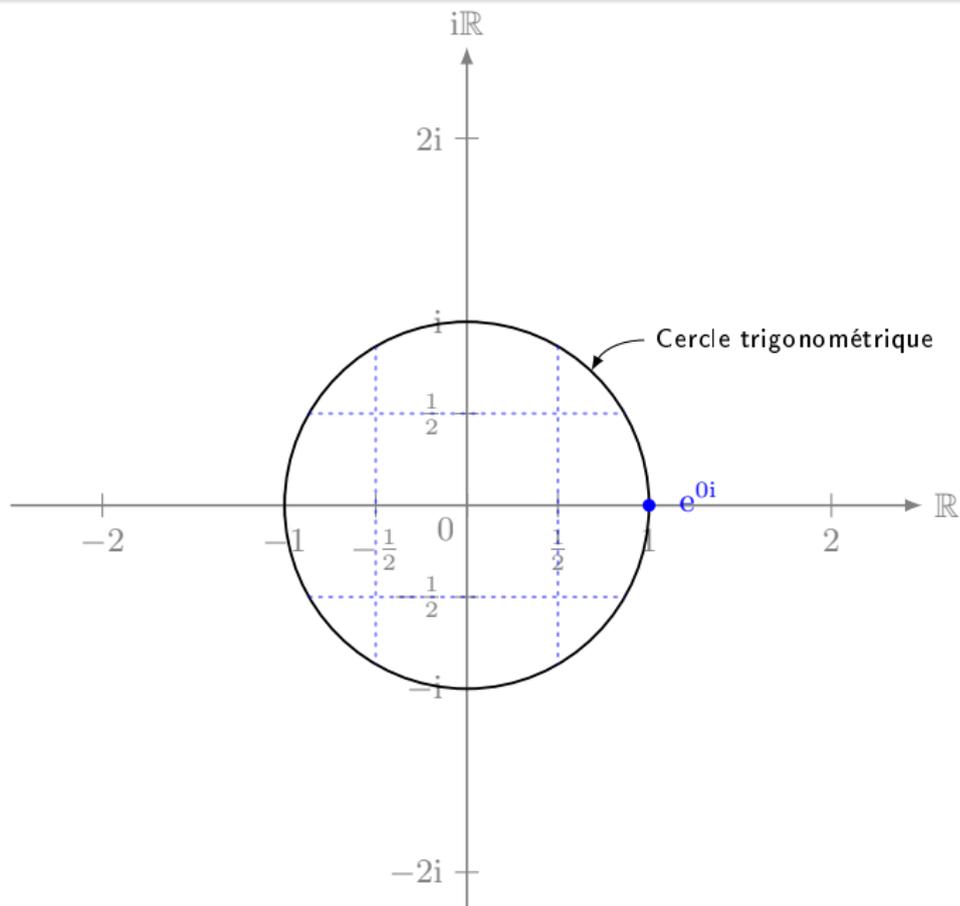
II. La forme exponentielle.



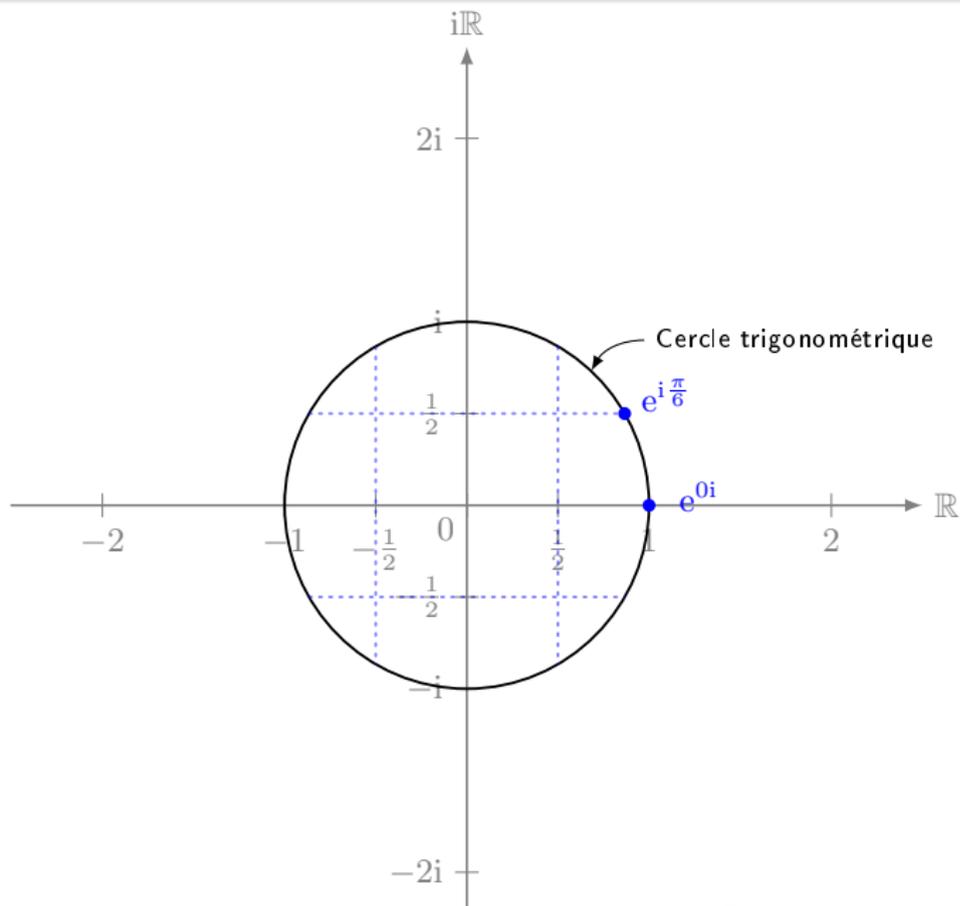
II. La forme exponentielle.



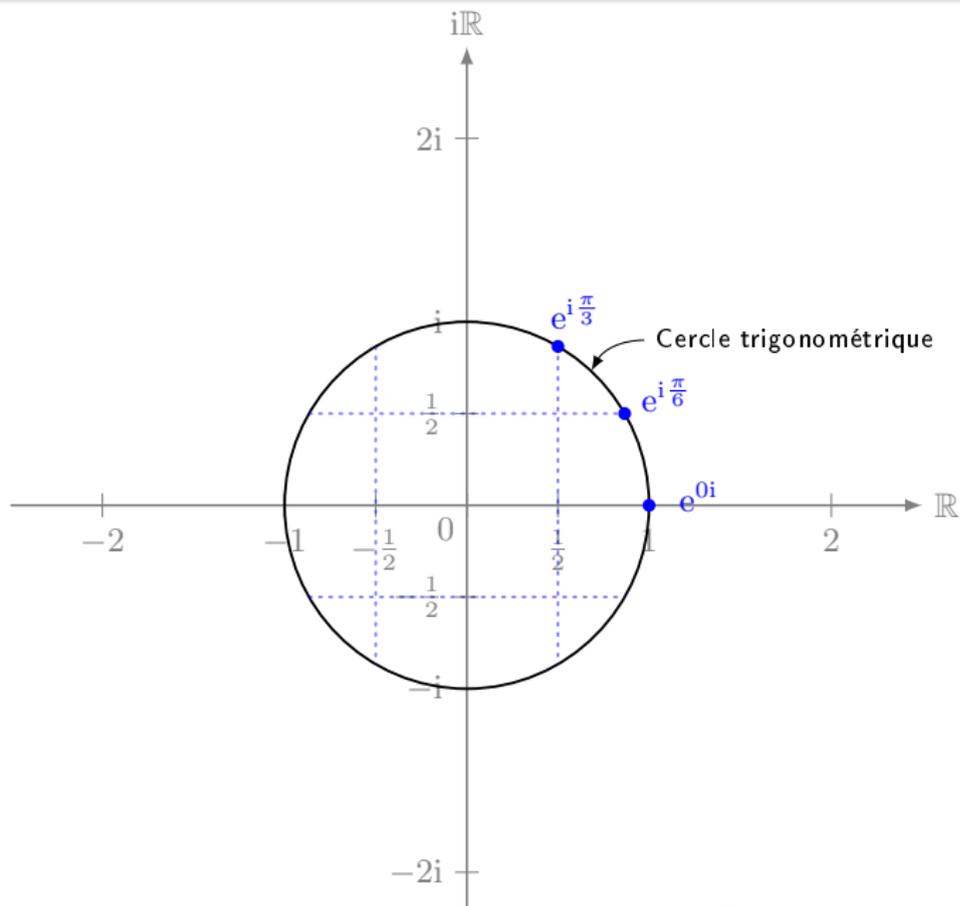
II. La forme exponentielle.



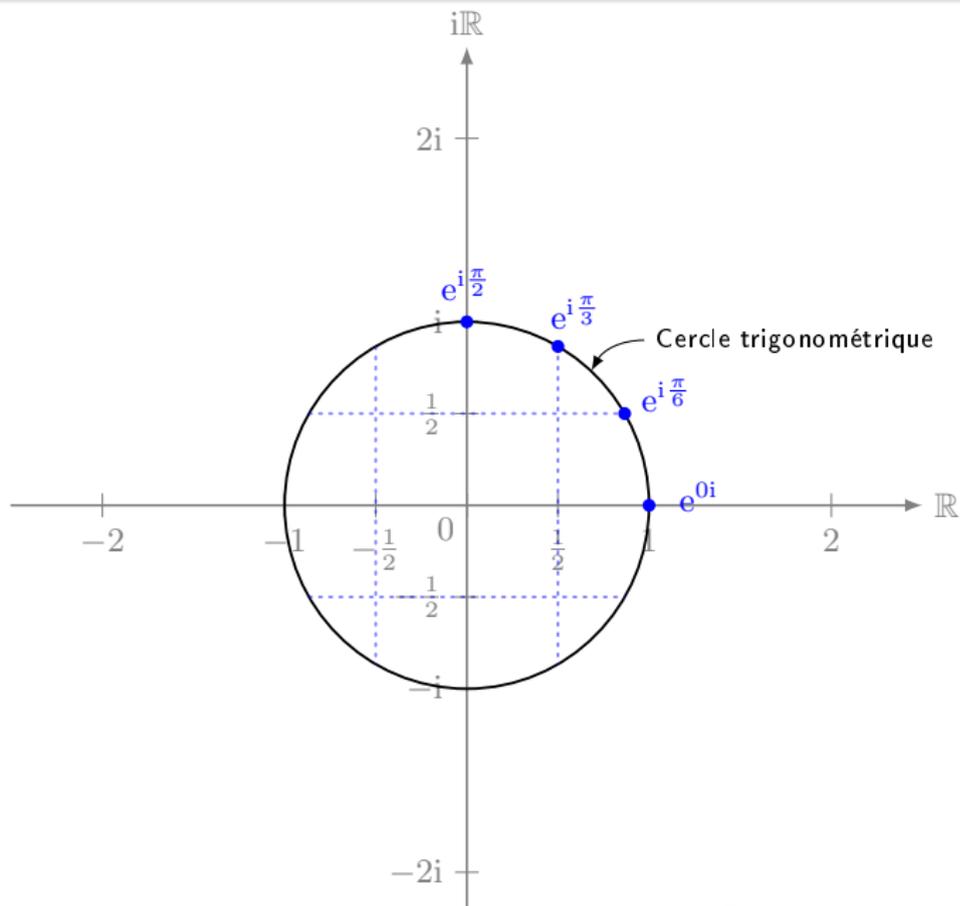
II. La forme exponentielle.



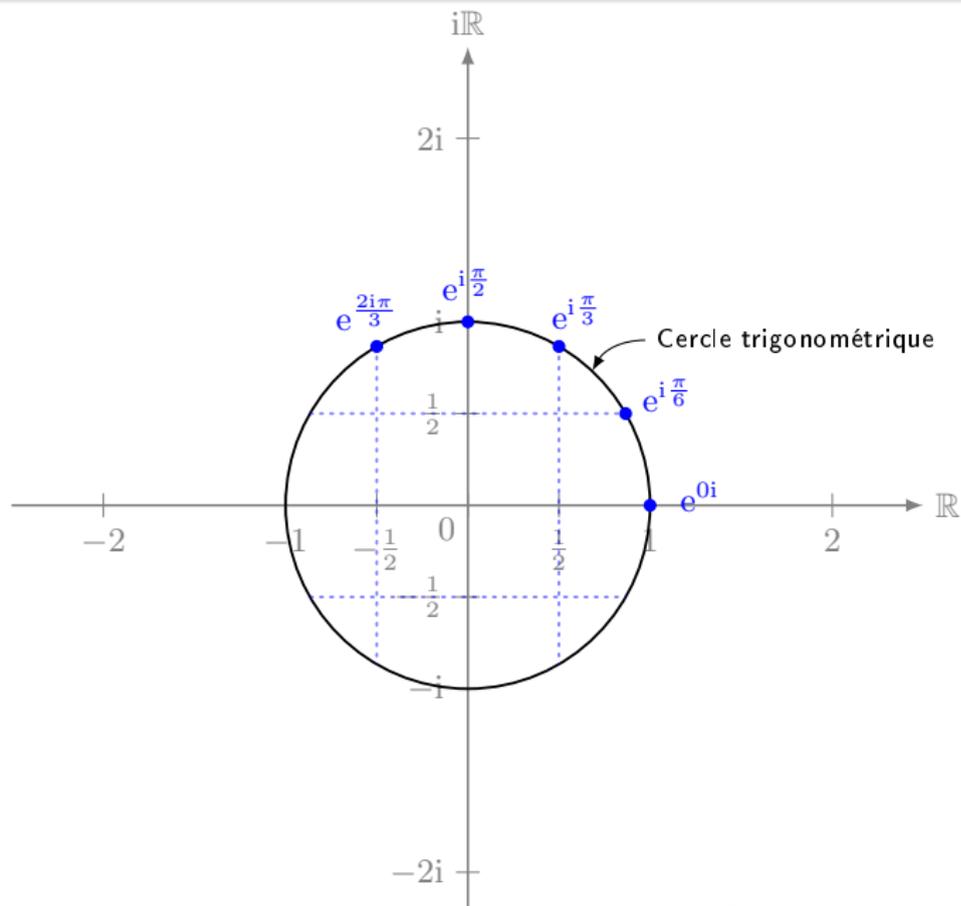
II. La forme exponentielle.



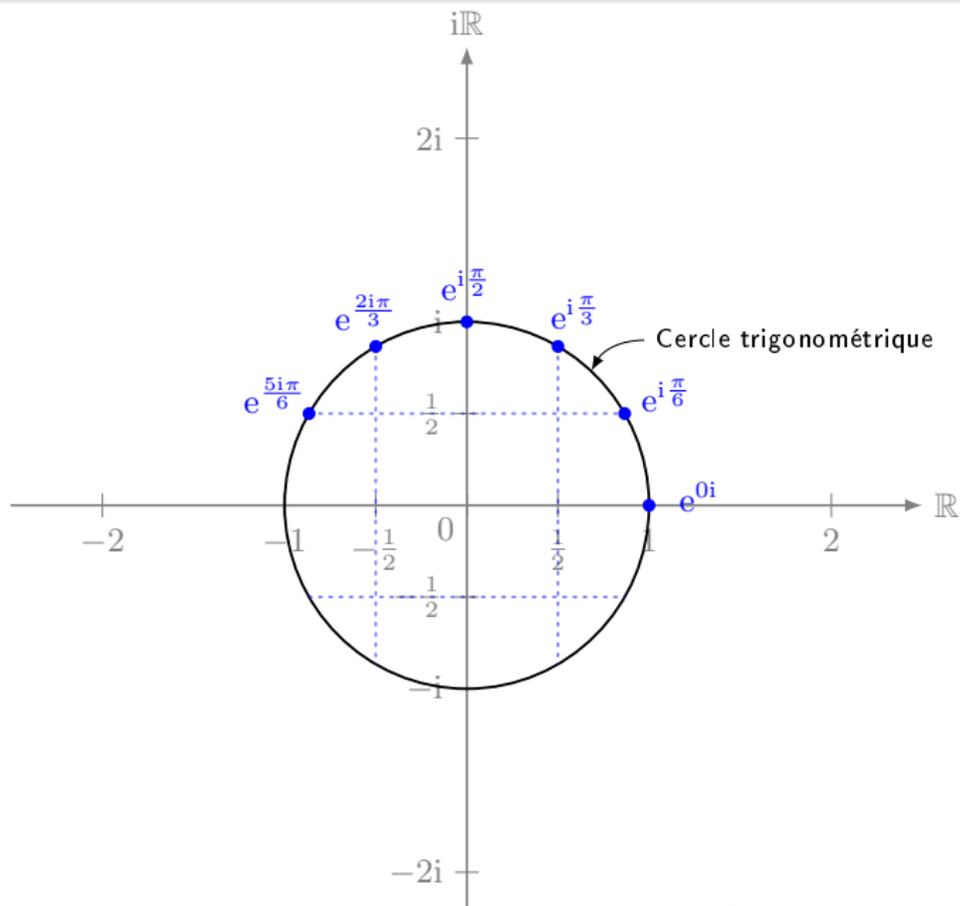
II. La forme exponentielle.



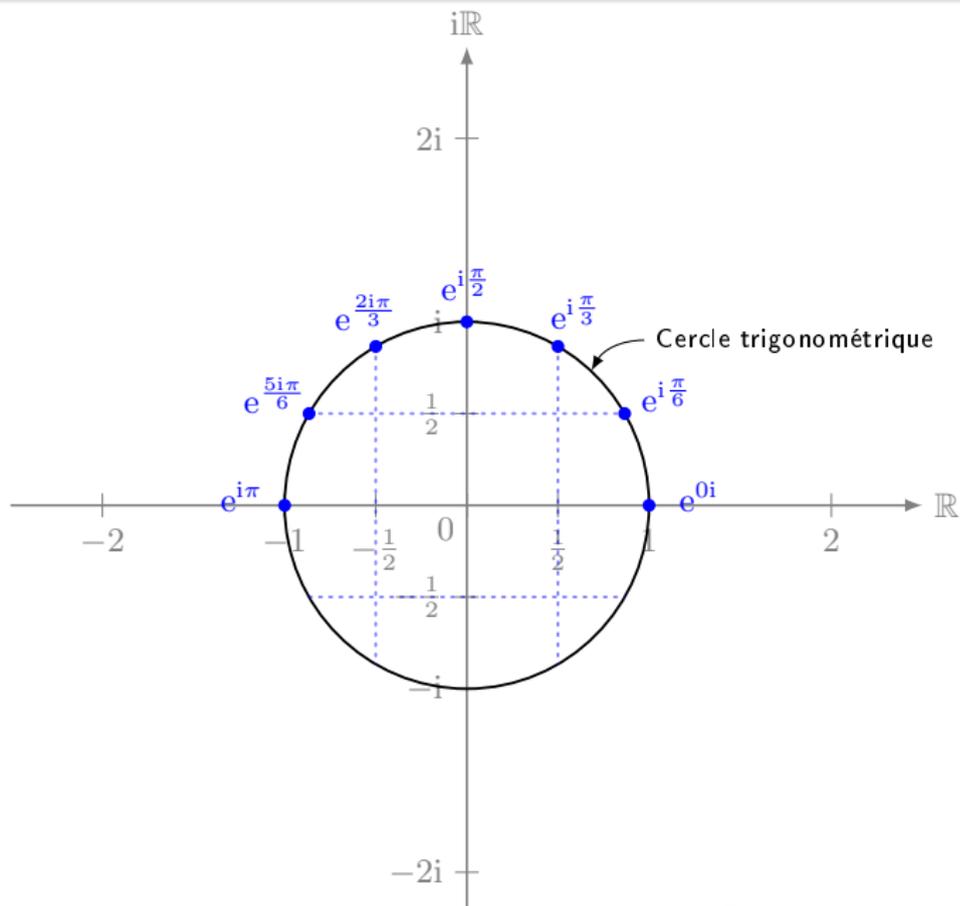
II. La forme exponentielle.



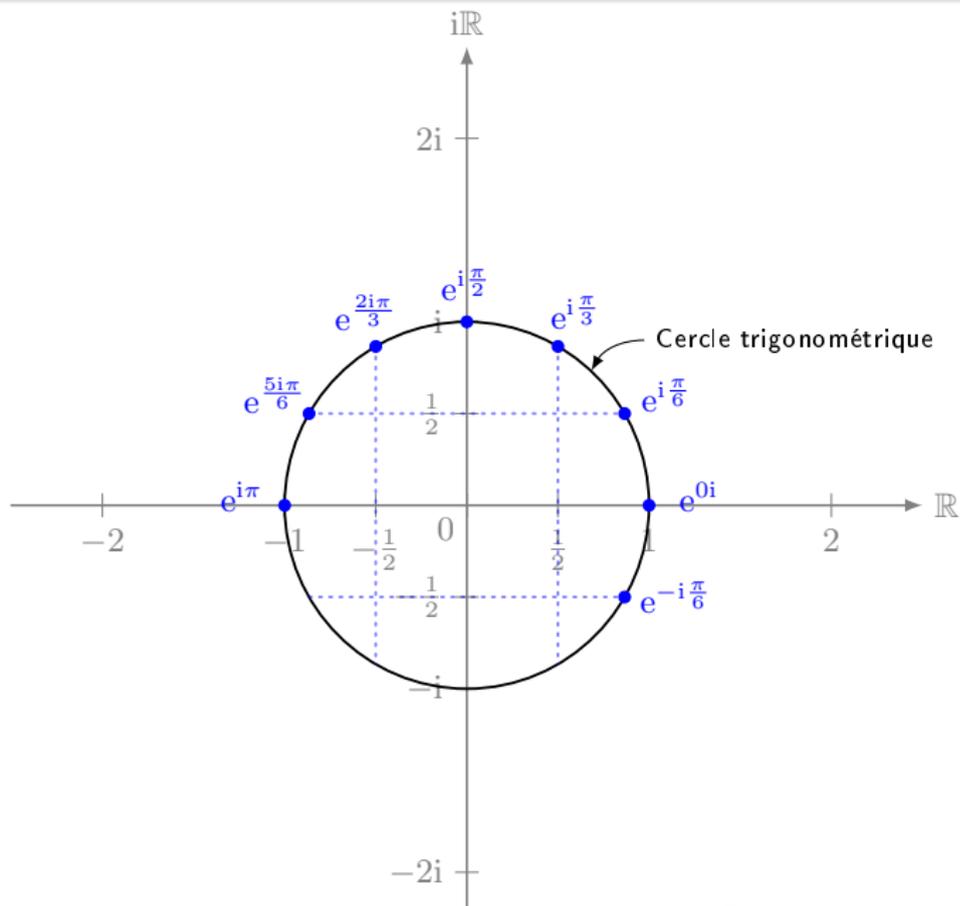
II. La forme exponentielle.



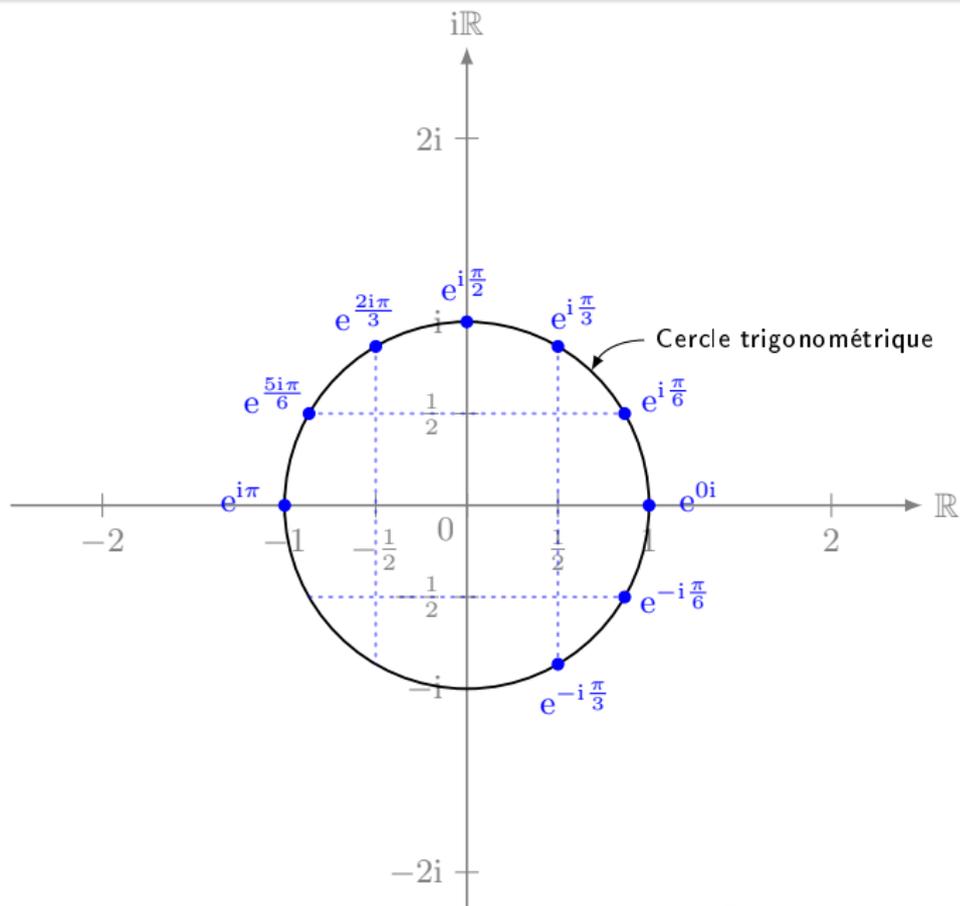
II. La forme exponentielle.



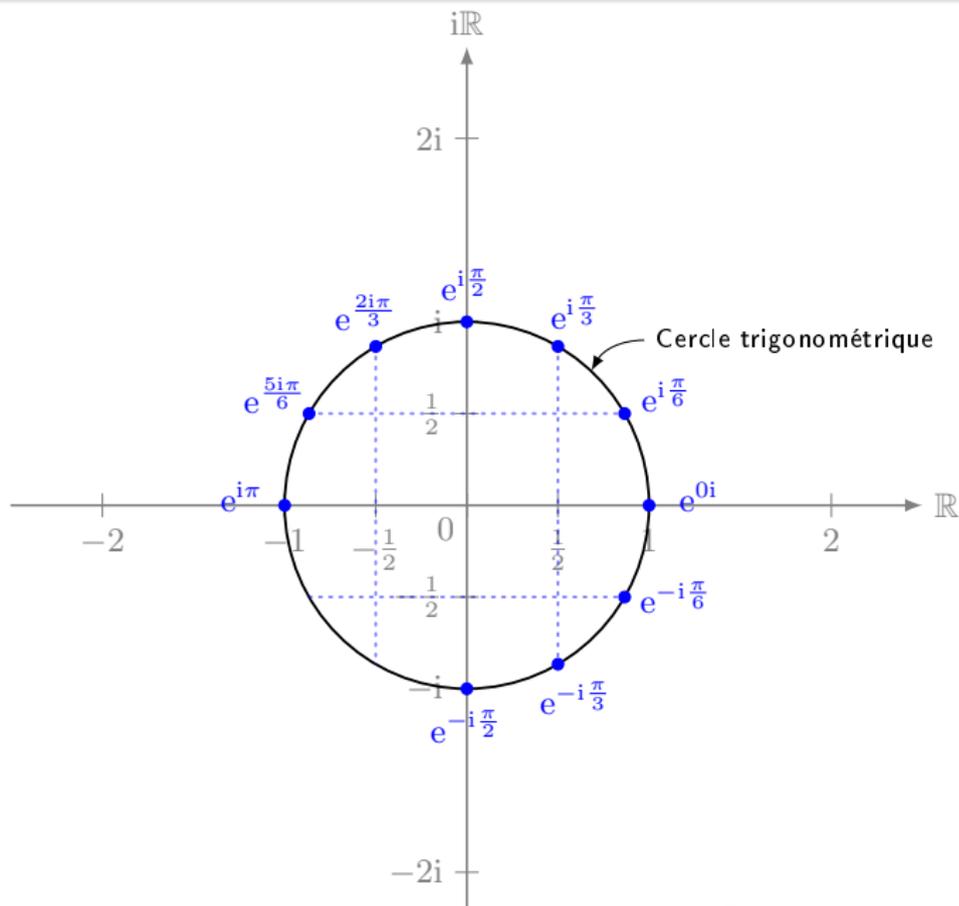
II. La forme exponentielle.



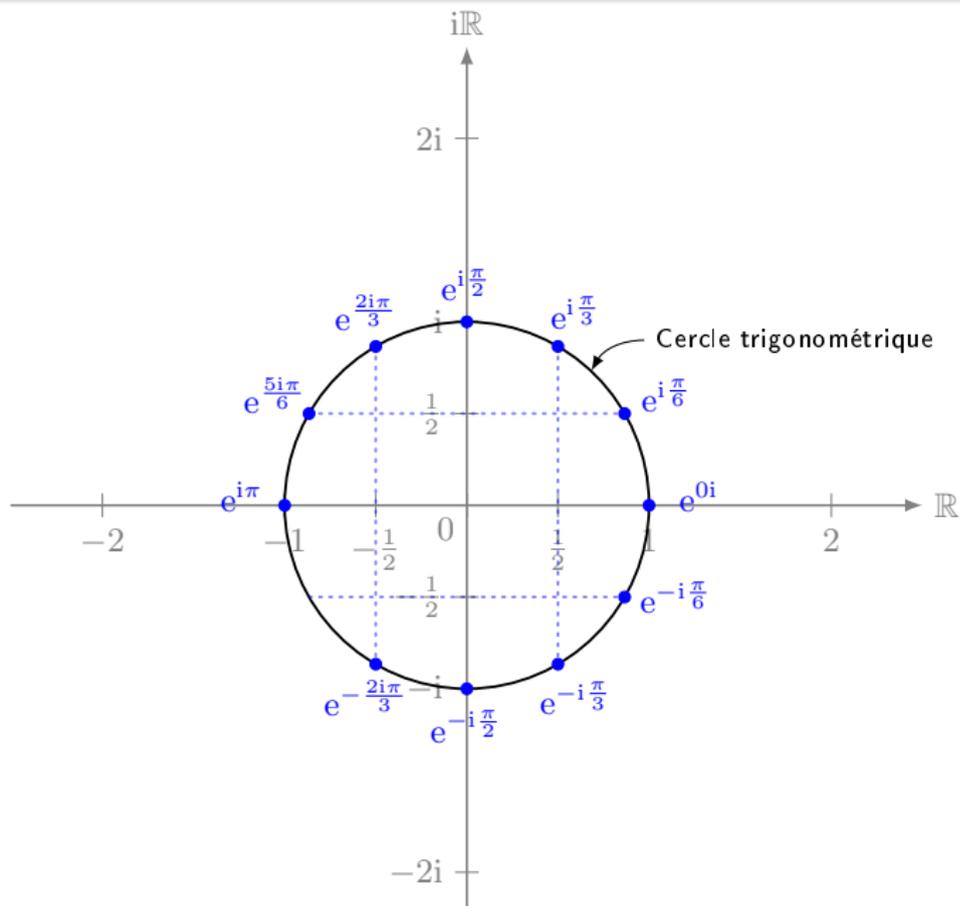
II. La forme exponentielle.



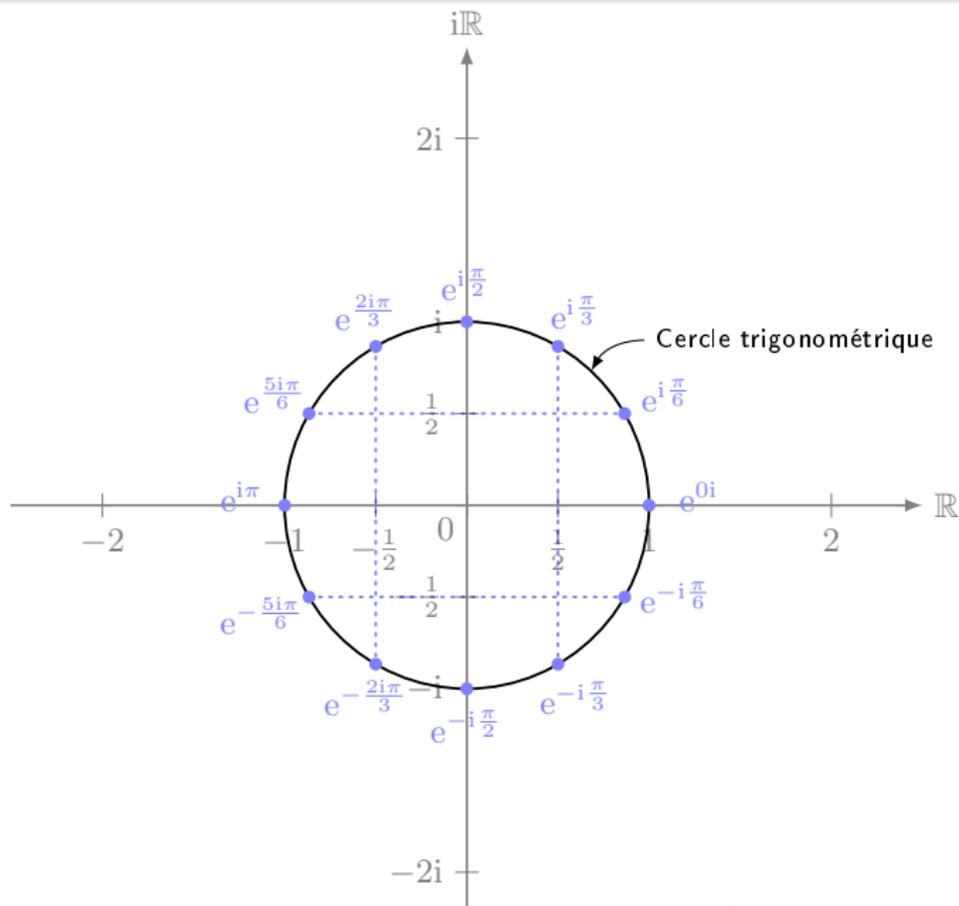
II. La forme exponentielle.



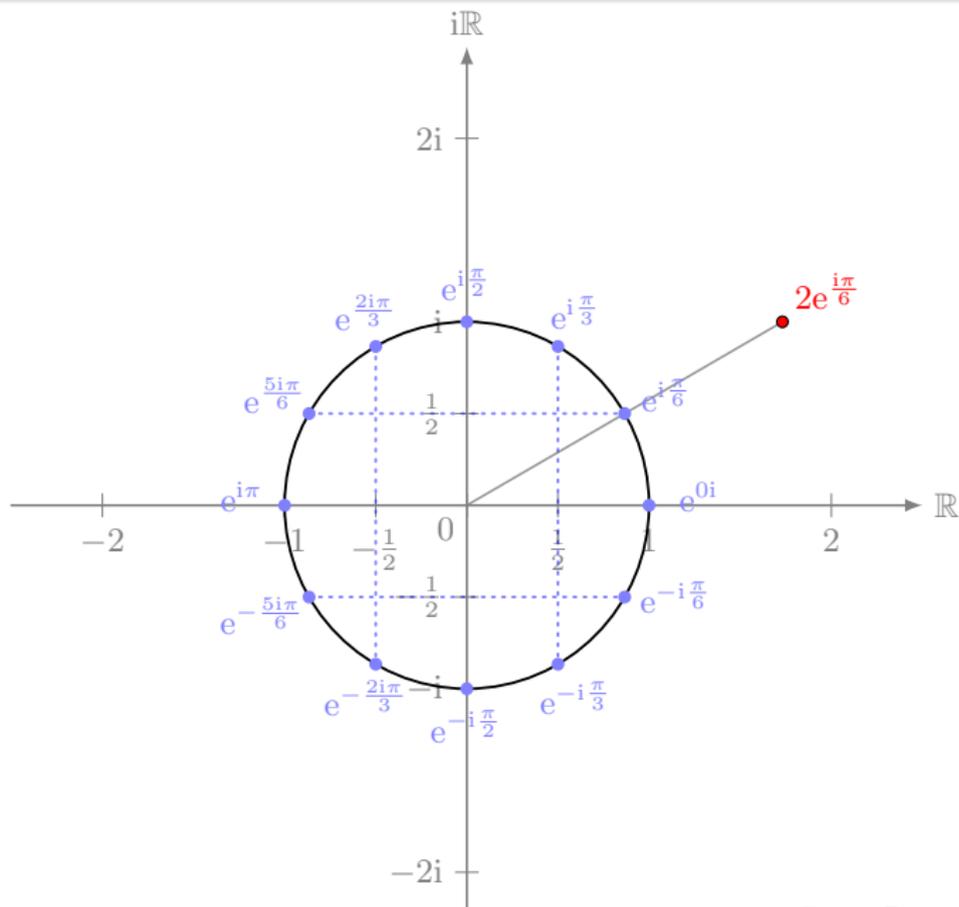
II. La forme exponentielle.



II. La forme exponentielle.

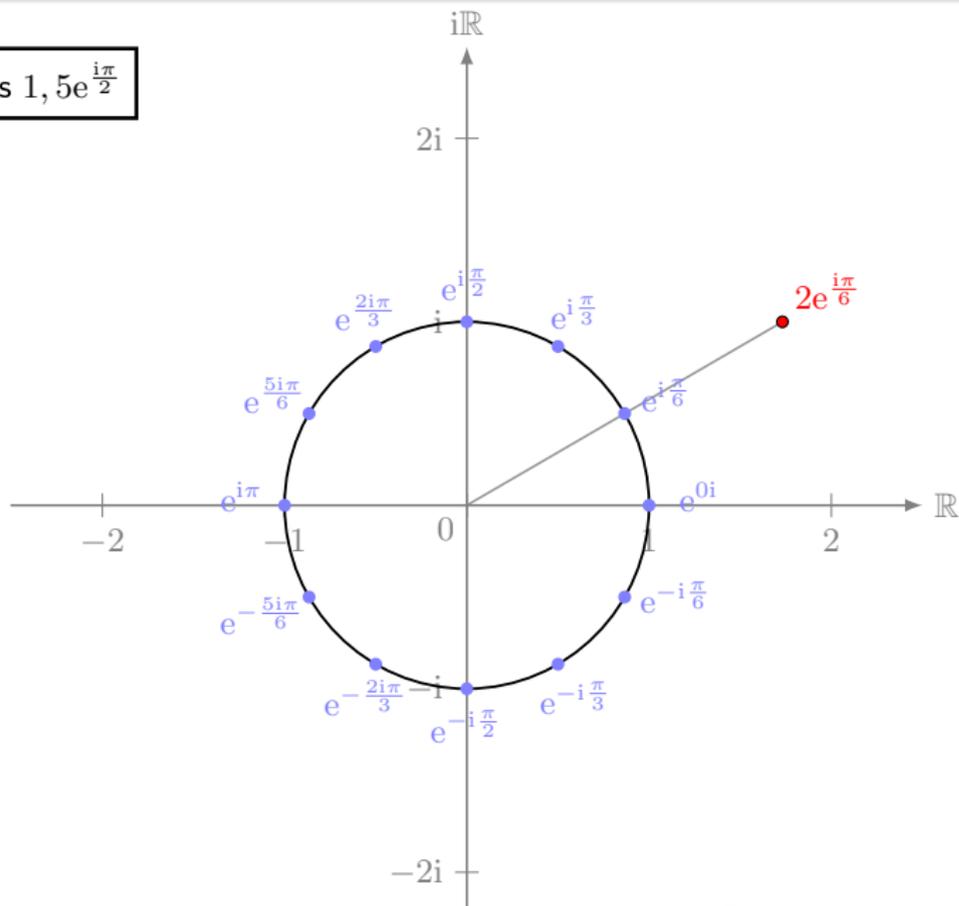


II. La forme exponentielle.



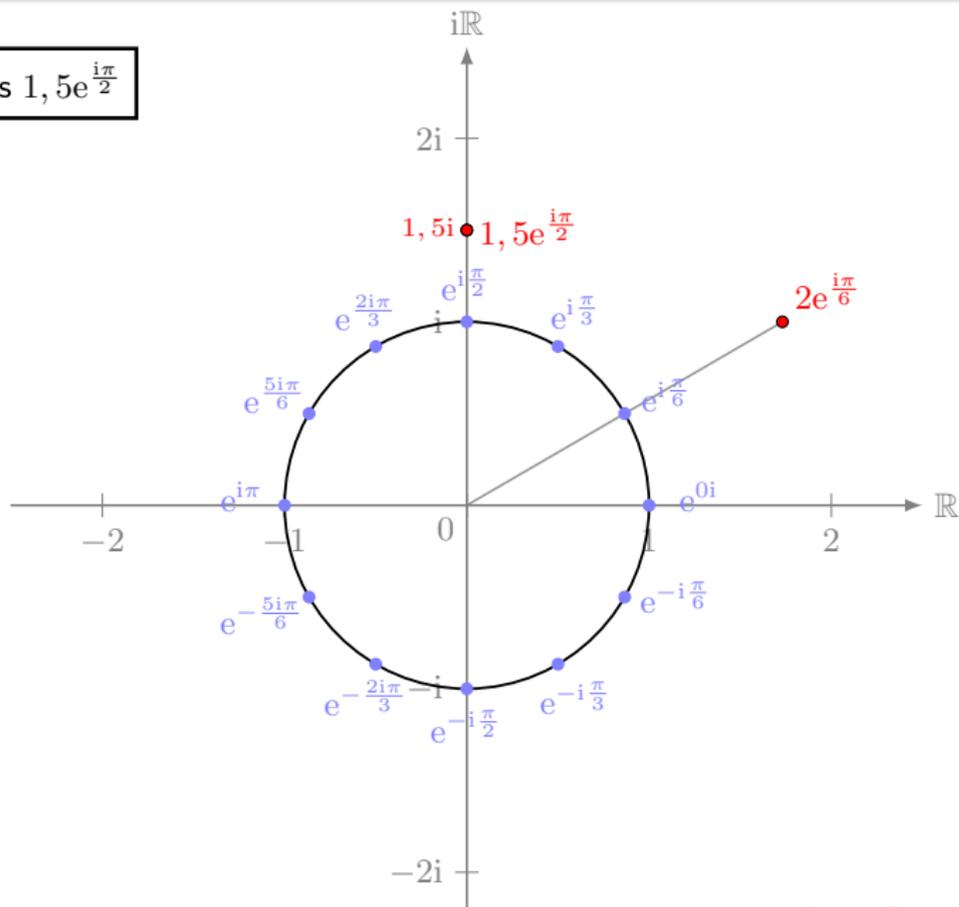
II. La forme exponentielle.

Plaçons $1,5e^{\frac{i\pi}{2}}$



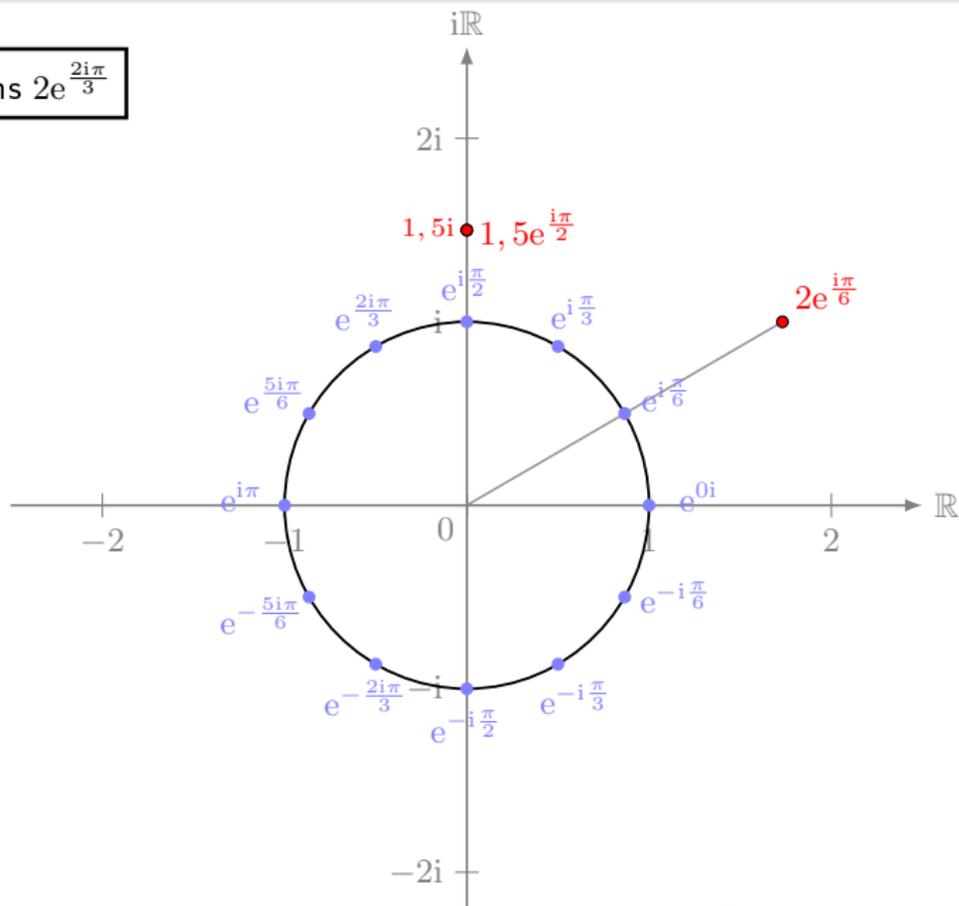
II. La forme exponentielle.

Plaçons $1,5e^{\frac{i\pi}{2}}$



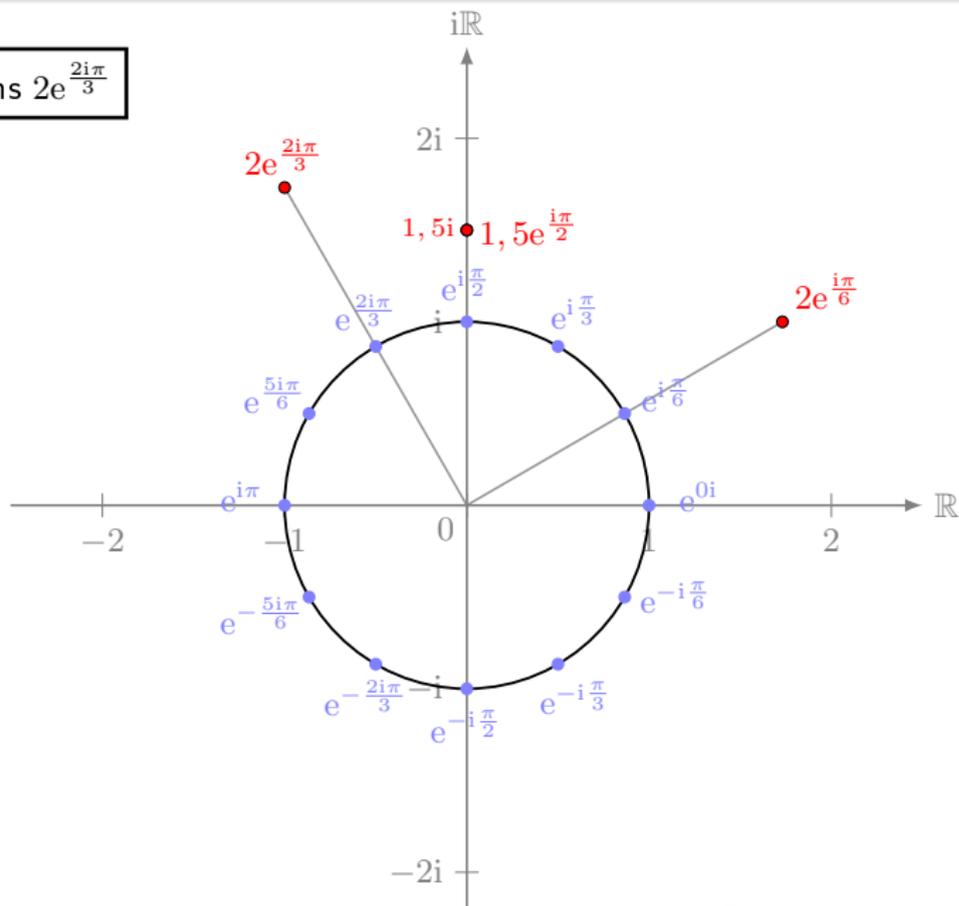
II. La forme exponentielle.

Plaçons $2e^{\frac{2i\pi}{3}}$



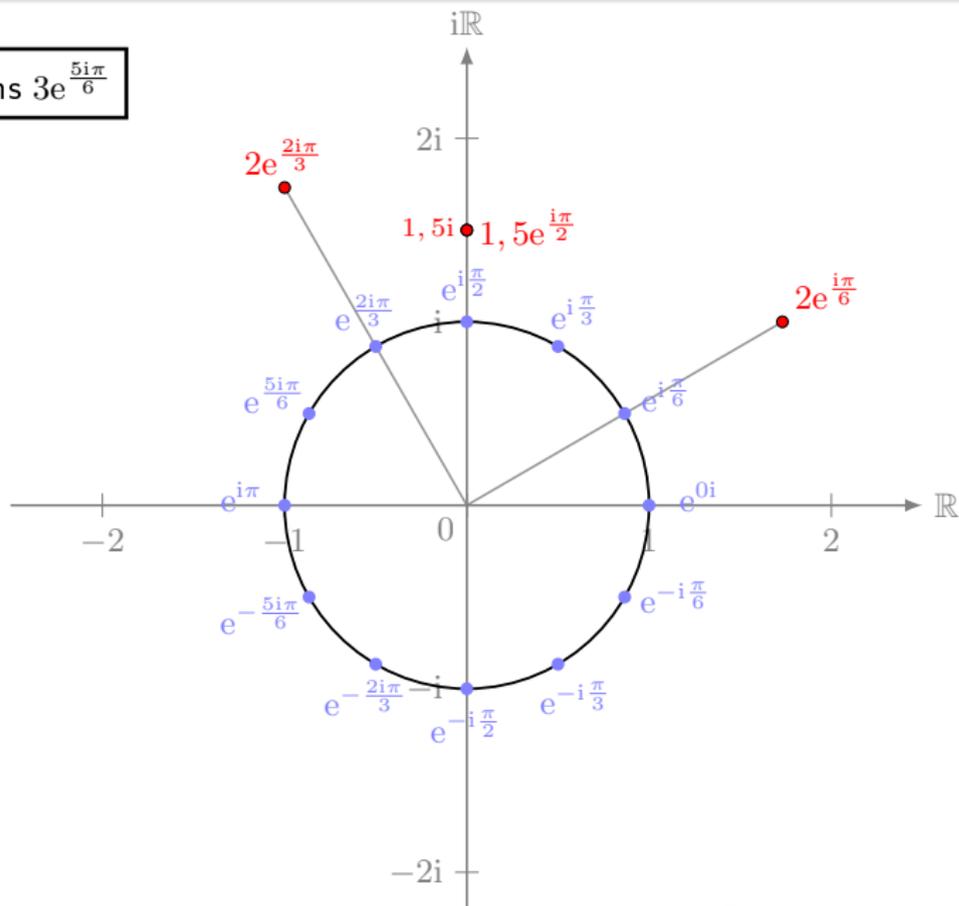
II. La forme exponentielle.

Plaçons $2e^{\frac{2i\pi}{3}}$



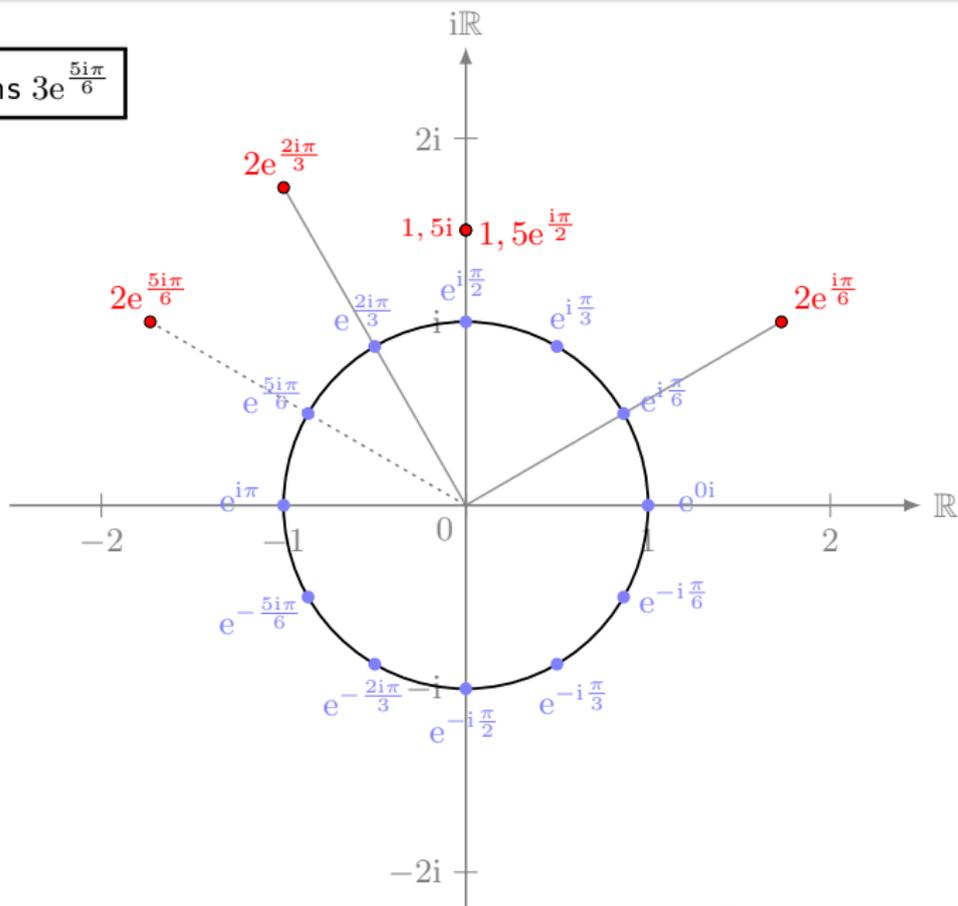
II. La forme exponentielle.

Plaçons $3e^{\frac{5i\pi}{6}}$



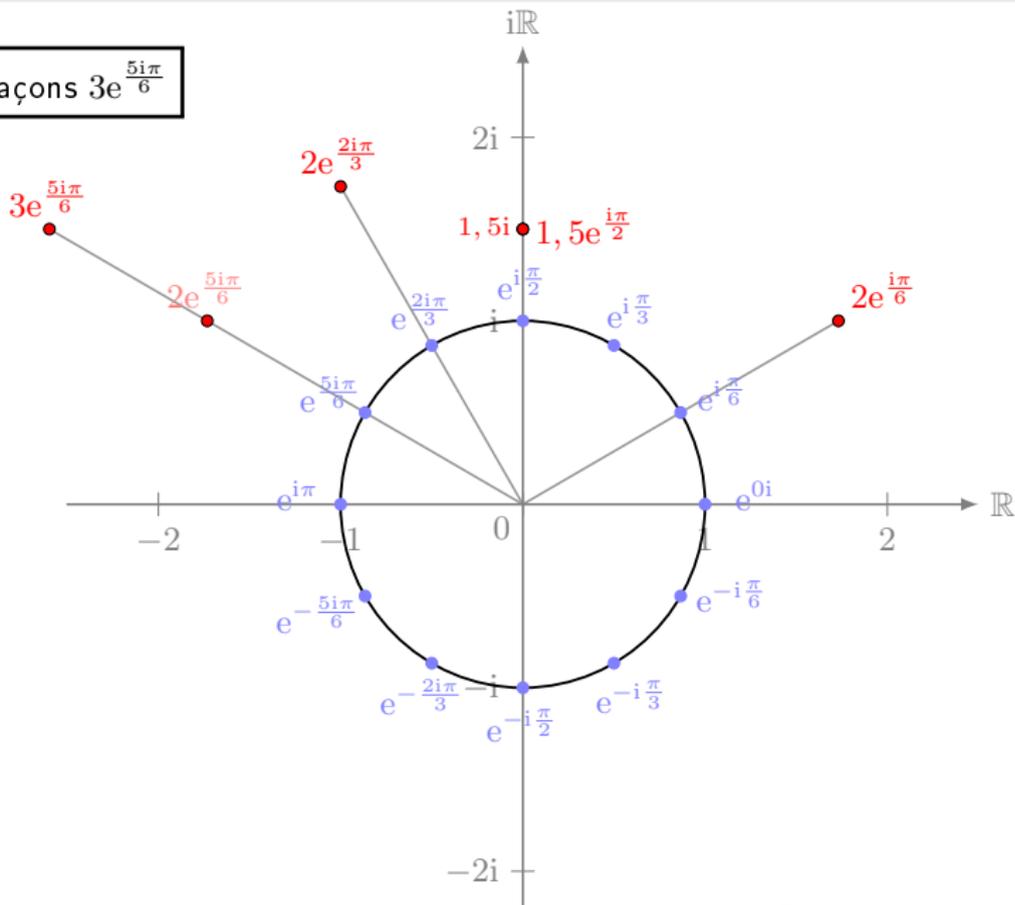
II. La forme exponentielle.

Plaçons $3e^{\frac{5i\pi}{6}}$



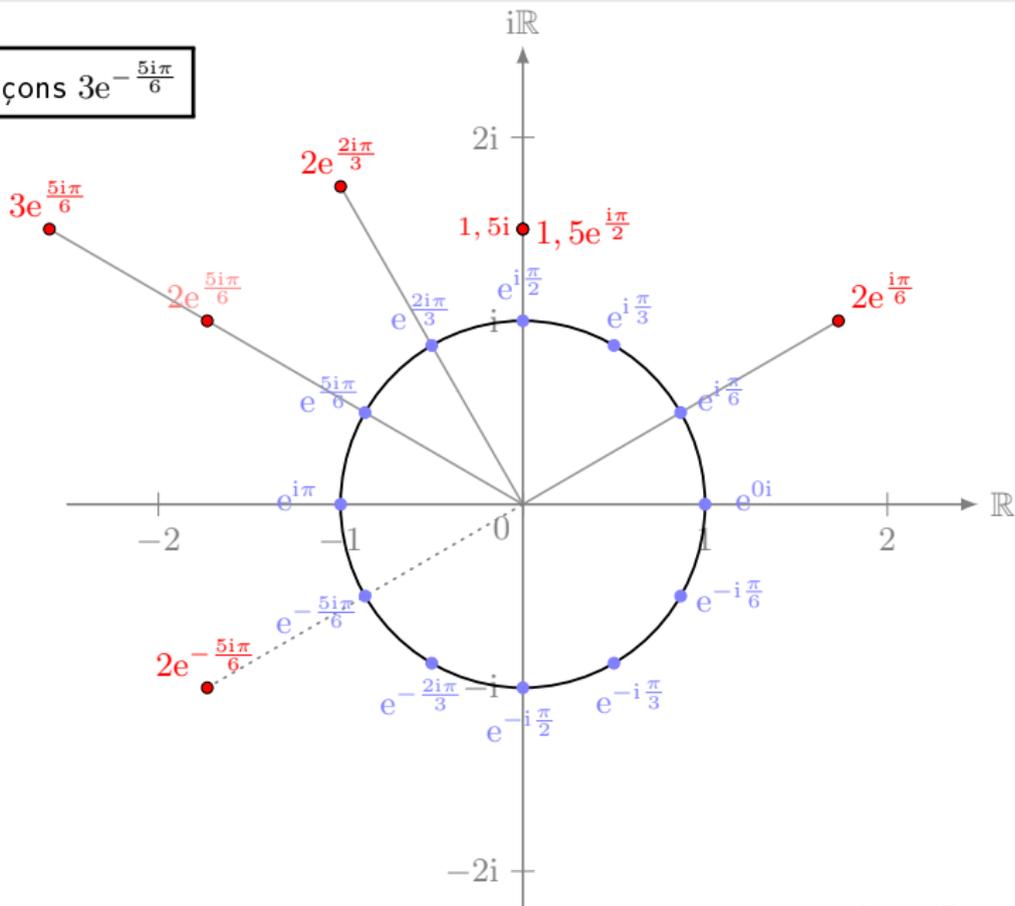
II. La forme exponentielle.

Plaçons $3e^{\frac{5i\pi}{6}}$



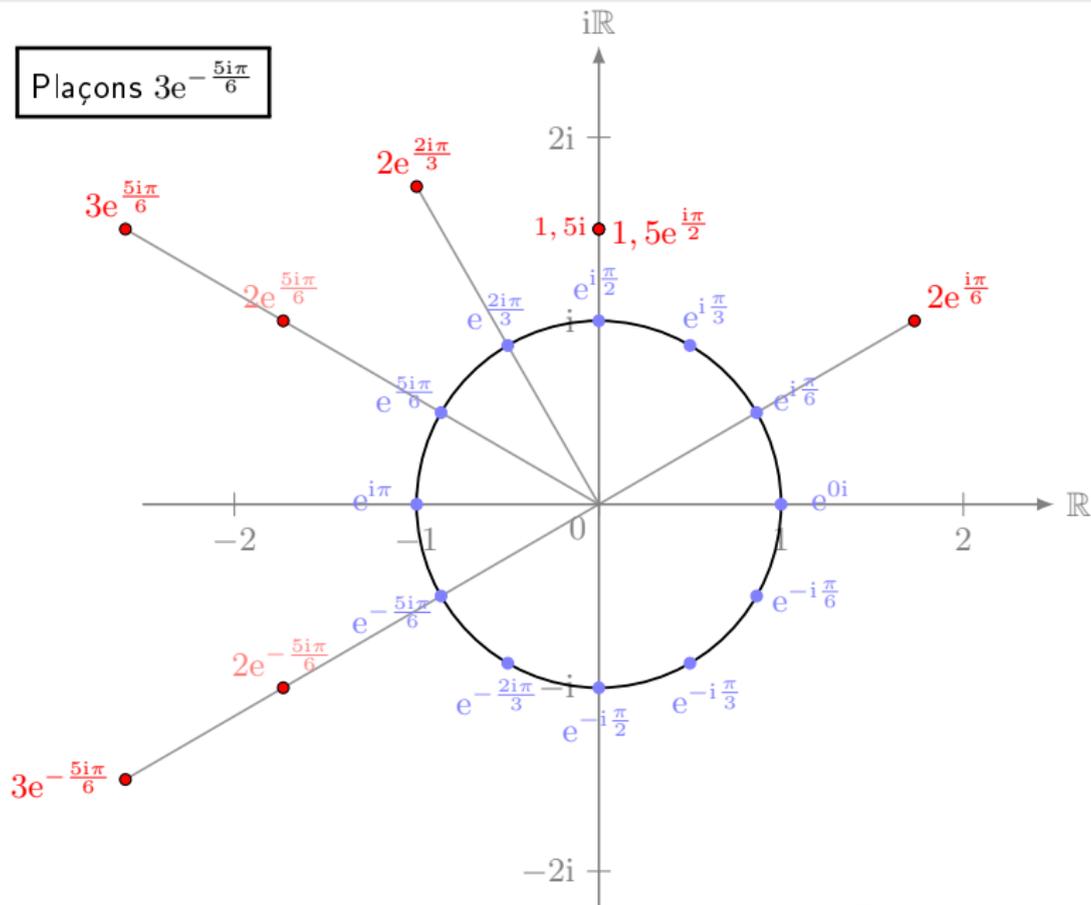
II. La forme exponentielle.

Plaçons $3e^{-\frac{5i\pi}{6}}$



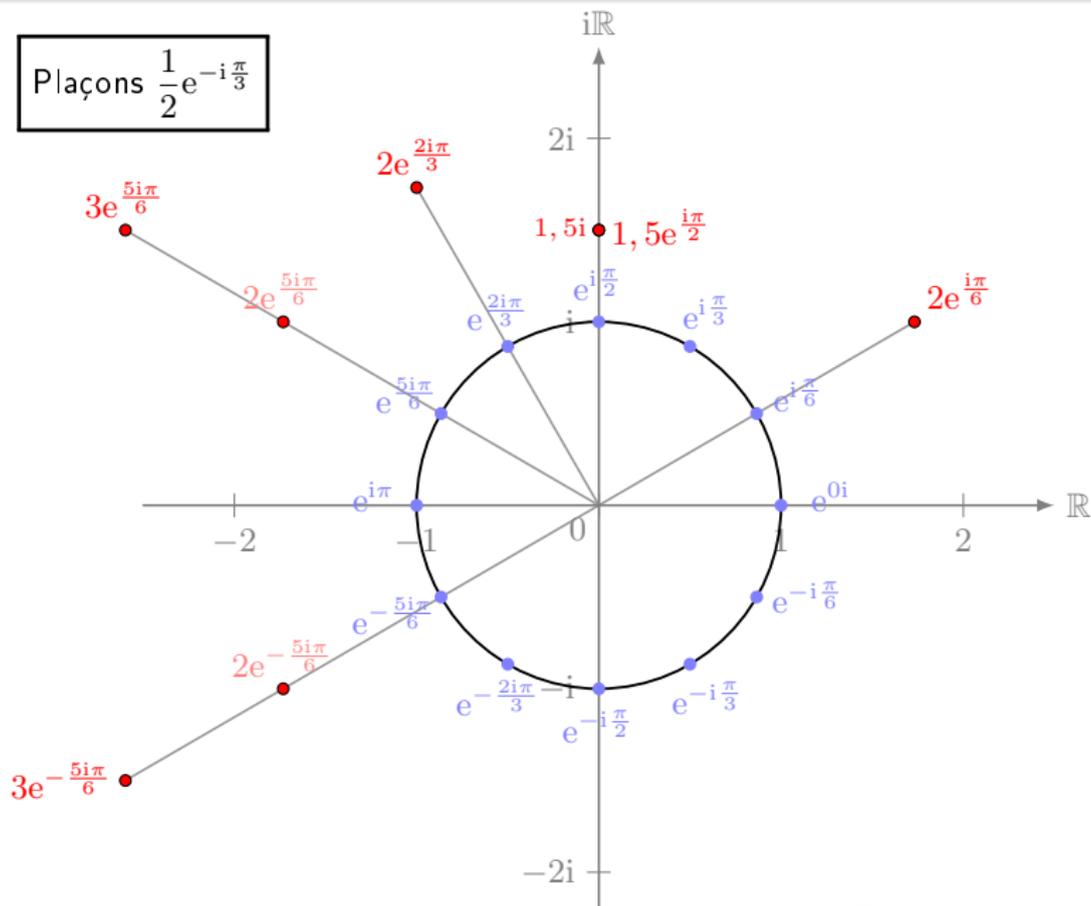
II. La forme exponentielle.

Plaçons $3e^{-\frac{5i\pi}{6}}$



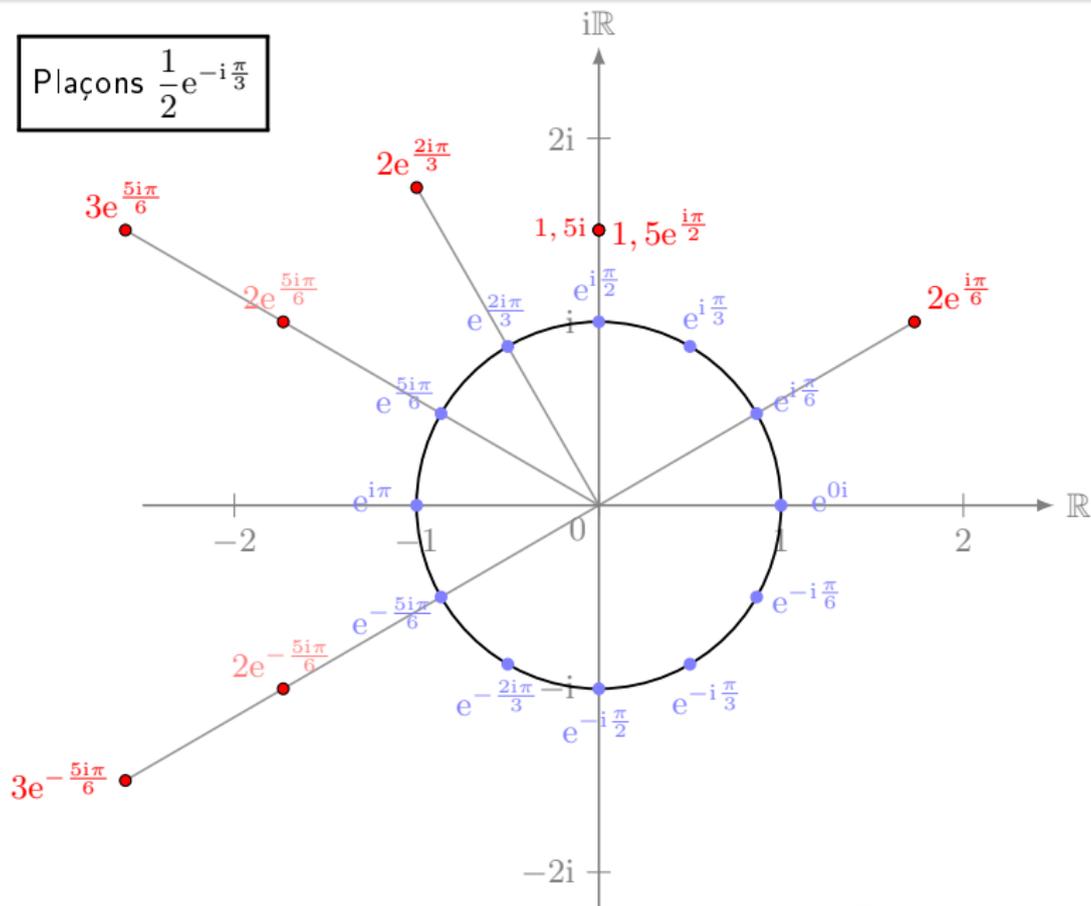
II. La forme exponentielle.

Plaçons $\frac{1}{2}e^{-i\frac{\pi}{3}}$



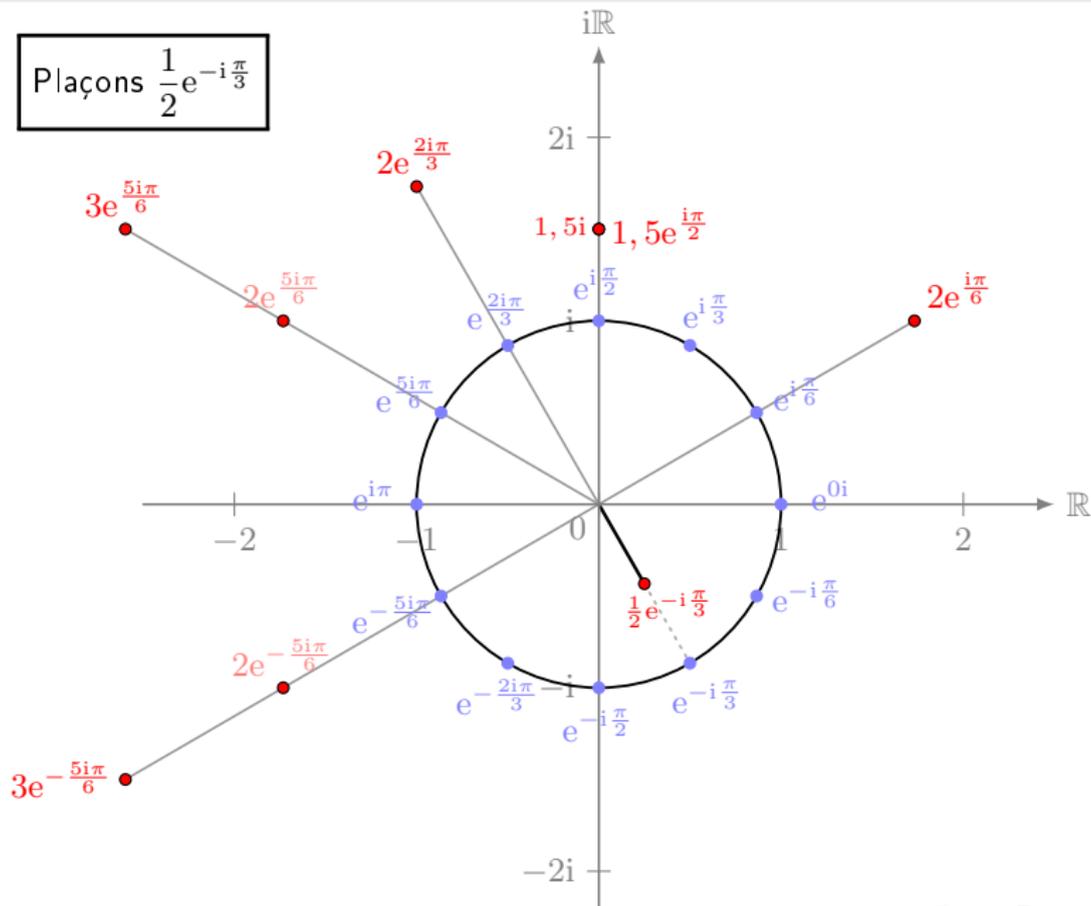
II. La forme exponentielle.

Plaçons $\frac{1}{2}e^{-i\frac{\pi}{3}}$



II. La forme exponentielle.

Plaçons $\frac{1}{2}e^{-i\frac{\pi}{3}}$





Résumé

Si $z = a + ib$ un nombre complexe **non nul**,



Résumé

Si $z = a + ib$ un nombre complexe **non nul**, alors il existe un unique réel **positif** r et un unique réel $\alpha \in] -\pi, \pi]$ tels que :



Résumé

Si $z = a + ib$ un nombre complexe **non nul**, alors il existe un unique réel **positif** r et un unique réel $\alpha \in] -\pi, \pi]$ tels que :

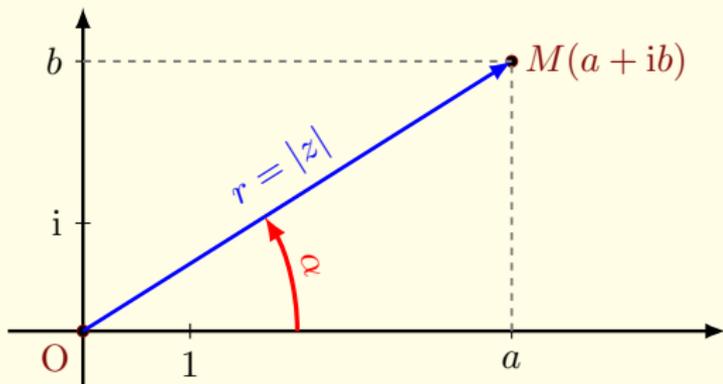
$$z =$$



Résumé

Si $z = a + ib$ un nombre complexe **non nul**, alors il existe un unique réel **positif** r et un unique réel $\alpha \in] -\pi, \pi]$ tels que :

$$z = \underbrace{r [\cos(\alpha) + i \sin(\alpha)]}_{\text{forme trigonométrique}} = \underbrace{r e^{i\alpha}}_{\text{forme exponentielle}}$$



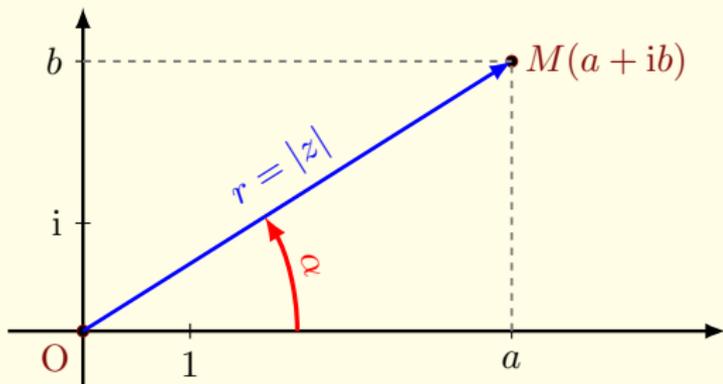
α est appelé



Résumé

Si $z = a + ib$ un nombre complexe **non nul**, alors il existe un unique réel **positif** r et un unique réel $\alpha \in] -\pi, \pi]$ tels que :

$$z = \underbrace{r [\cos(\alpha) + i \sin(\alpha)]}_{\text{forme trigonométrique}} = \underbrace{r e^{i\alpha}}_{\text{forme exponentielle}}$$



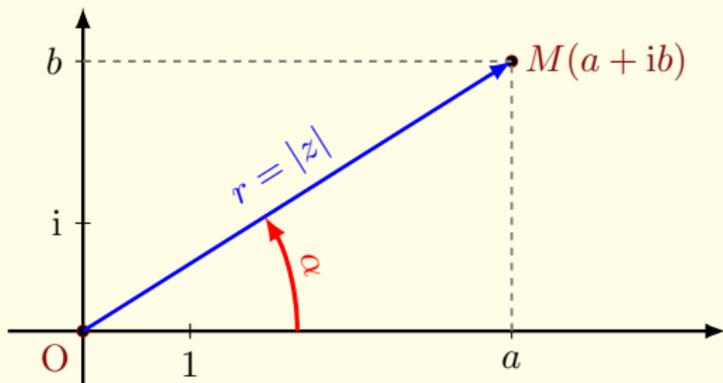
α est appelé **l'argument** de z , et r son



Résumé

Si $z = a + ib$ un nombre complexe **non nul**, alors il existe un unique réel **positif** r et un unique réel $\alpha \in]-\pi, \pi]$ tels que :

$$z = \underbrace{r [\cos(\alpha) + i \sin(\alpha)]}_{\text{forme trigonométrique}} = \underbrace{r e^{i\alpha}}_{\text{forme exponentielle}}$$



α est appelé **l'argument** de z , et r son **module**.

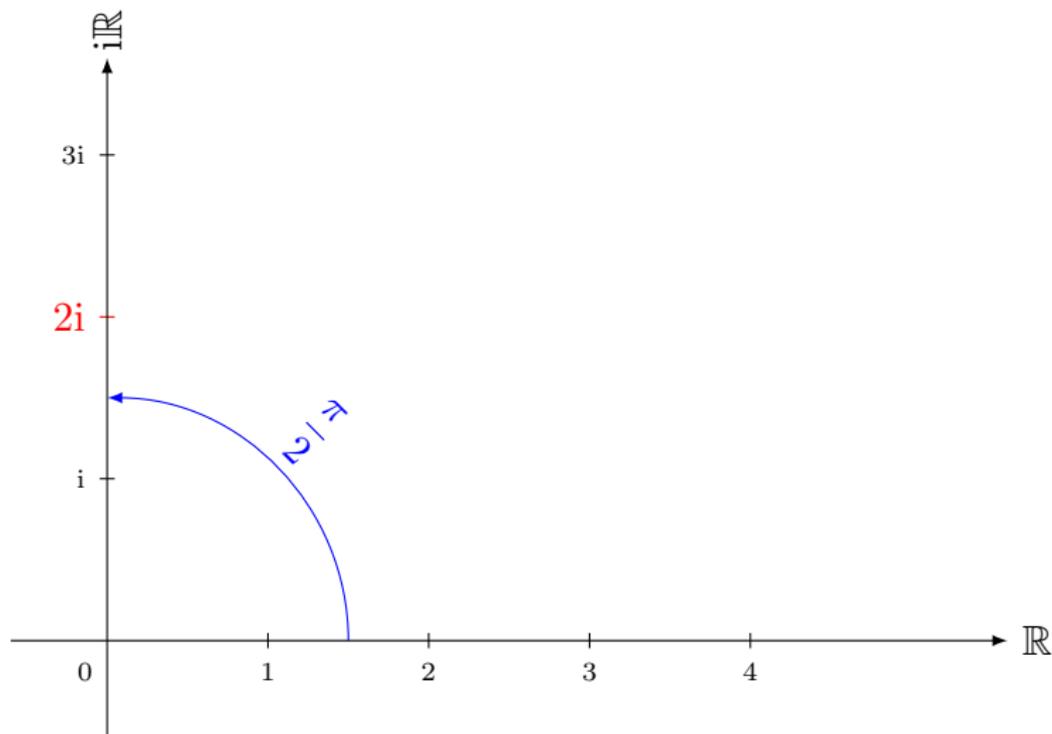
$$2i =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$2i = 2e^{\frac{i\pi}{2}}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$2i = 2e^{\frac{i\pi}{2}}$$



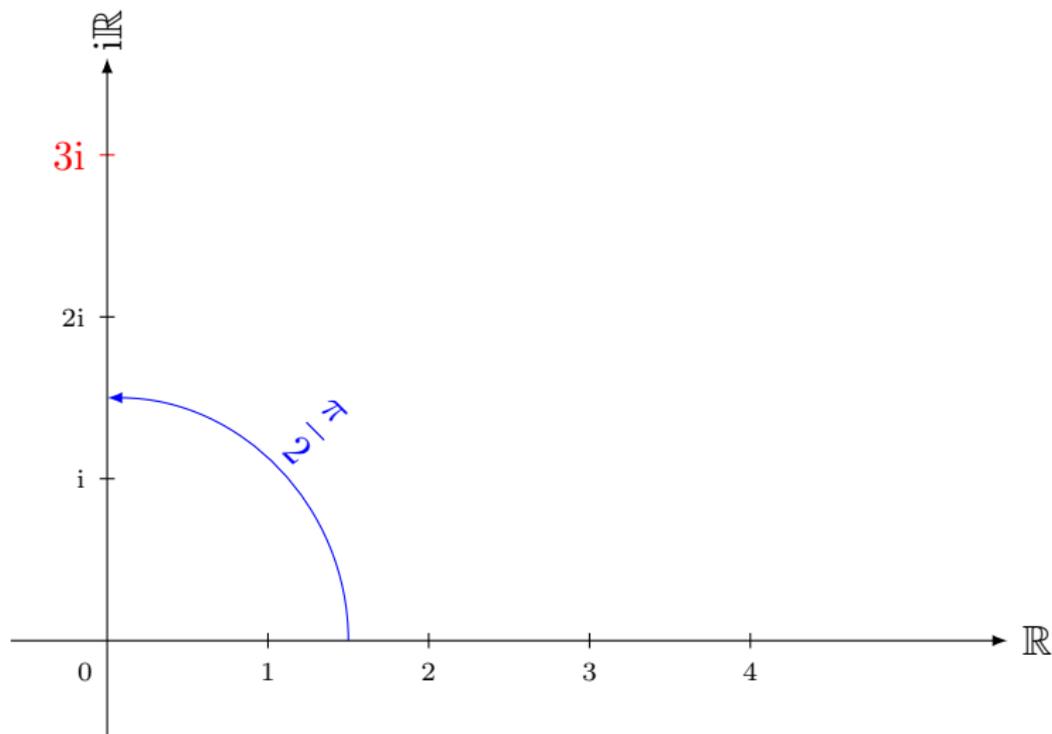
$$3i =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$3i = 3e^{\frac{i\pi}{2}}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$3i = 3e^{\frac{i\pi}{2}}$$



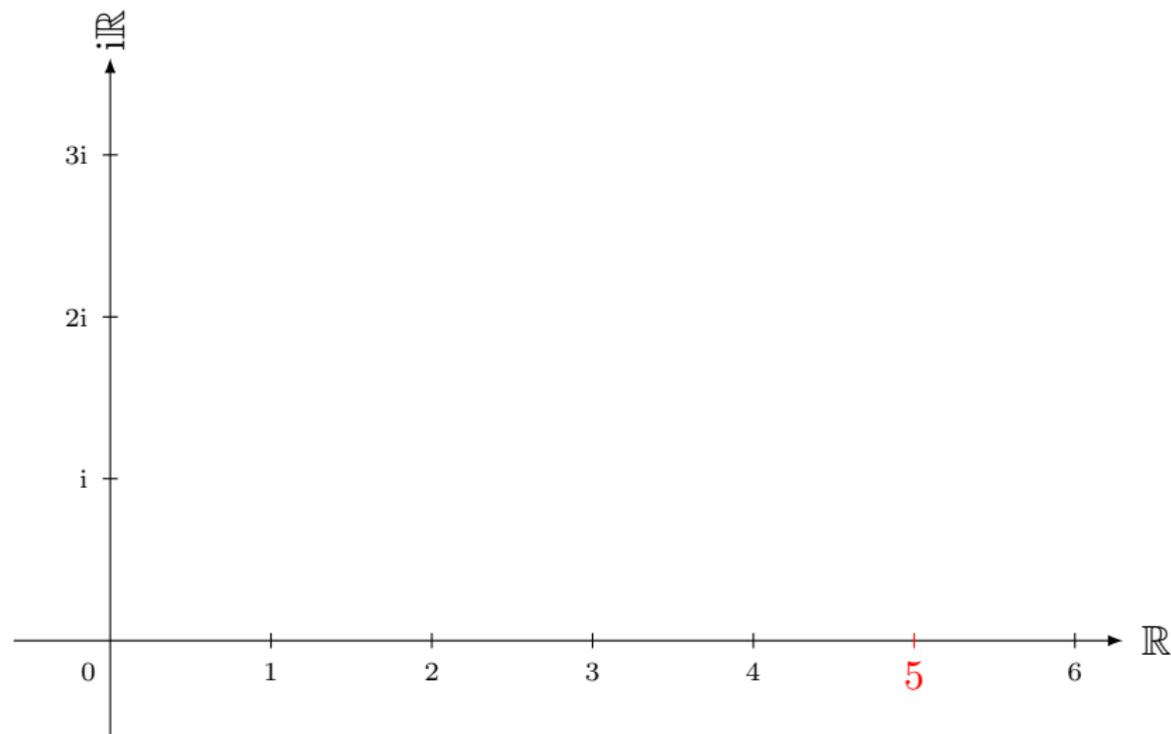
$$5 =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$5 = 5e^{0i}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$5 = 5e^{0i}$$



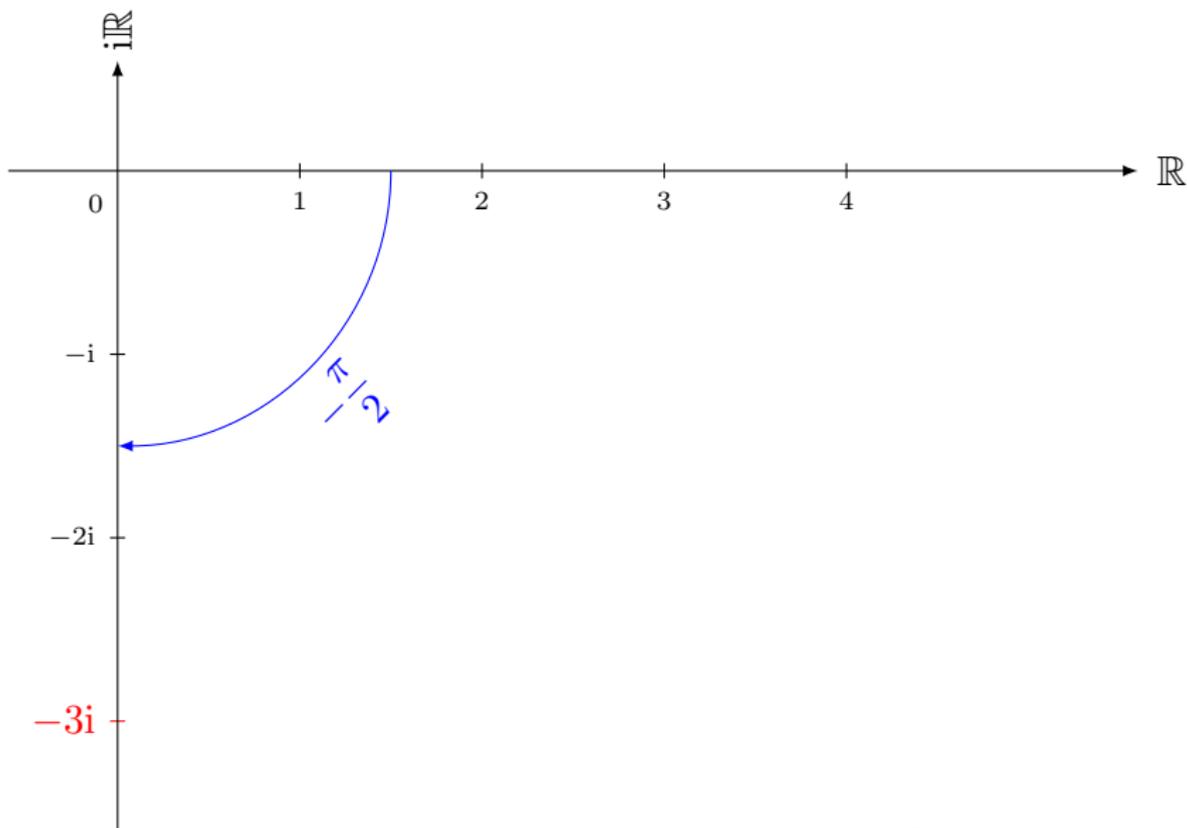
$$-3i =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-3i = 3e^{\frac{-i\pi}{2}}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-3i = 3e^{\frac{-i\pi}{2}}$$



Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

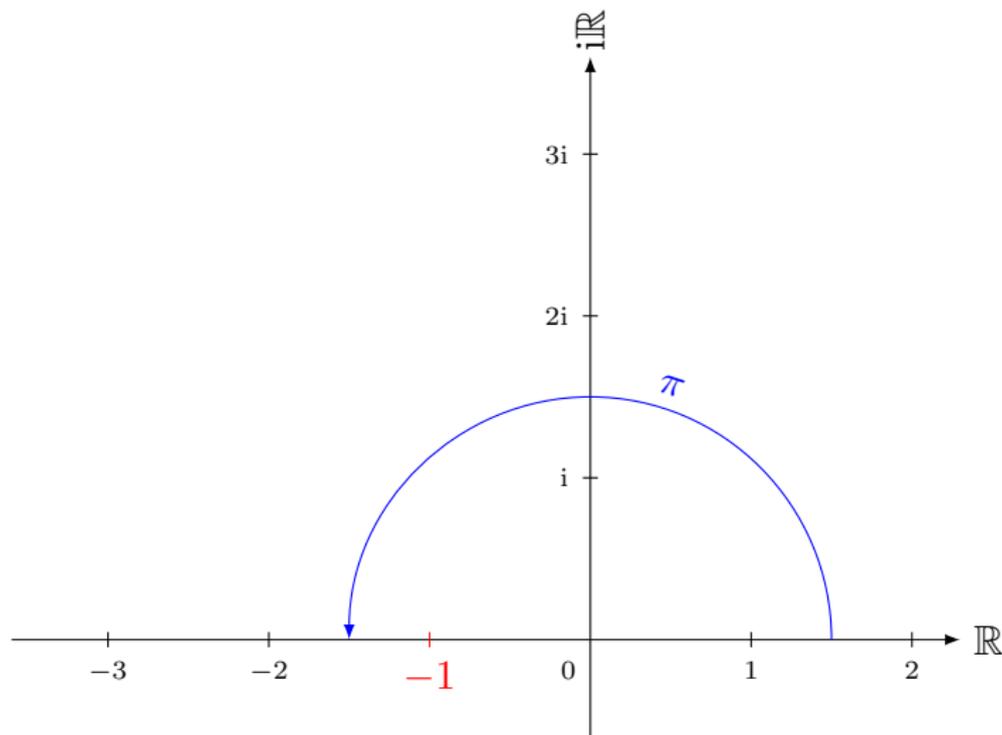
$$-1 =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-1 = e^{i\pi}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-1 = e^{i\pi}$$



$$i =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$i = e^{\frac{i\pi}{2}}$$

$$2 =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$2 = 2e^{0i}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

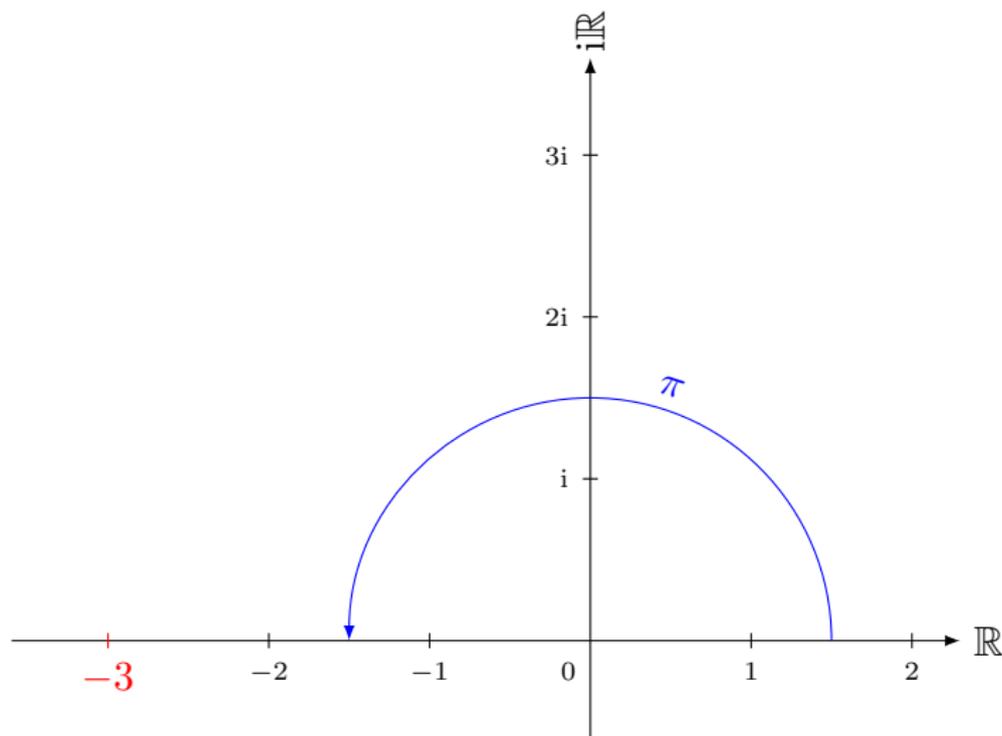
$$-3 =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-3 = 3e^{i\pi}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-3 = 3e^{i\pi}$$



Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

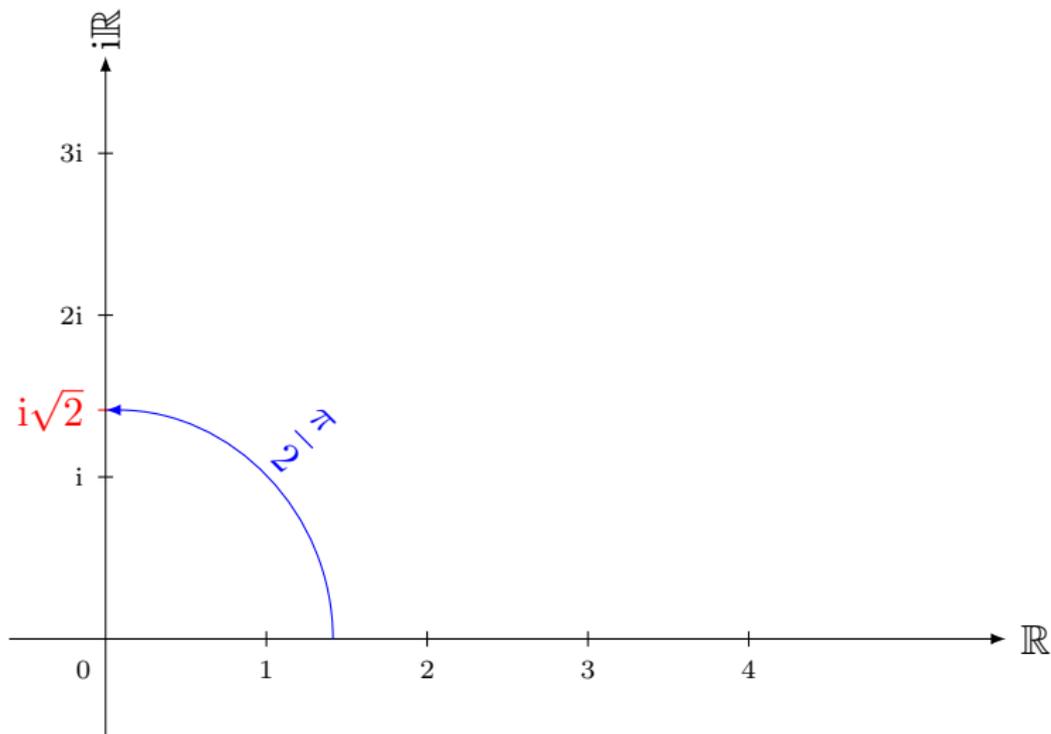
$$i\sqrt{2} =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$i\sqrt{2} = \sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{2}}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$i\sqrt{2} = \sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{2}}$$



Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$\frac{2}{3} =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$\frac{2}{3} = \frac{2}{3}e^{0i}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-\sqrt{2} =$$

$$-\sqrt{2} = \sqrt{2}e^{i\pi}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$\frac{i}{2} =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$\frac{i}{2} = \frac{1}{2}e^{\frac{i\pi}{2}}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$\frac{-i}{2} =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$\frac{-i}{2} = \frac{1}{2}e^{\frac{-i\pi}{2}}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$ie^2 =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$ie^2 = e^2 e^{\frac{i\pi}{2}}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-1 =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$-1 = e^{i\pi}$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$e^2 =$$

Exercice : Détermine de « tête » la forme exponentielle de :

$$e^2 = e^2 e^{0i}$$